

**ORTAOKUL VE İMAM HATİP ORTAOKULU
MATEMATİK 7**

DERS KİTABI

YAZARLAR

**Arzu KESKİN OĞAN
Soner ÖZTÜRK**



**DEVLET KİTAPLARI
BİRİNCİ BASKI**

....., 2019

Her hakkı saklıdır ve Millî Eğitim Bakanlığına aittir. Kitabın metin, soru ve şekilleri kısmen de olsa hiçbir surette alınıp yayımlanamaz.

Editör

Doç. Dr. Burçak BOZ YAMAN

Dil Uzmanı

Nalan ALPAR

Görsel Tasarım

Tolga TANYEL

Program Geliştirme Uzmanı

Arş. Gör. Halil ÇOKÇALIŞKAN

Rehberlik Uzmanı

Havva ERGÜNDÜZ

Ölçme ve Değerlendirme Uzmanı

Dr. Öğr. Üyesi Serkan ARIKAN

ISBN 978-975-11-4904-6



İSTİKLÂL MÂRSI

Korkma, sönmeye bu şafaklarda yüzen al sancak;
Sönenmeden yardımının tıftıftında titen en son oacak.
O benim milletimin yıldızıdır, parlayacak;
O benimdir, o benim milletimiñdir ancak.

Çatma, kurban olayım, çehreni ey nazih hilâl!
Kahramanın ırkıma bir gül! Ne bu şiddet, bu celâl?
Sana olmaz dökülen kanlarımız sonra helâl.
Hakkıdır Hakk'a tapan milletimin istiklâl.

Ben ezelden beridir hür yașadım, hür yaşarım.
Hangi çığın bana zincir vuracakmış? Şaşarım!
Kükremiş sel gibiyim, bendimi çiğner, aşarım.
Yırtarım dağları, enginlere sıfırmam, tasarırm.

Garbuñ añañkunu sarmusqa çelik zirhlı duvar,
Benim iman dolu göğsüm gibi serhaddim var.
Ulusuñ, korkma! Nasıl böyle bir imamı boğar,
Medeniyet dediğin tek dişi kalmış canavar?

Arkadaş, yurduma alçakları uğratma sakın;
Siper et gövdemi, dursun bu hayâsace aksın.
Doğacaktañ sania va'dettiği günler Hakk'ını;
Kim bilir, belki varın, belki vârından da vakıñ.

Bastığın yerleri toprak diyerek geçme, tanı:
Düşün altındaki binlerce kefensiz yatağı.
Sen şehit oğlusun, incitme, yazıkta, atanı:
Verme, diliyaları alsan da bu cennet yatağı.

Kim bu cennet vatanın uğrına olmaz ki feda?
Şübeda fişkıracak toprağı sıksan, şübeda!
Çamı, çanayı, bittün varımı alsan da Huda,
Etmesin tek vatanundan beni dünvada cüda.

Ruhumun senden İlahi, şudur ancak emeli:
Değmesin mabedimin göğstine nâmahrem eli.
Bu ezanlar -ki şehadetleri dinin temeli-
Ebedi vurdumun üstünde benim inlemeli.

O zaman vecd ile bin secede eder -varsıa- taşım,
Her cerihamdan İlâhi, boşamp kanlı yaşam,
Fışkırır ruh-i mücerret gibi yerden na'sım;
O zaman yükselserek arsa değer belki basını.

Dalgalan sen de şafaklar gibi ey şanlı hilâl!
Olsun artık dökülen kanlarımın hepsi helâl.
Ebedîyyen sana yok, ırkıma yok izmihâl;
Hakkıdır hîr yaşımuş bayrağının hürriyyet;
Hakkıdır Hakk'a tapan milletimin istiklâl!

Mehmet Akif Ersoy

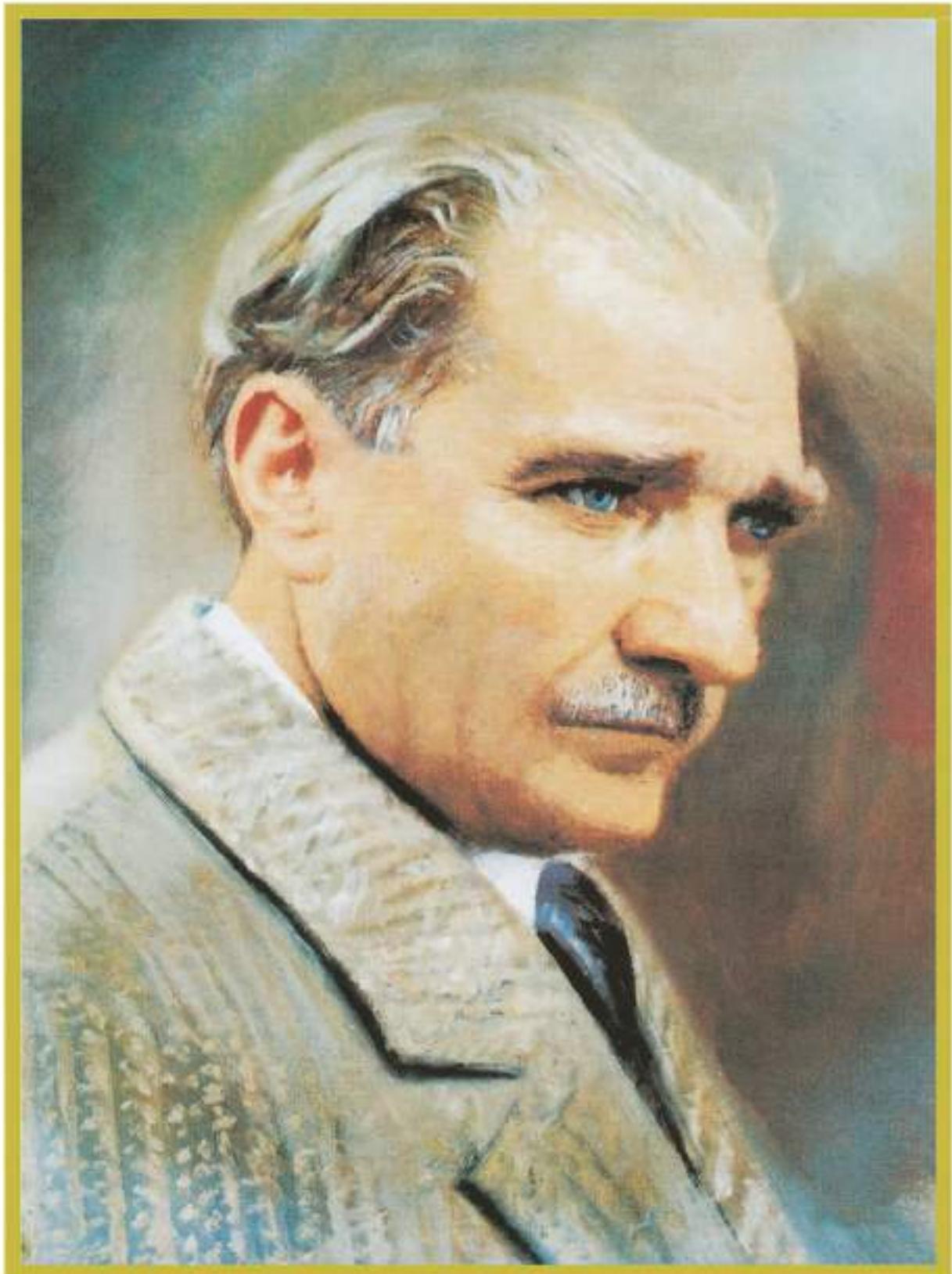
GENÇLİĞE HİTABE

Ey Türk gençliği! Birinci vazifen, Türk istiklâlini, Türk Cumhuriyetini, ilelebet muhafaza ve müdafaa etmektir.

Mevcudiyetinin ve istikbalinin yegâne temeli budur. Bu temel, senin en kıymetli hazinendir. İstikbalde dahi, seni bu hazineden mahrum etmek isteyecek dâhilî ve hâricî bedhahların olacaktır. Bir gün, istiklâl ve cumhuriyeti müdafaa mecburiyetine düşersen, vazifeye atılmak için, içinde bulunacağın vaziyetin imkân ve şeraitini düşünmeyeceksin! Bu imkân ve şerait, çok namûsait bir mahiyette tezahür edebilir. İstiklâl ve cumhuriyetine kastedecek düşmanlar, bütün dünyada emsali görülmemiş bir galibiyetin mümessili olabilirler. Cebren ve hile ile aziz vatanın bütün kaleleri zapt edilmiş, bütün tersanelerine girilmiş, bütün orduları dağıtılmış ve memleketin her köşesi bilfiil işgal edilmiş olabilir. Bütün bu şeraiitten daha elîm ve daha vahim olmak üzere, memleketin dâhilinde iktidara sahip olanlar gaflet ve dalâlet ve hattâ hıyanet içinde bulunabilirler. Hattâ bu iktidar sahipleri şahsî menfaatlerini, müstevlîlerin siyasî emelleriyle tevhit edebilirler. Millet, fakr u zaruret içinde harap ve bîtap düşmüş olabilir.

Ey Türk istikbalinin evlâdi! İşte, bu ahval ve şerait içinde dahi vazifen, Türk istiklâl ve cumhuriyetini kurtarmaktır. Muhtaç olduğun kudret, damarlarındaki asıl kanda mevcuttur.

Mustafa Kemal Atatürk



MUSTAFA KEMAL ATATÜRK

İÇİNDEKİLER

1. ÜNİTE: TAM SAYILARLA İŞLEMLER.....	11
1. Bölüm: TAM SAYILARLA İŞLEMLER.....	13
TAM SAYILAR.....	13
TAM SAYILARLA TOPLAMA İŞLEMİ.....	14
Tam Sayılarla Toplama İşleminin Özellikleri.....	26
TAM SAYILARLA ÇIKARMA İŞLEMİ.....	29
TAM SAYILARLA ÇARPMA İŞLEMİ.....	36
Tam Sayılarla Çarpma İşleminin Özellikleri.....	40
TAM SAYILARLA BÖLME İŞLEMİ.....	43
TAM SAYILARIN KUVVETİ.....	47
TAM SAYI PROBLEMLERİ.....	52
1. ÜNİTE DEĞERLENDİRME SORULARI.....	55
Kendimi Değerlendiriyorum.....	57
Biraz da Eğlenelim.....	58
2. ÜNİTE: RASYONEL SAYILAR VE RASYONEL SAYILARLA İŞLEMLER.....	59
1. Bölüm: RASYONEL SAYILAR.....	61
Rasyonel Sayıların Ondalık Gösterimleri.....	65
Ondalık Gösterimleri Rasyonel Sayıya Çevirme.....	69
Rasyonel Sayılarda Sıralama.....	72
2. Bölüm: RASYONEL SAYILARLA İŞLEMLER.....	77
RASYONEL SAYILARLA TOPLAMA-ÇIKARMA İŞLEMLERİ.....	77
Rasyonel Sayılarla Toplama İşleminin Özellikleri.....	81
RASYONEL SAYILARLA ÇARPMA İŞLEMİ.....	84
Rasyonel Sayılarla Çarpma İşleminin Özellikleri.....	87
RASYONEL SAYILARLA BÖLME İŞLEMİ.....	90
Rasyonel Sayılarla Bölme İşleminde 0, 1 ve -1'in Etkisi.....	94
Rasyonel Sayılarla Çok Adımlı İşlemler.....	95
Rasyonel Sayıların Kareleri ve Küpleri.....	98
Rasyonel Sayı Problemleri.....	100
2. ÜNİTE DEĞERLENDİRME SORULARI.....	105
Kendimi Değerlendiriyorum.....	108
Biraz da Eğlenelim.....	109
3. ÜNİTE: CEBİRSEL İFADELERDEN EŞİTLİK VE DENKLEMLERE.....	111
1. Bölüm: CEBİRSEL İFADELER.....	113
Cebirsel İfadelerle Toplama ve Çıkarma İşlemi.....	113
Bir Doğal Sayısını Bir Cebirsel İfade ile Çarpmaya.....	119
Örütütüler ve İlişkiler.....	120
2. Bölüm: EŞİTLİK VE DENKLEM.....	126
BİRİNCİ DERECEDEN BİR BİLİNMEYENLİ DENKLEMLER.....	126
Eşitliğin Korunumu.....	128
Denklem Çözme.....	130
Birinci Dereceden Bir Bilinmeyenli Denklem Problemleri.....	133
3. ÜNİTE DEĞERLENDİRME SORULARI.....	137
Kendimi Değerlendiriyorum.....	139
Biraz da Eğlenelim.....	140
4. ÜNİTE: ORAN ORANTIDAN YÜZDELERE.....	141
1. Bölüm: ORAN VE ORANTI.....	143
ORAN.....	143
ORANTI.....	149

Doğru Oranti.....	153
Doğru Orantılı İki Çokluğa Ait Oranti Sabiti.....	157
Ters Oranti.....	160
Doğru ve Ters Oranti Problemleri.....	165
2. Bölüm: YÜZDELER.....	170
Bir Çokluğun Belirtilen Yüzdesini Bulma.....	170
Bir Çokluğu Diğer Bir Çokluğun Yüzdesi Olarak Hesaplama.....	175
Bir Çokluğu Belirli Bir Yüzde ile Arttırma ve Azaltma, Yüzde Problemleri.....	177
4. ÜNİTE DEĞERLENDİRME SORULARI.....	182
Kendimi Değerlendiriyorum.....	185
Biraz da Eğlenelim.....	186
5. ÜNİTE: DOĞRULAR VE AÇILARDAN ÇOKGENLER, ÇEMBER VE DAİREYE.....	187
1. Bölüm: DOĞRULAR VE AÇILAR.....	189
Açıortay.....	189
Aynı Düzlemdede Üç Doğrunun Birbirine Göre Durumları.....	193
Paralel İki Doğrunun Bir Kesenle Yaptığı Açılar.....	194
2. Bölüm: ÇOKGENLER.....	200
Çokgenlerin İç ve Dış Açıları.....	200
Düzgün Çokgenler.....	203
Dörtgenler.....	208
Eşkenar Dörtgenin Alanı.....	216
Yamuğun Alanı.....	220
Dörtgenlerin Alanları ile İlgili Problemler.....	224
Çevre Alan İlişkisi.....	227
3. Bölüm: ÇEMBER VE DAİRE.....	229
Çemberde Merkez Açılar ve Bu Açıların Gördüğü Yaylor.....	230
Çemberin Çevre Uzunluğu.....	233
Çember Parçasının Uzunluğu.....	236
Dairenin Alanı.....	239
Daire Diliminin Alanı.....	243
5. ÜNİTE DEĞERLENDİRME SORULARI.....	247
Kendimi Değerlendiriyorum.....	252
Biraz da Eğlenelim.....	253
6. ÜNİTE: VERİ ANALİZİNDEN CISİMLERİN FARKLI YÖNDEN GÖRÜNÜMLERİNE.....	255
1. Bölüm: VERİ ANALİZİ.....	257
Çizgi Grafiği.....	257
Yanlış Yorumlamalara Neden Olabilecek Çizgi Grafikleri.....	260
Ortalama, Ortanca, Tepe Değer.....	263
Daire Grafiği.....	270
Verilere Uygun Grafik Belirleme.....	274
2. Bölüm: CISİMLERİN FARKLI YÖNLERDEN GÖRÜNÜMLERİ.....	276
Farklı Yönlerden Görünümleri Verilen Yapıları Oluşturma.....	279
6. ÜNİTE DEĞERLENDİRME SORULARI.....	283
Kendimi Değerlendiriyorum.....	286
Biraz da Eğlenelim.....	287
ÜNİTE DEĞERLENDİRME YANIT ANAHTARLARI.....	289
SÖZLÜK.....	291
SEMBOL VE KISALTMALAR.....	292
KAYNAKÇA.....	293
INTERNET KAYNAKÇASI.....	294
GÖRSEL KAYNAKÇA.....	295

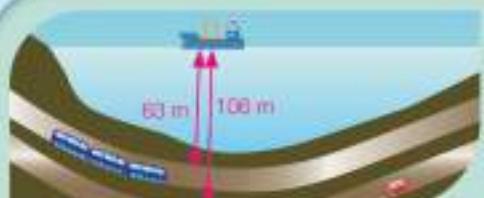
ORGANİZASYON ŞEMASI

Merhaba arkadaşlar, ben MATİ!
7. sınıfı matematik derslerini birlikte işleyeceğiz.
Benimle matematiği daha çok seveceksiniz.



HATIRLAYALIM

İşlenecek konularla ilgili geçmiş yıllarda bılgilerin hatırlanması için evde yapılacak sorulara yer verilmiştir.



Marmaray Projesi'nin hedefleri

- 2013 yılında istasyon açılışına başlanacaktır.
- 101 km uzunluğunda olacak 29 istasyon.
- 332 tarihi ile gerekçeyle 1000 tane.
- İstanbul Boğazı'ndan geçen 10 km.
- Kırmızı hattan 70 km'lik bir denizaltı tüneli ile 160 km'lik metro.
- Marmaray 100 gün 24 saat hizmet sunacaktır.
- İşletme 63 m yüksekliğindedir.

Başarıya TİKA'dan Proje! İstanbul 2009 yılında yapımı 2010 yılında devrelenmesi beklenen TİKA'ya bağlı projelerde 10.000'inci başarıya.
Başarıya TİKA'dan en çok katkıda bulunuyoruz ve 100'üncü başarıda.
Her 10 projede 10 başarıya ulaşırken, 100'de de 10 başarıya ulaşırken.
• Marmaray'ın ne başarısı? Tünel 101 km'de 24 saat hizmet sunacaktır.
• 100'üncü projede en çok katkıda bulunuyoruz ve 100'üncü başarıya ulaşırken?

Konulara girişte motivasyon amaçlı bilgiler verilmiştir.

ETKİNLİK:

Arab-Gereç: İadem, Hadi!
Üyggâlîm: Sesamak!

- 4°C'da parketlerin büzüldüğünü, sıcaklık artarken krevetlerin suyu harmanımları, sualtı 2°C'da ormadağı, florya gibi 3 saat sonra büzüldüğünü söylemektedir. 1°C'ye sıcaklığı bulmuştur.
Yükseklik zorbalığına rağmen adımları söyle ederken gözlerini plakanız.
- Problemden zevklenen öğrenciler;
 - Problemden zevklenen öğrenciler;
 - Problemin çözümü için bir plan oluştururular;
 - Oluşturulan plan doğrulamasında problemleri yorumlar;
 - Çözümün doğruluğunu kontrol ederler;
 - Problemi çözüme aşamasında yaşananları ortaya koyma konusunda konuşurlar;

İşlenecek kazanım ile ilgili araç-gereç kullanılarak bireysel veya grup olarak yapılacak etkinlikler sunulmuştur.

İlkette Çözüm 2

$1-2^2 + (-4)^2 - (-5)^2$ işlemini yapınız.

Cevap:

Vektör işlemi yapanlık için öncelikle tam sayıların kuvvetlerini hesaplayın.

$$1-2^2 + (-4)^2 - (-5)^2$$

1

1

1

$$(1) + (+16) - (-25) = 4 + 16 + 25 = 45$$

Kazanımın daha kolay kavranması için örnek sorular ve bu soruların çözümleri verilmiştir.

1) Aynı işaretli iki tam sayı birbirine toplandığında sonucu pozitifdir.

2) Aynı işaretli iki tam sayı birbirine toplandığında sonucu negatiftir.

Tam sayılarla çarpan işlemi, çikan sayının ters işaretini da ekleden sayının toplamına eklinde de yapılır.

$$(+) - (+5) = (+4) + (-5)$$



Bir tam sayı ile 0'ın toplamı, tam sayıyı kendisine eşittir.
"0", tam sayılarında toplama işleminin "efektif elementi" dir.

İşaretleri aynı olan tam sayıların toplamının sayıları mutlak değerleri toplamı, sırası işaret toplamının önüne getirilir.

MATİ, konularla ilgili genel kurallar verip bazı konulara ait geçmiş yıllarda önemli bilgiler hatırlatmaktadır.



* Negatif bir tariş sayenin kuwertlerini hisselerden kuwetteki sayıya baktıktan sonra onun içeriği ile ilgili ne söyleyebilirler?

Öğrencinin sorulama yapması gereken durumlarda kullanılmıştır.



**İş güvenliği
önemli!
Makası dikkatli
kullanalım!**

Makas kullanmayı gerektiren etkinliklerde güvenlik konusunda uyan amaçlı kullanılmıştır.

2 tane (+) pulun
yanna 5 tane (+) pul
eklersək 7 tane (+)
pul elde edərək.

Soru çözümlerinde ve modellemelerde yapılan işlemi
ri açıklamak için kullanılmıştır.



Çözüm Sende

Konu sonunda kazanımların ölçülmesine yönelik öğre-
nişenlerin pekiştirilmesi amacıyla sorulara yer verilmiştir.

KENDİMİ DEĞERLENDİRİYORUM

Öğrencilerin ünite ile ilgili öğrenme düzeylerini kontrol et-
mek için kullanılan özdeğerlendirme bölümüdür.

Verilen ifadelerin sonuçlarının eşit olduğu
görlülmektedir.
Dolayısıyla
 $(-4) + (-5) = (-4) + (-5)$ olduğu görülmür.

Konuya ilgili önemli bilgiye dikkat çekilmişdir.

1. ÜNİTE DEĞERLENDİRME SORULARI

Ünite sonrasında, o üniteye ait kazanımlar ölçme ve
değerlendirmeye yönelik sorular verilmiştir.

BIRAZ DA EĞLENELİM



Ünite sonlarında, konularla ilgili oyun, bulmaca ... gibi eğlenceli etkinlikler verilmiştir.

Soru çözümlerinde kullanılmak üzere verilmiştir.



CAHİT ARF

Önderyüz Profesör Cahit Arf, 190-1997 yılları arasında Türkiye dâiyâasında Türk matematikçidir.

Cahit Arf, cubik şapka kavramı, analitik geometri, nümerik matematiğin gibi matematiğin doğası dolanda yapıcı programlarda kâğıt oujâr'ı da etkileşiftir.

Kendisi adıyla adlı "Arf Geometri" ve "Arf Kapaklıları" gibi temel matematik ve bilim dünyasına kazandırmıştır.

Matematik dâiyâasına辜负mış olduğu öncüllerinden doâîly, 1 Ocak 2009'dan itibaren 10 Türk lirasının arka yüzünde "önderyüz profesörün portresi, Arf Dâiyâasından berâkatı ve Arf Denkârı" yer almaktadır.



Konular içerisinde geçen kavramlar, açıklamalar ve ünlü matematikçiler ile ilgili bilgiler verilmiştir.

1. ÜNİTE

TAM SAYILARLA İŞLEMLER



SAYILAR VE İŞLEMLER

- Tam Sayılarla İşlemler

HATIRLAYALIM

1) Aşağıdaki ifadeleri gösteren tam sayıları verilen boşluklara yazınız.

- Hava sıcaklığının sıfırın altında 7°C olması ,
- Hava sıcaklığının 25°C olması ,
- Çağan'ın Keğan'a olan 20 TL borcu ,
- Berra'nın Peri'den 5 TL alacaklı olması ,
- Deniz sevyesinin 15 metre altı
- Deniz sevyesinin 100 metre üstü ile temsil edilir,

2) Aşağıdaki boşluklara " $<$ ", " $>$ " veya " $=$ " sembollerinden uygun olanı yazınız.

- | | | |
|--------------|--------------|---------------------|
| a) -7.....-2 | c) 8..... -8 | d) -111.....-110 |
| b) -3.....0 | e) -6.....-1 | f) -500..... 10^2 |

3) Aşağıdaki ifadeleri, bu ifadelere karşılık gelen değerlerle eşleştiriniz.

- En büyük negatif tam sayı
- En küçük pozitif tam sayı
- İki basamaklı en büyük negatif tam sayı
- Rakamları farklı iki basamaklı en küçük negatif tam sayı
- Rakamları farklı üç basamaklı en büyük negatif tam sayı



4) Yandaki tablo bazı sıvıların donma noktalarını göstermektedir. Buna göre aşağıdaki sorulan yanıtlayınız.

- Donma noktası en düşük olan sıvı hangisidir?
- -40°C 'ta donmuş olan sıvılar hangileridir?
- -30°C 'ta sıvı hälde olan sıvılar hangileridir?

Tablo: Sıvıların Donma Noktaları

Sıvılar	Donma Noktaları ($^{\circ}\text{C}$)
Benzin	-45
Saf Alkol	-117
Cıva	-39
Kan	-0,5
Su	0

5) -16 tam sayısı ile +5 tam sayısı arasında kaç tane tam sayı vardır?

6) Sayı doğrusunda -3 noktasına 5 br uzaklığındaki noktaları bulunuz.

7) Aşağıdaki boşlukları doldurunuz.

a) $|-9| = \dots$ b) $|-36| = \dots$ c) $|+7| = \dots$

8) $|\blacksquare| < 7$ olduğuna göre \blacksquare yerine yazılabilecek tam sayıları bulunuz.

9) Aşağıdaki üslü ifadelerin değerlerini hesaplayınız.

a) $3^4 = \dots$ b) $5^2 = \dots$ c) $2^3 + 3^2 = \dots$

Arkadaşlar, bu konuya başlamadan önce "Hatırlayalım" sayfanızdaki soruları evde yaparak derse hazır geliniz.



1. Bölüm: TAM SAYILARLA İŞLEMLER

TAM SAYILAR

2



İnsanlar günlük yaşamlarında negatif ve pozitif sayılarla karşılaşırlar.

Yandek görSELL inceLEDİGİMLZDE deniz seviyesi 0 (sıfır) ve her sayı arası 1 metre kabul edildiğinde

- Kuşun kafasının konumu deniz seviyesinin üzerinde ve 1. metrede olduğu için +1,

- Deniz yıldızının konumu deniz seviyesinin altında ve 1. metrede olduğu için -1,

- Dalgıçın başının konumu deniz seviyesinin altında ve 5. metrede olduğu için -5 ile belirtilir.

Tam sayılarla karşılaştığımız durumlardan bir diğeri de sıcaklık değerleridir.

Kutuplardaki hava sıcaklıklarının genellikle negatif tam sayılarla, ekvator çevresindeki sıcaklıklarla pozitif tam sayılarla ifade edilir.

- Günlük hayatı tam sayılarla karşılaştığınız durumlara ömekler veriniz.

Aşağıdaki tablolarda dünyada ve Türkiye'de kaydedilen en yüksek ve en düşük sıcaklıkların yaklaşık değerleri verilmiştir.

Tablo: Dünyadaki En Yüksek ve En Düşük Sıcaklık Değerleri

Ölçülen Değer	Yaklaşık Değer	Ölçüldüğü Yer	Tarih
En Yüksek Sıcaklık	57 °C	Greenland Ranch (Death Valley) California, USA	10 Temmuz 1913
En Düşük Sıcaklık	-89 °C	Vostok, Antarktika	21 Temmuz 1983

Tablo: Türkiye'deki En Yüksek ve En Düşük Sıcaklık Değerleri

Ölçülen Değer	Yaklaşık Değer	Ölçüldüğü Yer	Tarih
En Yüksek Sıcaklık	49 °C	Şırnak Cizre	27 Ağustos 1961
En Düşük Sıcaklık	-46 °C	Van Çaldırıran	9 Ocak 1990

TAM SAYILARLA TOPLAMA İŞLEMİ

Celsius (Selsiyus) ölçüği; suyun donma noktasını 0 derece Celsius (${}^{\circ}\text{C}$), kaynama noktasını $100\text{ }{}^{\circ}\text{C}$ olarak ölçen bir sıcaklık ölçüğidir. Bu ölçekle hazırlanan termometreye de Celsius termometresi denir.

Kelvin (Kelvin) ölçüği; suyun donma noktasını 273 derece Kelvin (${}^{\circ}\text{K}$), kaynama noktasını $373\text{ }{}^{\circ}\text{K}$ olarak ölçen bir sıcaklık ölçüğidir. Bu ölçekle hazırlanan termometreye de Kelvin termometresi denir.

Celsius derecede verilen bir sıcaklığı Kelvin dereceye çevirirken Celsius dereceye $273\text{ }{}^{\circ}\text{C}$ eklenir.

- Sıcaklığın $-10\text{ }{}^{\circ}\text{C}$ ölçüldüğü bir ortamda Kelvin termometresi sıcaklığı kaç ${}^{\circ}\text{K}$ olarak gösterir?



ETKİNLİK

Araç-Gereçler: kalem, kağıt, termometre

Uygulama Basamakları:



Yandaki haritada Türkiye'deki bazı illerin 1 Ocak 2016 tarihindeki sıcaklık değerleri verilmiştir.

- Verilen sıcaklık değerlerini sağ taraftaki termometre üzerinde gösteriniz.
- Verilen illerin sıcaklık değerlerini termometre üzerinde $3\text{ }{}^{\circ}\text{C}$ arttırarak bulduğunuz yeni sıcaklık değerlerini aşağıdaki haritäye yazınız.

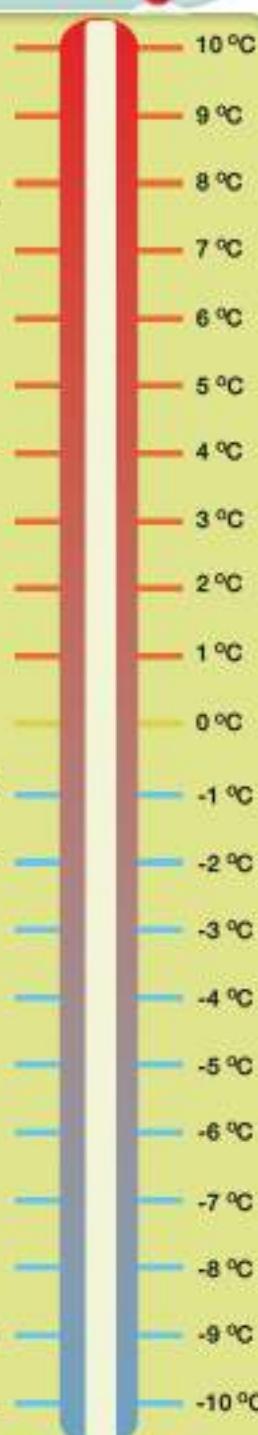


- Her ilin başlangıçta verilen sıcaklık değerini $8\text{ }{}^{\circ}\text{C}$ arttırdığınızda elde edilecek yeni sıcaklık değerlerini bulup tabloda ilgili sütuna yazınız.
- Her ilin yeni sıcaklık değerinin nasıl hesaplanacağını ifade eden işlemi aşağıdaki tabloda ilgili sütuna yazınız.

Tablo: Illere Göre Sıcaklık Tablosu

İller	İşlem	Yeni Sıcaklık Değeri
Ankara
İzmir
Van
Burdur
Düzce
Samsun

- İllerin sıcaklık değerlerini artırırken termometre üzerinde verilen sıcaklık değerini hangi yöne ilerlettiniz?
- Sıcaklık değerlerinden pozitif olanları artırdığınızda sonucun nasıl değiştğini yazınız.
- Sıcaklık değerlerinden negatif olanları artırdığınızda sonucun nasıl değiştiğini yazınız.



Birlikte Çözelim 1

Aydın'da hava sıcaklığı $+2^{\circ}\text{C}$ iken öğleye doğru sıcaklık 5°C artmıştır. Buna göre öğleyin hava sıcaklığının kaç $^{\circ}\text{C}$ olduğunu bulalım.

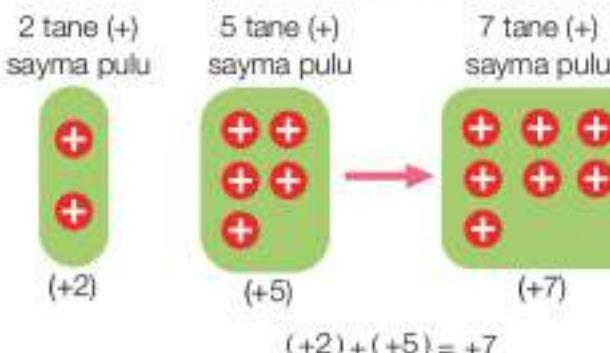
Çözüm:

Problemin çözümünden önce tam sayıların modelleri ile ilgili aşağıdaki görseli inceleyelim:

- $\rightarrow +1$ 'i temsil eden sayma pulu
 - $\rightarrow 1$ 'i temsil eden sayma pulu
 - $\rightarrow 0$ 'ı temsil eden sayma pulu çifti (sıfır çifti)
- Aşağıda $+2$ 'nin ve 3 'ün modelleri verilmiştir.
-

Hava sıcaklığının $+2^{\circ}\text{C}$ olduğu Aydın'da sıcaklığın 5°C artması $(+2) + (+5)$ işlemi ile ifade edilir. Bu işlemi sayma pulları ile modelleyerek ve sayı doğrusu üzerinde göstererek yapalım.

$(+2) + (+5)$ işleminin sonucunu sayma pulları ile modelleyerek bulalım:

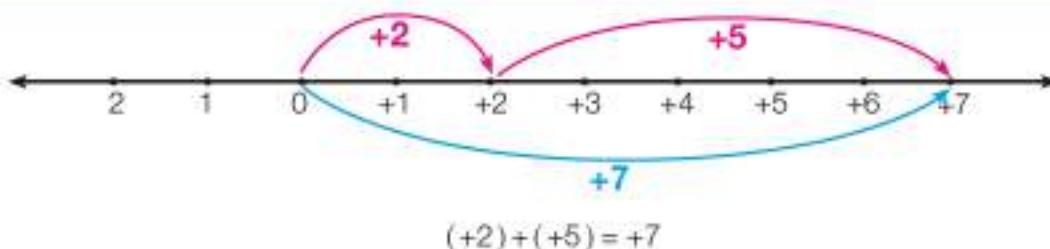


2 tane (+) sayma puluna
5 tane (+) sayma pulu eklersek
7 tane (+) sayma pulu elde ederiz.

Aydın ilinin öğleyin hava sıcaklığı $+7^{\circ}\text{C}$ 'tur.

$(+2) + (+5)$ işlemini sayı doğrusu üzerinde gösterelim:

- 1 Bir sayı doğrusu çizelim.
- 2 0'dan başlayarak sağa doğru 2 br (birim) ilerleyelim. $+2$ 'yi temsil eden oku çizelim.
- 3 Bu noktadan sağa doğru 5 br daha ilerleyelim. $+5$ 'i temsil eden oku çizelim.
- 4 Geldiğimiz nokta işlemin sonucudur.
- 5 Başlangıç noktası ile geldiğimiz son noktayı birleştirerek işlemin sonucunu gösterelim.



Aydın ilinin öğleyin hava sıcaklığı $+7^{\circ}\text{C}$ 'tur.

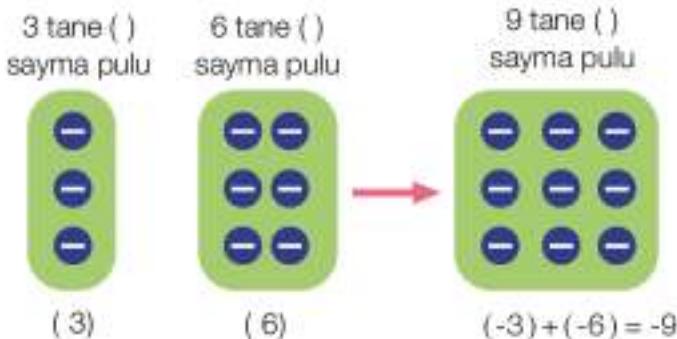
Birlikte Çözelim 2

Deniz seviyesinin 3 m altındaki bir dalgıç, 6 m daha dalıyor. Son durumda dalgıçın deniz seviyesine göre konumunu bulalım.

Çözüm:

Deniz seviyesinin 3 m altındaki dalgıçın 6 m daha dalması $(-3) + (-6)$ işlemi ile ifade edilir. Bu işlemi sayıma pulları ile modelleyerek ve sayı doğrusu üzerinde göstererek yapalım.

$(-3) + (-6)$ işleminin sonucunu sayıma pulları ile modelleyerek bulalım :



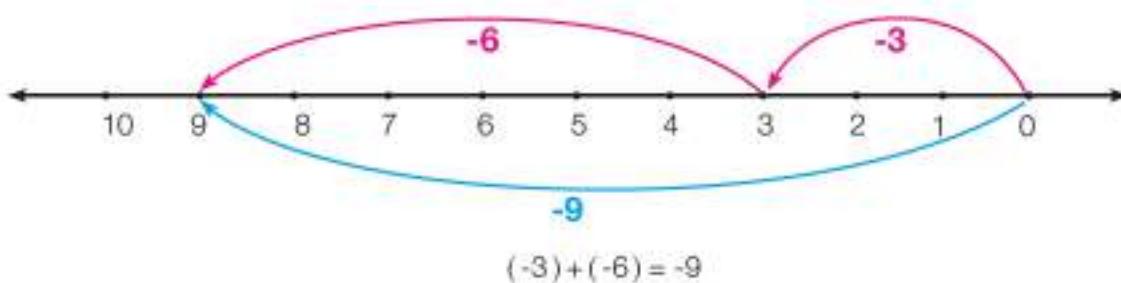
3 tane () sayma puluna
6 tane () sayma pulu eklersek
9 tane () sayma pulu elde ederiz.

$$(-3) + (-6) = -9$$

Dalgıç deniz seviyesinin 9 m altındadır. Deniz seviyesinin 9 m altı -9 ile gösterilir.

$(-3) + (-6)$ işlemini sayı doğrusu üzerinde gösterelim:

- 1 Bir sayı doğrusu çizelim.
- 2 0'dan başlayarak sola doğru 3 br ilerleyelim.
- 3 Bu noktadan sola doğru 6 br daha ilerleyelim.
- 4 Geldiğimiz nokta işlemin sonucudur.
- 5 Başlangıç noktası ile geldiğimiz son noktayı birleştirerek işlemin sonucunu gösterelim.



Dalgıç deniz seviyesinin 9 m altındadır. Deniz seviyesinin 9 m altı -9 ile gösterilir.



Yukanda yaptığımız $(+2) + (+5) = +7$ ve $(-3) + (-6) = -9$ işlemlerini inceleyiniz.

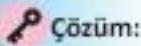
- Toplanan sayıların mutlak değerlerini kullanarak işlemin sonucunu nasıl elde edersiniz?
- Toplanan sayıların işaretini ile toplamın (sonuç) işaretini arasında nasıl bir ilişki vardır?



İşaretleri aynı olan tam sayılar toplanırken sayıların mutlak değerleri toplanır, ortak işaret toplamın önüne yazılır.

Birlikte Çözelim 3

$(-17) + (-18)$ işleminin sonucunu bulalım.



Çözüm:

$(-17) + (-18)$ işleminin sonucunu bulalım.

$$(-17) + (-18) = \underline{0}35$$

İşaretler aynıdır.

Sonucun işareti

$$|-17| = 17$$

toplanaan sayıların

$$|-18| = 18$$

İşaretiyle aynıdır.

$$17 + 18 = 35$$

Toplanan tam sayıların işaretleri aynı olduğundan sayıların mutlak değerleri toplanıp ortak işaret toplamın önüne yazılır ve sonuç -35 olarak bulunur.

Birlikte Çözelim 4

$(+45) + (+70)$ işleminin sonucunu bulalım.



Çözüm:

$(+45) + (+70)$ işleminde toplanan sayıların işaretleri "+" olduğundan toplamın işaret de "+" dir.

$$(+45) + (+70) = \underline{+}115$$

İşaretler aynıdır.

Sonucun işareti

$$|+45| = 45$$

toplanaan sayıların

$$|+70| = 70$$

İşaretiyle aynıdır.

$$45 + 70 = 115$$

Toplanan tam sayıların işaretleri aynı olduğundan sayıların mutlak değerleri toplanıp ortak işaret toplamın önüne yazılır ve sonuç $+115$ olarak bulunur.

Birlikte Çözelim 5

$(-7) + (-77) + (-101)$ işleminin sonucunu bulalım.



Çözüm:

$(-7) + (-77) + (-101)$ işleminde toplanan sayıların işaretleri "-" olduğundan toplamın işaret de "-" dir.

$$(-7) + (-77) + (-101) = \underline{-}185$$

İşaretler aynıdır.

$$|-7| = 7$$

$$|-77| = 77$$

$$|-101| = 101$$

$$7 + 77 + 101 = 185$$

Bu durumda sayıların mutlak değerleri toplanıp ortak işaret toplamın önüne yazılır ve sonuç -185 olarak bulunur.

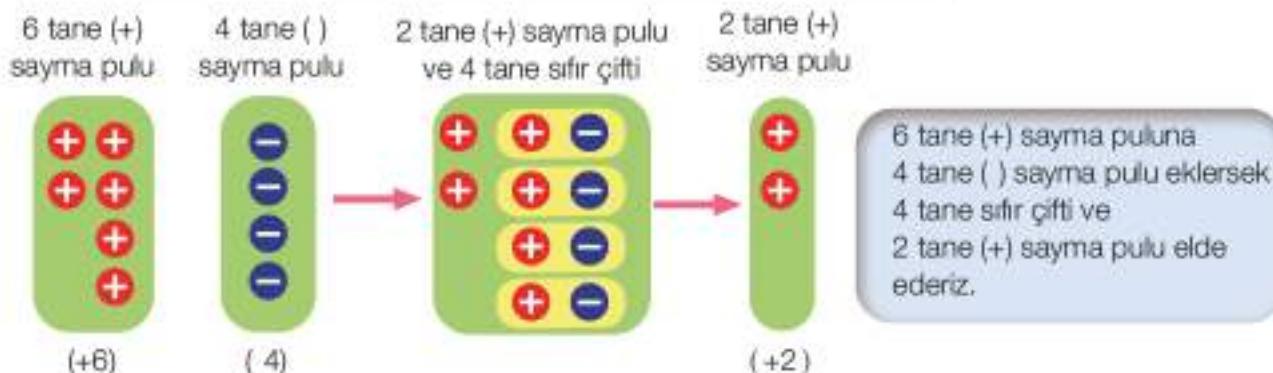
Birlikte Çözelim 6

6 TL alacağı ve 4 TL borcu olan Faruk'un toplam alacak verecek durumunu bulalım.

Çözüm:

Faruk'un 6 TL alacağını (+6), 4 TL borcunu da (-4) ile matematiksel olarak gösterelim. Toplam alacak verecek durumunu $(+6) + (-4)$ işlemi ile bulalım.

$(+6) + (-4)$ işleminin sonucunu sayıma pulları ile modelleyerek bulalım:

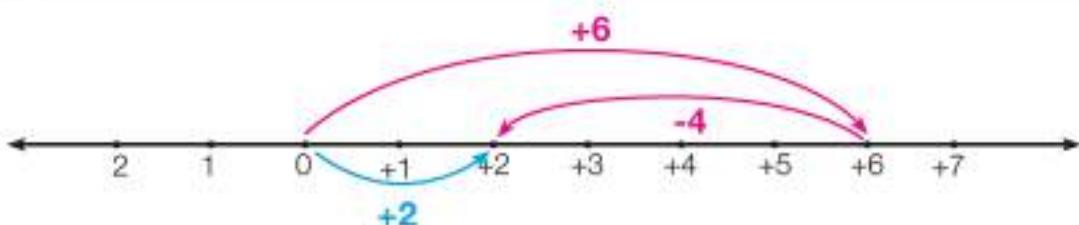


$$(+6) + (-4) = +2$$

Faruk'un 2 TL alacağı vardır. Bu durum +2 ile gösterilir.

$(+6) + (-4)$ işlemini sayı doğrusu üzerinde gösterelim:

- 1 Bir sayı doğrusu çizelim.
- 2 0'dan başlayarak sağa doğru 6 br ilerleyelim.
- 3 Bu noktadan 4 br sola doğru ilerleyelim. Çünkü " - " işaretü, sayı doğrusunda sola doğru ilerlemektir.
- 4 Geldiğimiz nokta işlemin sonucudur.
- 5 Başlangıç noktası ile geldiğimiz son noktayı birleştirerek işlemin sonucunu gösterelim.



$$(+6) + (-4) = +2$$

Faruk'un 2 TL alacağı vardır. Bu durum +2 ile gösterilir.

Birlikte Çözelim 7

Bir alışveriş merkezinin zemin katından asansörle 2 kat yukarıdaki otoparka inen Aylin, yukarıdaki mağazada çantasını unuttuğunu hatırlayınca otoparktan 5 kat yukarı çıkarıyor. Buna göre Aylin'in çantasını kaçinci katta unuttuğunu bulalım.

Çözüm:

Aylin'in zeminden 2 kat aşağı inip sonra 5 kat yukarı çıkması durumu $(-2) + (+5)$ ile matematiksel olarak ifade edilir. Bu işlemi sayıma pulları ile modelleyerek ve sayı doğrusu üzerinde göstererek yapalım.

$(-2) + (+5)$ işleminin sonucunu sayıma pulları ile modelleyerek bulalım:

2 tane ()
sayma pulu

5 tane (+)
sayma pulu

2 tane sıfır çifti ve
3 tane (+) sayma pulu

3 tane (+)
sayma pulu



(-2)

(+5)

(+3)

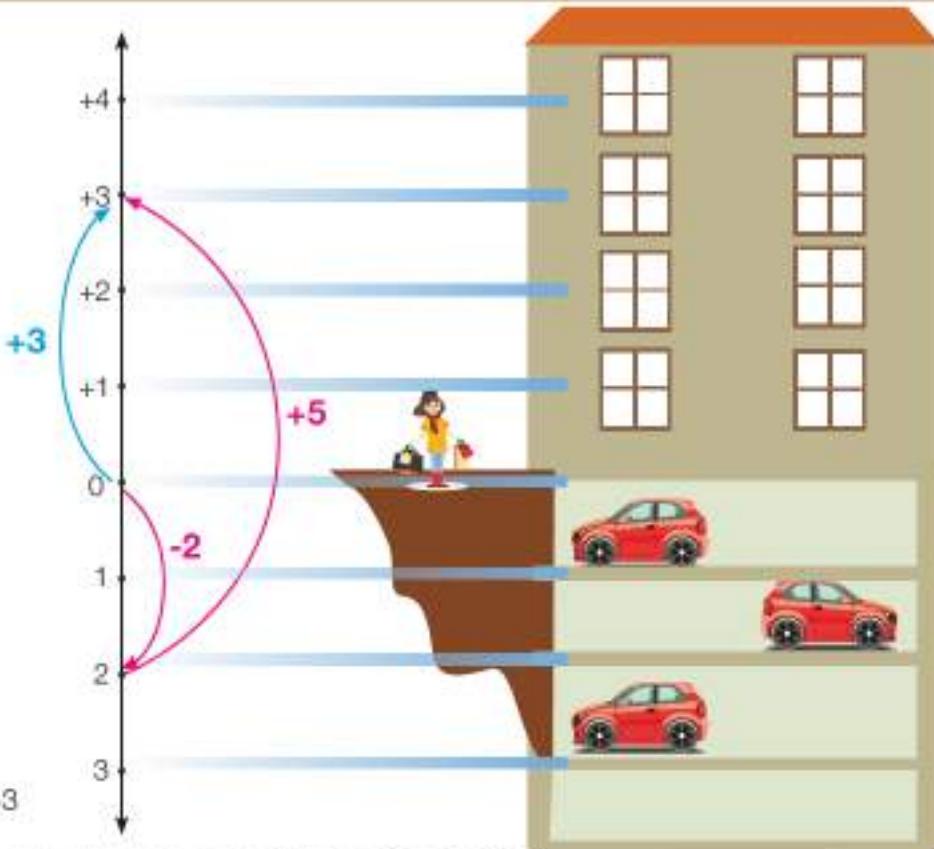
$$(-2) + (+5) = +3$$

2 tane () sayma puluna
5 tane (+) sayma pulu
eklersek
2 tane sıfır çifti ve
3 tane (+) sayma pulu elde
ederiz.

Aylin, çantasını 3. katta unutmuştur. Bu durum $+3$ ile gösterilir.

$(-2) + (+5)$ işlemini sayı doğrusu üzerinde gösterelim:

- 1 Dikey konumda bir sayı doğrusu çizelim.
- 2 0'dan başlayarak aşağı doğru 2 br ilerleyelim.
- 3 Bu noktadan yukarı doğru 5 br ilerleyelim.
- 4 Geldiğimiz nokta işlemin sonucudur.
- 5 Başlangıç noktası ile geldiğimiz son noktayı birleştirerek işlemin sonucunu gösterelim.



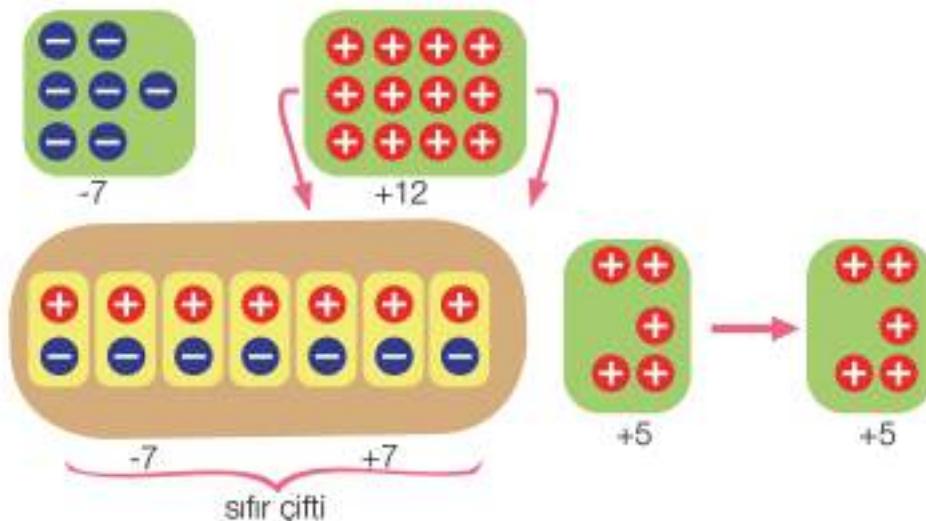
Aylin çantasını 3. katta unutmuştur. Bu durum $+3$ ile gösterilir.

Birlikte Çözelim 8

$(-7) + (+12)$ işlemini yapalım.

Çözüm:

7 tane () sayma pulu ile sıfır çifti oluşturabilmek için 12 tane (+) sayma pulunu, 7 ve 5 tane (+) sayma pulu olacak şekilde ayıralım:



7 tane (+) sayma pulu ile 7 tane () sayma pulu, sıfır çifti oluşturur. Sonuçta 5 tane (+) sayma pulu elde etmiş oluruz.

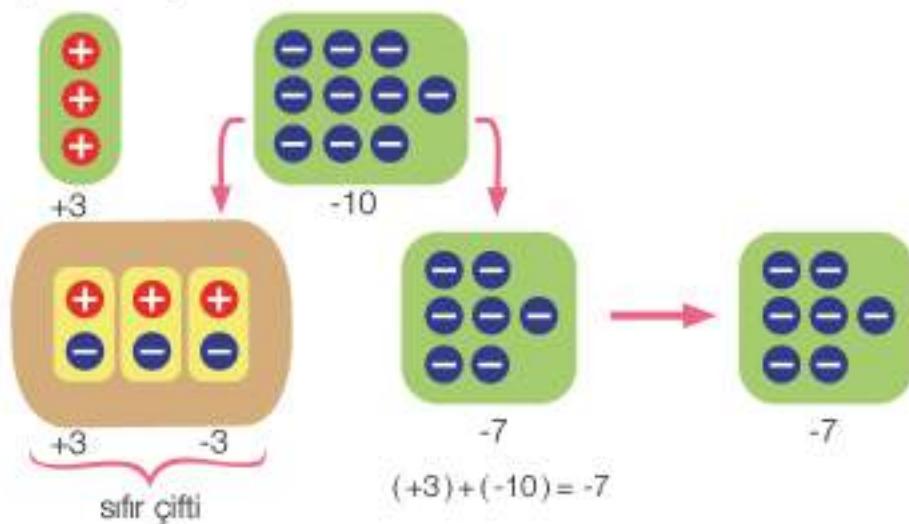
$$(-7) + (+12) = +5$$

Birlikte Çözelim 9

$(+3) + (-10)$ işlemini yapalım.

Çözüm:

3 tane (+) sayma pulu ile sıfır çifti oluşturabilmek için 10 tane () sayma pulunu, 3 ve 7 tane () sayma pulu olacak şekilde ayıralım:



$$(+3) + (-10) = -7$$

Yukarıda yaptığımız işlemleri inceleyiniz.

- * Toplanan sayıların mutlak değerlerini kullanarak bu sonucu nasıl elde edersiniz?
- * Toplanan sayıların işaretleri ile toplamın işaretleri arasında nasıl bir ilişki vardır?



Farklı işaretli tam sayılar toplanırken sayılarından mutlak değeri küçük olan sayının mutlak değeri, mutlak değeri büyük olan sayının mutlak değerinden çıkarılır. Mutlak değeri büyük olan sayının işaretini sonucun önüne yazılır.



Birlikte Çözelim 10 ➤

$(+250) + (-300)$ işleminin sonucunu bulalım.

Çözüm:

$(+250) + (-300)$ işleminde toplanan tam sayıların işaretleri farklıdır.

$$(+250) + (-300) = -50$$

İşaretler farklıdır.

$|-300| > |+250|$ olduğundan sonucun işareti “-” dir.

$$|-300| > |+250| \\ 300 - 250 = 50$$

Toplanan sayılarından mutlak değeri küçük olan sayı mutlak değeri büyük olan sayıdan çıkarılır. Farkın önüne mutlak değeri büyük olan sayının işaretini yazılır ve sonuç -50 olarak bulunur.

Birlikte Çözelim 11 ➤

$(-180) + (+200)$ işleminin sonucunu bulalım.

Çözüm:

$(-180) + (+200)$ işleminde toplanan tam sayıların işaretleri farklıdır.

$$(-180) + (+200) = +20$$

İşaretler farklıdır.

$|+200| > |-180|$ olduğundan sonucun işareti “+” dir.

$$|+200| > |-180| \\ 200 - 180 = 20$$

Toplanan sayılarından mutlak değeri küçük olan sayı mutlak değeri büyük olan sayıdan çıkarılır. Farkın önüne mutlak değeri büyük olan sayının işaretini getirilir ve sonuç +20 olarak bulunur.

Birlikte Çözelim 12 ➤

Aşağıdaki işlemlerin sonuçlarını bulalım.

a) $(-18) + (+30)$

c) $(+53) + (-94)$

b) $(-26) + (-48)$

ç) $(-10) + (+10)$

sıfır çiftinde olduğu gibi mutlak değerleri eşit olan ters işaretli iki tam sayının toplamı sıfırdır.

Çözüm:

Toplanan sayıların işaretlerine dikkat ederek işlemlerin sonuçlarını bulalım.

a) $(-18) + (+30) = +12$

b) $(-26) + (-48) = -74$

c) $(+53) + (-94) = -41$

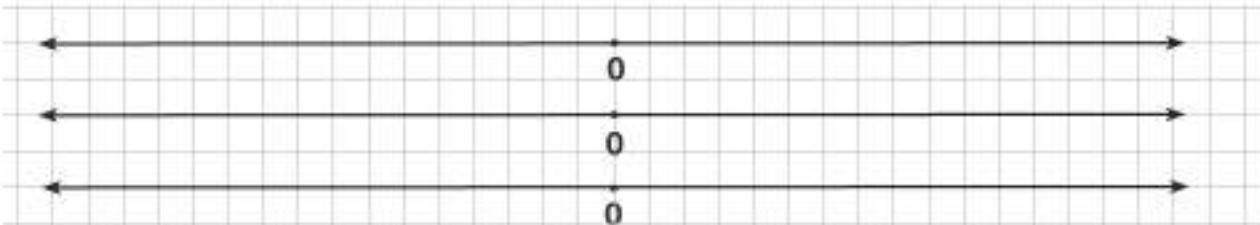
ç) $(-10) + (+10) = 0$



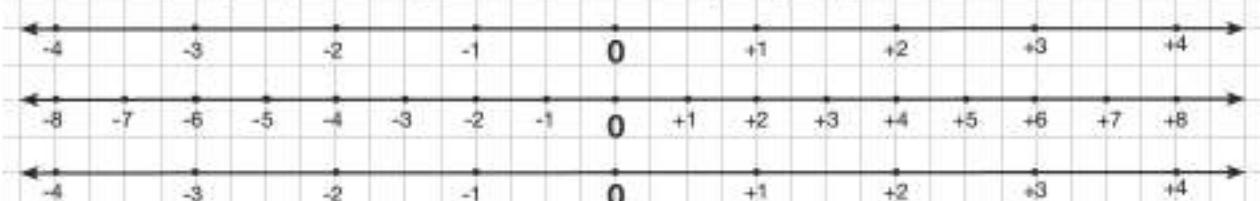
$(-4) + (-2)$ ve $(+3) + (-1)$ işlemlerini toplama cetveli kullanarak yapalım.

Çözüm:

- Kareli kağıt üzerine birbirine eş uzaklıkta alt alta 3 tane sayı doğrusu çizelim.
- Üç sayı doğrusunun ortasına 0'ları aynı hızda olacak şekilde yerlestirelim.

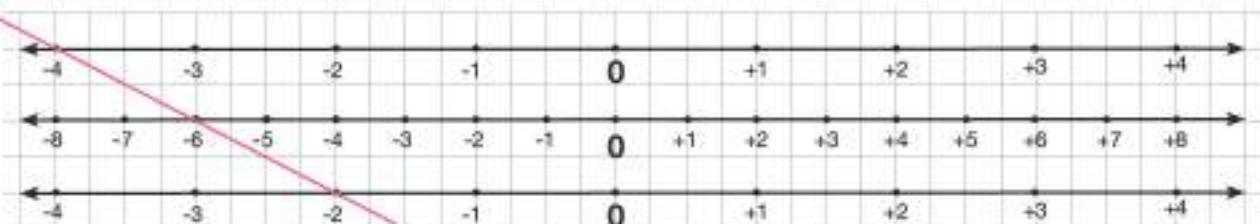


- Birinci ve üçüncü sayı doğrularına, tam sayıları sıfırın sağına ve sola dörder kare aralıkla ve aynı hızaya gelecek şekilde yerlestirelim.
- Ortadaki sayı doğrusuna ikişer kare aralıkla tam sayıları yerlestirelim.



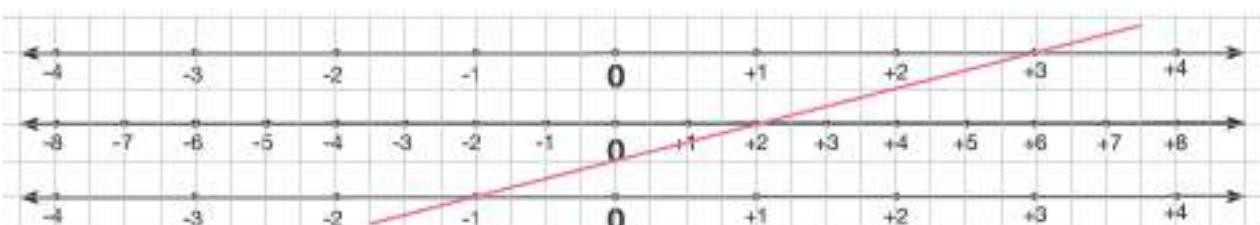
- Toplamak istediğimiz tam sayılarından birini üstteki, diğerini en alttaki sayı doğrusundan seçerek bu sayıları düz bir çizgiyle birleştirelim. Ortadaki sayı doğrusunda çizginin üzerindeki noktadaki tam sayı, bu iki tam sayının toplamını verecektir.
- $(-4) + (-2)$ işlemini toplama cetvelinde yapalım.

Çizdirdiğimiz sayı doğrularından birinci sayı doğrusunda 4, üçüncü sayı doğrusunda 2 seçerek bu iki noktayı bir çizgiyle birleştirelim.



Cizgi ikinci sayı doğrusunda 6 noktasından geçer. Buradan $(-4) + (-2) = -6$ bulunmuş olur.

Toplama cetveli ile $(+3) + (-1)$ işlemini yapalım.



Birinci sayı doğrusunda +3, üçüncü sayı doğrusunda 1 seçerek bu iki nokta bir çizgiyle birleştirildiğinde çizgi ikinci sayı doğrusunda +2 noktasından geçer.

Buradan $(+3) + (-1) = +2$ bulunmuş olur.

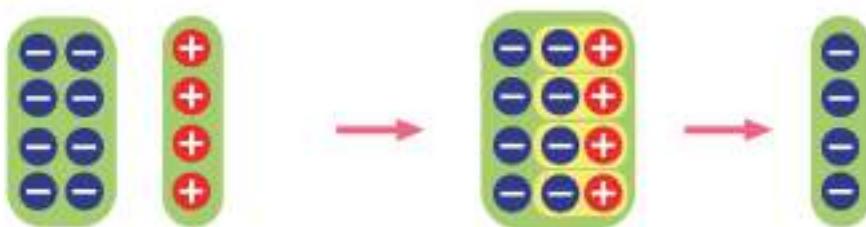
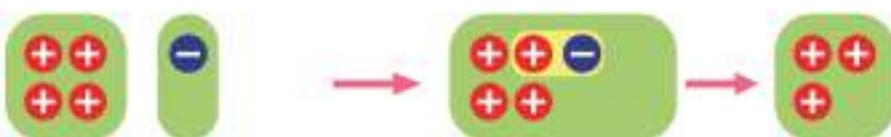
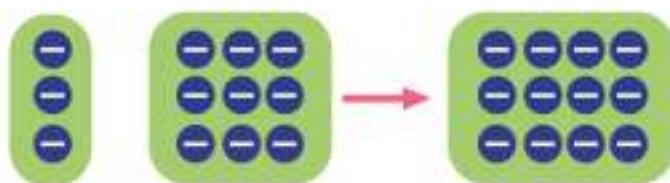


Çözüm Sende

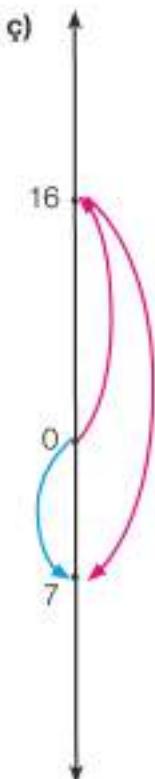
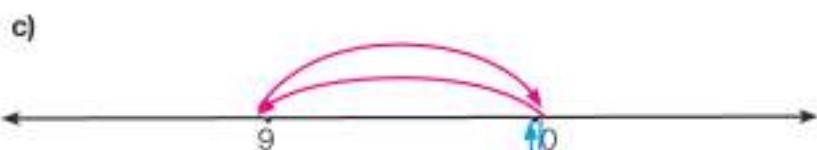
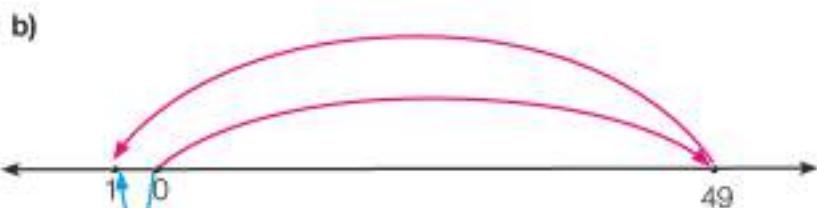
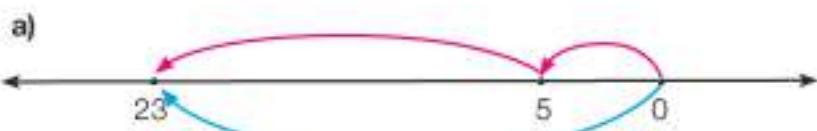
- 1) Aşağıdaki tabloda verilen toplama işlemlerini sayma pulları ile modelleyiniz ve sayı doğrusu üzerinde gösteriniz.

İşlem	Sayma Pullarıyla Modelleme	Sayı Doğrusunda Gösterme
$(+3) + (+1)$		
$(-4) + (-2)$		
$(+2) + (-3)$		
$(+4) + (-3)$		

- 2) Aşağıda sayma pulları ile modellenen işlemleri yandaki boşluklara yazınız.



3) Aşağıdaki sayı doğruları üzerinde verilen işlemleri yapınız.



4) Aşağıdaki işlemlerin sonuçlarını bulunuz.

a) $(-3) + (-2)$

d) $(-48) + (-21)$

b) $(+7) + (-5)$

e) $(-93) + (+72)$

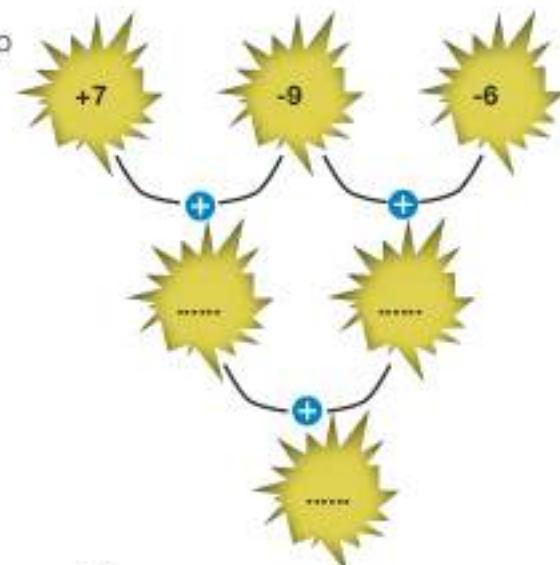
c) $(-5) + (+2)$

f) $(-128) + (+255)$

g) $(+1259) + (+168)$

5) En büyük negatif tam sayı ile en küçük pozitif tam sayının toplamı kaçtır?

6) Yanda verilen görselde işlem sırasını takip ederek boşluklara gelmesi gereken sayıları bulunuz.



- 7) Yanda verilen bir işlem tahtasıdır. Bu işlem tahtasında her satır ve sütundaki tam sayıların toplamı, o satır ve sütunun kesiştiği bölüme yazıldığına göre
 $A + B + C = ?$

+	-3		6	B
-5	-8			
-7		A		-9
C				4

- 8) Bir binanın giriş katından asansöre binen Mehmet, görme engelli komşusuna yardım etmek için önce onu 3 kat yukarı çıkardıktan sonra kendisi 4 kat aşağı inmiştir. Mehmet son durumda kaçinci kattadır?
- 9) Rakamları farklı üç basamaklı en büyük negatif tam sayı ile rakamları farklı iki basamaklı en küçük negatif tam sayının toplamı kaçtır?
- 10) Toplamları 40 olan birbirinden farklı negatif üç tam sayının en küçüğü **en az** kaçtır?
- 11) 39'dan küçük **en büyük** tam sayı ile 93'ten büyük **en küçük** tam sayının toplamı kaçtır?
- 12) 86'dan büyük, 87'den küçük tam sayıların tümünün toplamı kaçtır?
- 13) Yandaki hedef tahtasına üç atış yapan her bir öğrenci isabet ettiğindeki renklerin puanlarını kazanıyor. Öğrencilerin puanları bu üç atışta elde ettikleri toplam puana göre belirleniyorsa
- Doğukan toplamda +3 puan aldığına göre hangi renklere isabet etmiş olabilir?
 - Cansu toplamda 0 puan aldığına göre hangi renklere isabet etmiş olabilir?
-
- 14) Aşağıdaki tabloda Mati'nın yaşadığı şehrin bazı aylara göre sıcaklık ortalamaları verilmiştir.

Tablo: Aylara Göre Sıcaklık Ortalamaları

Aylar	Ortalama Sıcaklık(°C)
Kasım	8
Aralık	3
Ocak	-6
Şubat	-10
Mart	-3
Nisan	4
Mayıs	11

Tablodaki verileri kullanarak aşağıda verilen ifadelerden doğru olanlara "D", yanlış olanlara "Y" yazınız.

- En yüksek sıcaklık ortalaması ile en düşük sıcaklık ortalamasının toplamı 1°C 'tur. (...)
- Kasım ve mart ayları arasındaki sıcaklık ortalamalarının toplamı 1°C 'tur. (...)
- Nisan ayı sıcaklık ortalaması ile ocak ayı sıcaklık ortalamasının toplamı 2°C 'tur. (...)

Tam Sayılarla Toplama İşleminin Özellikleri

1) Aşağıdaki işlemlerin sonuçlarını bulunuz.

$$(-5) + (+3) = \dots$$

$$(+3) + (-5) = \dots$$

Toplama İşlemi'nde tam sayıların yerleri değiştirildiğinde sonuçta nasıl bir değişiklik olmaktadır?

Toplanan tam sayıların yeri değiştirildiğinde toplam değişmez. Buna göre tam sayıda "toplama işleminin değişme özelliği" vardır.



2) Aşağıdaki işlemlerin sonuçlarını bulunuz.

$$[5 + (-8)] + (-2) = \dots$$

$$5 + [(-8) + (-2)] = \dots$$

Bu işlemlerin sonucuna göre iki den fazla tam sayıyı toplarken farklı gruplandırma yapmanın işlemin sonucuna etkisini yazınız.



Tam sayıda toplama işlemi yaparken sayıları farklı şekilde grupperarak işlemi yaptığımda sonuç değişmez. Buna göre tam sayıda toplama işleminin "birleşme özelliği" vardır.

3) Aşağıdaki işlemlerin sonuçlarını bulunuz.

$$(-15) + (+15) = \dots$$

$$7 + (-7) = \dots$$

Toplanan tam sayıların benzerlik ve farklılıklarını yazınız.

İki tam sayının toplamı, toplama işleminin etkisiz elemanını (0) veriyorsa bu iki tam sayıya "Birbirinin toplamaya göre tersidir." denir.

$2 + (-2) = 0$ olduğundan 2 tam sayısının toplama işlemine göre tersi -2'dir.

Bir tam sayının toplama işlemine göre tersi o tam sayının ters işaretlidir.



4) Aşağıdaki işlemlerin sonuçlarını bulunuz.

$$(+11) + 0 = \dots$$

$$0 + (-7) = \dots$$

0'in toplama işleminin sonucuna etkisini yazınız.



Bir tam sayı ile 0'in toplamı, tam sayının kendisine eşittir. "0", tam sayıda toplama işleminin "etkisiz elemanı"dır.

Birlikte Çözelim 1

$-13 + 7 + 13 - 7$ işleminin sonucunu bulalım.

Çözüm:

Verilen işlemi, toplama işleminin **değişme özelliğinden** yararlanarak $-13 + 13 + 7 - 7$ şeklinde yazalım. Bu şekilde yazdığımızda -13 ile $+13$ 'ün, $+7$ ile -7 'nin toplama işlemine göre birbirlerinin tersi olduğunu görürüz.

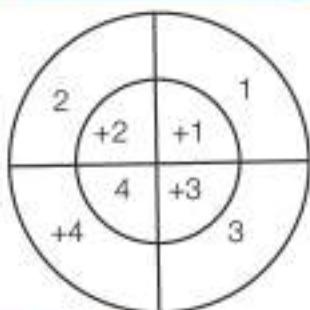
$$\begin{array}{r} -13 + 13 + 7 - 7 \\ \hline 0 \quad 0 \end{array}$$

13 ve $+13$ 'ün toplamı etkisiz elemanı (0) verir.

Aynı şekilde $+7$ ve -7 'nin toplamı da etkisiz elemanı verir.

$$0 + 0 = 0$$

Birlikte Çözelim 2



Şekildeki gibi puanlanmış hedef tahtasına 5 atış yapılıyor ve işaret eden bölgelerde yazan sayıların toplamı kadar puan alınıyor. Hande sırasıyla 4 , $+2$, 3 , $+4$, $+1$ yazan bölgelere işaret ettiyor. Buna göre Hande'nin alacağı puanı bulalım.

Çözüm:

Hande'nin alacağı toplam puanı bulmak için $(-4) + (2) + (-3) + (+4) + (1)$ işleminin sonucunu bulmalıyız.

$$\begin{aligned}
 (-4) + (2) + (-3) + (+4) + (1) &= (-4) + (+4) + (+2) + (-3) + (+1) && \text{Değişme özelliği} \\
 &= 0 + (+2) + (-3) + (+1) && \text{Etkisiz eleman özelliği} \\
 &= (+2) + [(-3) + (+1)] && \text{Birleşme özelliği} \\
 &= (+2) + (-2) && \text{Ters eleman özelliği} \\
 &= 0
 \end{aligned}$$

Hande hedef tahtasına yaptığı 5 atıştan toplam 0 puan almıştır.

Birlikte Çözelim 3

5 'in toplama işlemine göre tersi A, 8 'in toplama işlemine göre tersi B olduğuna göre A + B işleminin sonucunu bulalım.

Çözüm:

5 'in toplama işlemine göre tersi $+5$ 'tir. O hâlde $A = +5$ 'tir.
 8 'in toplama işlemine göre tersi -8 'dir. O hâlde $B = -8$ 'dır.

$$\begin{aligned}
 A + B &= (+5) + (-8) \\
 &= -3
 \end{aligned}$$

A + B işleminin sonucu -3 'tür.



Çözüm Sende

1) Aşağıda verilen işlemlerde toplama işleminin hangi özelliklerinin kullanıldığını belirleyerek bu özellikleri yandaki boşluklara yazınız.

- a) $(-171) + 0 = (-171)$
- b) $(+45) + (-12) + (-45) = -12$
- c) $(+13) + (-12) = (-12) + (+13)$
- c) $(+45) + [(-72) + (+13)] = [(+45) + (-72)] + (+13)$

2) Aşağıdaki tam sayıların toplama işlemine göre tersini verilen boşluklara yazınız.

- a) +117
- b) -18
- c) -1250
- c) +18
- d) -56
- e) -42
- f) -11

3) Toplama işleminin özelliklerinden yararlanarak aşağıda verilen işlemlerde \square yerine gelmesi gereken sayıları yazınız.

- a) $(-1) + (+73) = (+73) + \square$
- b) $(1590) + \square = (-88) + (1590)$
- c) $(-37) + \square = -37$
- c) $(-1200) + 0 = \square$
- d) $(+49) + [(-57) + 300] = [(+49) + \square] + 300$
- e) $[(+73) + (-118)] + \square = (+73) + [(-118) + (18)]$
- f) $(+13) + (-13) = \square$

4) 23 tam sayısının toplama işlemine göre tersi ★, +47 tam sayısının toplama işlemine göre tersi ■ ise ★ + ■ kaçtır?

5) Bir oyun makinesine bir tam sayı yazılıp "□" tuşuna basılırsa ekranda sayının toplama işlemine göre tersinin 4 fazlası görülmüyor. Bu makinede 19 yazılıp "□" tuşuna basan Buse, ekranda hangi sayıyı görür?

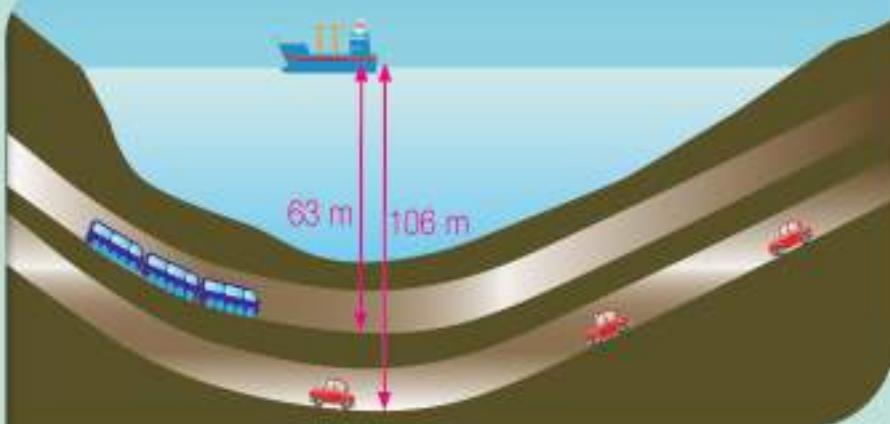
6) $\square + [(-8) + (+5)] = [(-3) + (-8)] + \star$

Toplama işleminin birleşme özelliğinin kullanıldığı yukarıdaki eşitliğe göre $\square + \star$ işleminin sonucu kaçtır?

7) $(-4) + 5 + 4 = (-4) + 4 + 5$
= $0 + 5$
= 0

Yukarıda verilen işlemde toplama işleminin hangi özellikleri kullanılmıştır? Bu özellikleri yazınız.

TAM SAYILARLA ÇIKARMA İŞLEMİ



Marmaray Projesi

Marmaray Projesi'nin temelleri 2004 yılında atılıp açılışı cumhuriyetimizin 90. kuruluş yıl dönümü olan 29 Ekim 2013 tarihinde gerçekleştirilmiştir. Bu proje, Avrupa ve Asya yakalannı İstanbul Boğazı altından geçen bir tüp tünelle birleştiren 76 km'lik demir yolu iyileştirme ve geliştirme projesidir. Marmaray'ın en derin noktası deniz seviyesinin 63 m altındadır.

Avrasya Tüneli Projesi, ihalesi 2008 yılında yapılmış 2016 yılında tamamlanan bir kara yolu tüp geçişi projesidir. 14,6 km'lik güzergâhi kapsayan Avrasya Tüneli'nin en derin noktası deniz seviyesinin 106 m altındadır.

Her iki proje de İstanbul trafiğini rahatlatmak için deniz altında gerçekleştirilen büyük projelerdir.

- Marmaray'ın ve Avrasya Tüneli'nin en derin noktalarını matematiksel olarak nasıl ifade edersiniz?
- Bu iki projenin en derin noktaları arasındaki mesafeyi bulmak için gerekli işlemleri yazınız.

Birlikte Çözelim 1

Gökhan'ın Merve ve Harun'a toplam 10 TL olan borcu vardır. Gökhan'ın Merve'ye olan borcu 8 TL ise Harun'a olan borcunun matematiksel olarak nasıl ifade edildiğini bulalım.

Çözüm:

Gökhan'ın toplam 10 TL olan borcu: 10,

Gökhan'ın Merve'ye olan 8 TL borcu: 8 ile ifade edilir.

Gökhan'ın Harun'a olan borcunu bulmak için

$(-10) - (-8)$ işlemi yapılmalıdır.

$(-10) - (-8)$ işlemini sayıma pullarıyla modelleyerek yapalım:

10 tane ()
sayma pulu

8 tane () sayıma
puluunu çıkaralım.

2 tane () sayıma
pulu kalır.



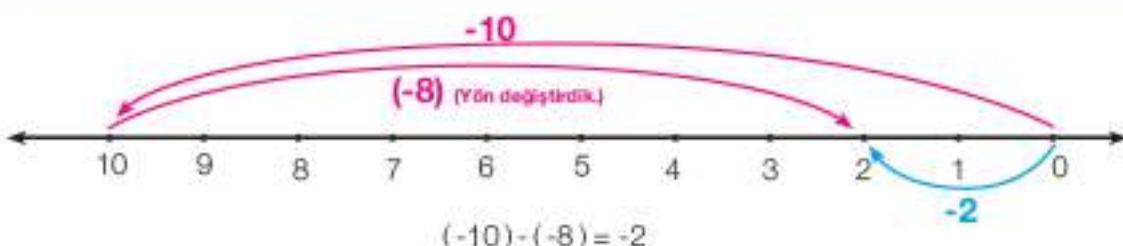
10 tane () sayıma pulundan
8 tane () sayıma pulunu çıkardığımızda
2 tane () sayıma pulu elde ederiz.

$$(-10) - (-8) = -2$$

Gökhan'ın Harun'a olan borcu 2 TL'dir. Bu borç 2 ile ifade edilir.

(-10) - (-8) işlemini sayı doğrusu üzerinde gösterelim:

- 1 Bir sayı doğrusu çizelim.
- 2 Sıfırdan başlayarak sola doğru 10 br ilerleyelim. Geldiğimiz nokta -10'dur.
- 3 8 negatif bir tam sayı olduğu için sayı doğrusunda sola doğru hareket etmeliyiz. Ancak çıkarma işlemi yaptığımız için yönümüzü değiştirelim.
- 4 Bulunduğumuz -10 noktasından sağa doğru 8 br ilerleyelim.
- 5 Geldiğimiz nokta işlemin sonucudur.
- 6 Başlangıç noktası ile geldiğimiz son noktayı birleştirerek işlemin sonucunu gösterelim.



Gökhan'ın Harun'a olan borcu 2 TL'dir. Bu borç 2 ile ifade edilir.

Birlikte Çözelim 2

Gündüz hava sıcaklığının 3°C olduğu bir ilde sıcaklık gece 2°C düşmüştür. Buna göre gece hava sıcaklığının kaç $^{\circ}\text{C}$ olduğunu bulalım.

Çözüm:

Gece hava sıcaklığının kaç $^{\circ}\text{C}$ olduğunu bulmak için $(-3) - (+2)$ işleminin sonucunu bulmalıyız. Bu işlemi sayıma pulları ile modelleyerek ve sayı doğrusu üzerinde göstererek yapalım.

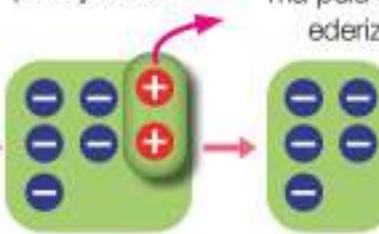
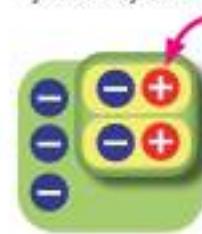
$(-3) - (+2)$ işlemini sayıma pullarıyla da modelleyerek yapalım:

3 tane ()
sayma pulu

2 tane sıfır
çifti ekleyelim.

2 tane (+) sayma
pulu çıkaralım.

5 tane () sayma
pulu elde ederiz.



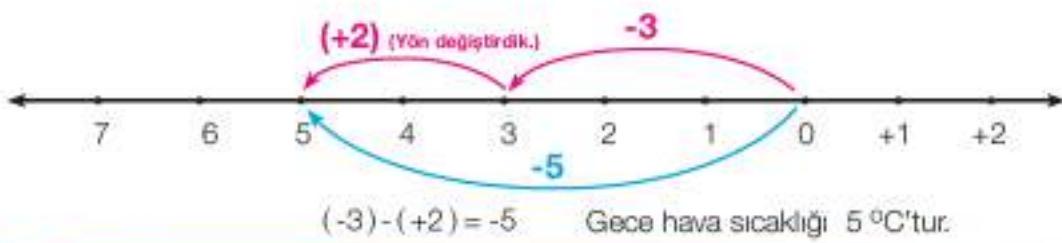
3 tane () sayma pulunun
içinde 2 tane (+) sayma
pulu olmadığından 2 tane
sıfır çifti ekleyelim.
2 tane (+) sayma pulunu
çıkardığımızda 5 tane ()
sayma pulu elde ederiz.

$$(-3) - (+2) = -5$$

Gece hava sıcaklığı 5°C 'tur.

$(-3) - (+2)$ işlemini sayı doğrusu üzerinde gösterelim:

- 1 Bir sayı doğrusu çizelim.
- 2 Sıfırdan başlayarak sola doğru 3 br ilerleyelim. Geldiğimiz nokta -3'tür.
- 3 +2 pozitif bir tam sayı olduğu için sayı doğrusunda sağa doğru hareket etmeliyiz. Ancak çıkarma işlemi yaptığımız için yönümüzü değiştirelim.
- 4 Bulunduğumuz -3 noktasından sola doğru 2 br ilerleyelim.
- 5 Geldiğimiz nokta işlemin sonucudur.
- 6 Başlangıç noktası ile geldiğimiz son noktayı birleştirerek işlemin sonucunu gösterelim.



Birlikte Çözelim 3

$(+3) - (+5)$ işlemini sayıma pullarıyla modelleyerek yapalım.

Çözüm:

3 tane (+)
sayma pulu

2 tane sıfır
çifti ekleyelim.

5 tane (+) sayma
pulu çıkaralım.

2 tane (-)
sayma pulu



$$(+3) - (+5) = -2$$

3 tane (+) sayma pulunun
içinden çıkarılabilen 5
tane (+) sayma pulu olma
diğerden 2 tane sıfır çifti
ekleyelim. 5 tane (+) sayma
pulu çıkarduğumda 2
tane (-) sayma pulu elde
ederiz.

ETKİNLİK

Araç-Gereçler: kalem, kağıt, sayıma pulları, celvel

Uygulama Basamakları:

- 4 kişilik gruplara ayrılnız.
- Gruplar olarak **A** ve **B** bölmelerinde verilen işlemleri sayı doğrusunda gösteriniz ve sayıma pullarıyla modelleyiniz.

A

$$(+5) - (+3)$$



$$(+5) - (+3) = \dots$$

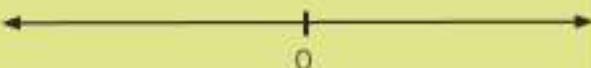


.....

$$(+5) - (+3) = \dots$$

B

$$(+5) + (-3)$$



$$(+5) + (-3) = \dots$$



.....

$$(+5) + (-3) = \dots$$

- A bölmesindeki işlemin 1. ve 2. sayılarının işaretlerini belirleyiniz.
- B bölmesindeki işlemin 1. ve 2. sayılarının işaretlerini belirleyiniz.
- A ve B bölmelerinde yapılan işlemleri belirleyiniz.
- Toplama ve çıkarma işlemi ile sayıların işaretleri arasında nasıl bir ilişki vardır?

Birlikte Çözelim 4

$(-4) - (+5)$ ve $(-4) + (-5)$ işlemlerinin sonuçlarını sayıma pulları kullanarak bulalım ve sonuçları karşılaştırıyalım.

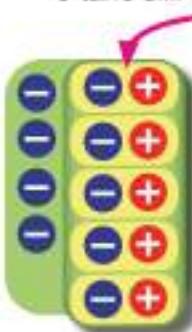
Çözüm:

$(-4) - (+5)$ işlemini sayıma pulları kullanarak yapalım:

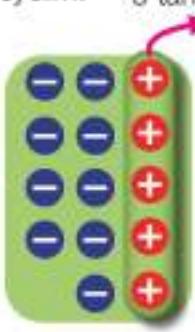
4 tane ()
sayma pulu



5 tane sıfır çifti ekleyelim.



5 tane (+) sayma pulu çıkaralım.



9 tane () sayma pulu elde ederiz.

$$(-4) - (+5) = -9$$

$(-4) + (-5)$ işlemini sayıma pulları kullanarak yapalım:

4 tane ()
sayma pulu



5 tane ()
sayma pulu



9 tane ()
sayma pulu



$$(-4) + (-5) = -9$$

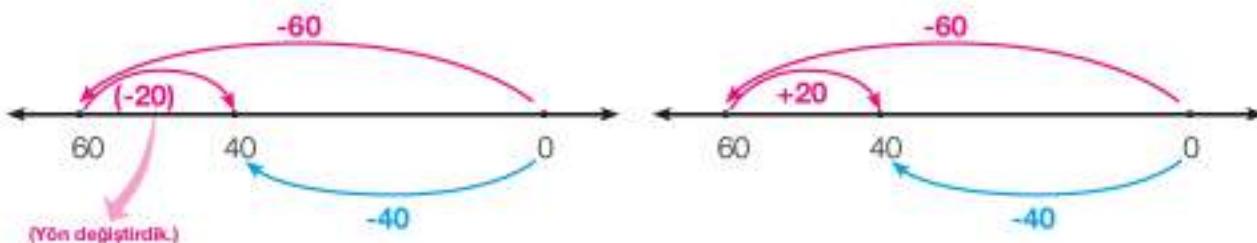
Verilen işlemlerin sonuçlarının eşit olduğu görülmektedir.
Dolayısıyla $(-4) - (+5) = (-4) + (-5)$ 'tir.

Birlikte Çözelim 5

$(-60) - (-20)$ ve $(-60) + (+20)$ işlemlerini sayı doğrusu kullanarak yapalım ve sonuçları karşılaştırıyalım.

Çözüm:

$(-60) - (-20)$ ve $(-60) + (+20)$ işlemlerini sayı doğrusu kullanarak yapalım:



$$(-60) - (-20) = -40$$

$$(-60) + (+20) = -40$$

Verilen işlemlerin sonuçlarının eşit olduğu görülmektedir.
Dolayısıyla $(-60) - (-20) = (-60) + (+20)$ 'dır.

Yukandaki işlemleri incelediğimizde

- 60 - (-20) işleminde -60'tan -20 çıkarılarak yapılan çıkarma işleminden -40 elde edildiğini,
- 60 + (+20) işleminde ise -60 ile -20'nin toplama işlemine göre tersi olan +20 toplanarak sonucun yine -40 olduğunu görmekteyiz.
- 60'tan -20'yi çıkarma ile -60'a +20 eklemek aynı işlemidir.



Tam sayıları çıkarma işlemi, çıkan sayının toplama işlemine göre tersi ile eksilen sayının toplamıdır.

Birlikte Çözelim 6 ➤

Aşağıdaki işlemlerin sonuçlarını bulalım.

a) $(-16) - (-5)$ b) $(-4) - (+3)$ c) $(+7) - (-2)$



Çözüm:

Verilen çıkarma işlemlerini çıkan sayının ters işaretlisi ile eksilen sayıyı toplayarak yapalım.

a) $(-16) - (-5) = (-16) + (+5)$
= 11

b) $(-4) - (+3) = (-4) + (-3)$
= -7

c) $(+7) - (-2) = (+7) + (+2)$
= +9

Birlikte Çözelim 7 ➤

Dağlık bir bölgenin sıcaklığı aynı anda eteğinde -4°C , zirvesinde 15°C olarak ölçülmüştür. Buna göre dağın eteğindeki hava sıcaklığı ile dağın zirvesindeki hava sıcaklığı arasındaki farkı bulalım.



Çözüm:

Dağın eteğindeki hava sıcaklığı ile dağın zirvesindeki hava sıcaklığı arasındaki farkı bulmak için $(-4) - (-15)$ işlemi yapılmalıdır.

$(-4) - (-15)$ işleminin $(-4) + (+15)$ işlemine eşit olduğunu biliyoruz.

$$(-4) - (-15) = (-4) + (+15)
= +11$$

Dağın eteğindeki hava sıcaklığı ile dağın zirvesindeki hava sıcaklığı arasındaki fark $+11$ olarak bulunur.

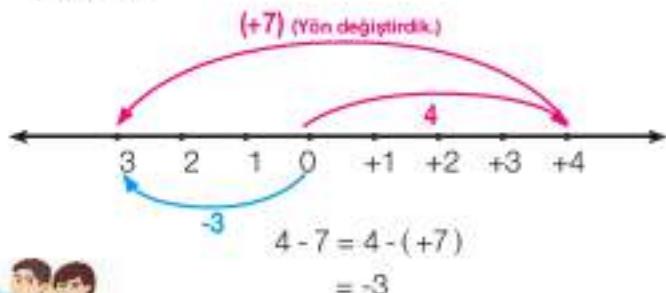
Birlikte Çözelim 8

4 7 işleminin sonucunu bulalım.

Çözüm:

1. yöntem: $4 - 7 = 4 - (+7)$ 'dır.

$4 - (+7)$ işlemini sayı doğrusu üzerinde yapalım:



2. yöntem: $4 - 7$ işlemini, çıkarma işlemini toplama işlemine çevirerek yapalım:

$$\begin{array}{r} 4 - 7 = 4 - (+7) = 4 + (-7) \\ \swarrow \quad \searrow \\ = -3 \end{array}$$



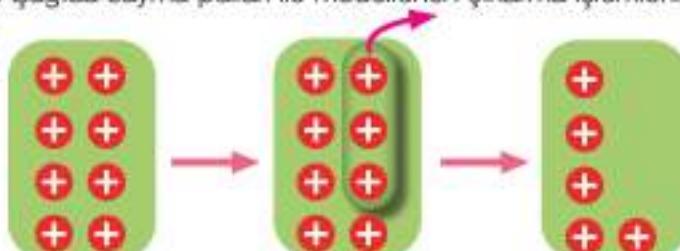
Çözüm Sende

1) Aşağıdaki tabloda verilen çıkarma işlemlerini sayıma pulları ile modelleyiniz ve sayı doğrusu üzerinde gösteriniz.

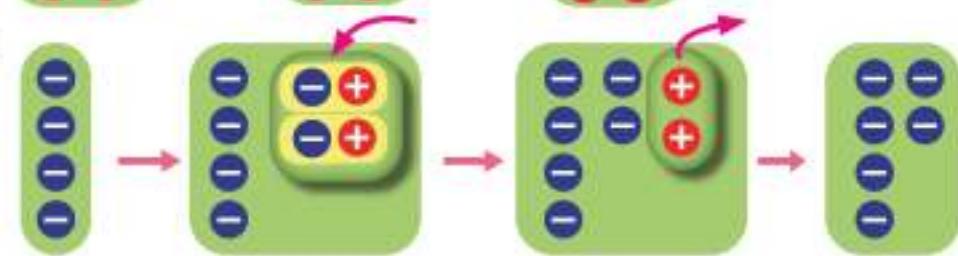
İşlem	Sayıma Pullarıyla Modelleme	Sayı Doğrusu Üzerinde Gösterme
$(-4) - (-2)$		
$(-6) - (+5)$		
$(+7) - (-4)$		
$(+1) - (-10)$		

2) Aşağıda sayıma pulları ile modellenen çıkarma işlemlerini yazınız.

a)



b)



3) Aşağıdaki işlemlerin sonuçlarını bulunuz.

a) $(+5) - (+7) = \dots$

c) $(-48) - (-90) = \dots$

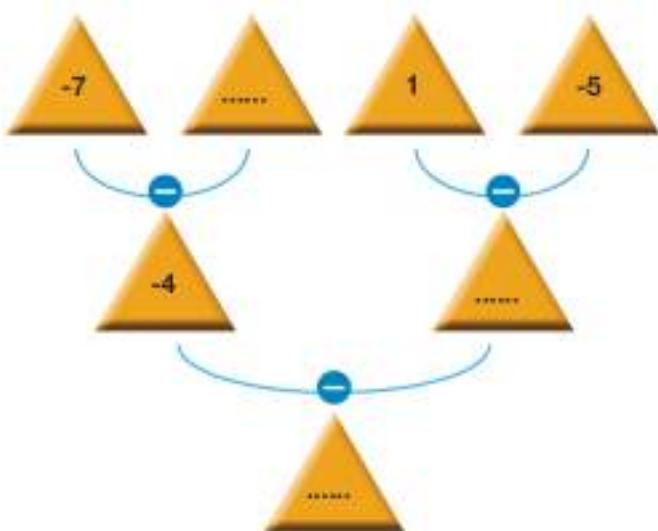
b) $(-8) - (+13) = \dots$

d) $(-36) - (+25) = \dots$

e) $(+9) - (-17) = \dots$

e) $(+53) - (-85) = \dots$

4) Yanda verilen görselde işlem sırasını takip ederek boşluklara gelmesi gereken sayılan bulunuz.



5) 18'den küçük **en büyük** tam sayıdan iki basamaklı **en küçük** negatif tam sayı çıkarılırsa sonuç kaç olur?

6) En büyük negatif tam sayıdan en küçük pozitif tam sayıyı çıkardığımızda sonuç kaç olur?

7) İki basamaklı birbirinden farklı üç tam sayının toplamı 210'dur. Bu sayılardan en büyüğü en fazla kaçtır?

8) İki basamaklı, birbirinden farklı iki tam sayının farkı en az kaç olur?

9)

Civa; termometre, barometre ve floresan lambalarda kullanılır. Doğada katı, sıvı, gaz hâlde bulunabilen civa, yaklaşık -39°C 'ta eriyen ve erime sıcaklığı en düşük metaldir.



Yanda verilen bilgilere göre tungstenin erime sıcaklığı civanın erime sıcaklığının kaç $^{\circ}\text{C}$ fazladır?



Tungsten, gümüşümsü beyaz renkli bir metaldir. Özellikle ampul tellerinin üretiminde kullanılan tungsten, 3412°C 'ta eriyen ve erime sıcaklığı en yüksek metaldir.

10) Aşağıdaki işlemlerin sonuçlarını yazınız.

a) $-2 + 5 - 7 = \dots$

c) $-48 - 16 + 20 - 15 = \dots$

b) $8 - 6 - 9 = \dots$

d) $-34 - 17 - 40 - 12 = \dots$

c) $-4 + 3 - 7 - 1 = \dots$

e) $26 - 50 + 36 - 70 = \dots$

TAM SAYILARLA ÇARPMA İŞLEMİ

Yanda resmi verilen denizaltı, okyanusların derinliklerini konu alan bir belgesel çekimi için keşif gezisi yapmaktadır. Bu denizaltı dakikada 45 m derine inerek şekilde sabit hızla dalmaktadır.

- Denizaltıının 4. dakikada indiği derinliği toplama işleminden yararlanarak bulunuz.
- Aynı derinliği bulabilmek için toplama işlemi dışın da farklı bir yöntem belirleyiniz.
- Belirlediğiniz yöntemle denizaltıının derine inmeye başladığı ilk andan itibaren 15 dakika sonraki derinliğini hesaplamak için gereken işlemi yazınız.



Birlikte Çözelim 1

Bir sondaj makinesi toprağı saatte 3 m delebilmektedir. Aralıksız olarak 5 saat çalışan bu sondaj makinesinin ucunun ulaştığı derinliğin toprak yüzeyine göre konumunu bulalım.



Çözüm:

Sondaj makinesinin ucunun ulaştığı derinliğin toprak yüzeyine göre konumunu toplama işleminden yararlanarak bulalım:

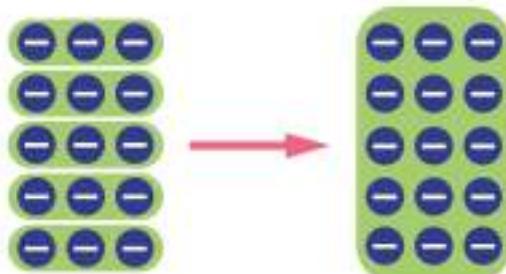
$$(-3) + (-3) + (-3) + (-3) + (-3) = -15 \text{ m}$$

Aynı sayının toplandığı tekrarlı toplama işleminin kısa yolu, çarpma işlemi olduğundan

$$(-3) + (-3) + (-3) + (-3) + (-3) = -15$$

$5 \cdot (-3) = -15$ elde edilir.

$5 \cdot (-3)$ işlemini sayıma pulları ile modelleyelim:

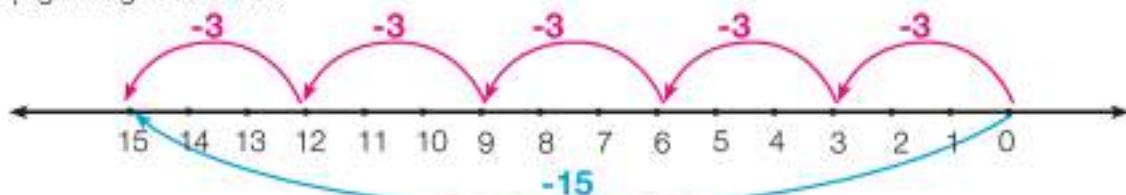


5 tane (-3)'lu grup

15 tane (-) pul

$5 \cdot (-3)$ işlemini sayı doğrusu üzerinde modelleyelim:

$5 \cdot (-3)$ işlemini sayı doğrusu üzerinde modellerken 0'dan başlayarak her seferinde sola doğru 3 bir ilerlemeliyiz. Çünkü modellemesi yapılan işlemede 5 tane (-3) istenmektedir. Bu nedenle modelleme aşağıdaki gibi olacaktır:



Birlikte Çözelim 2

a) $2 \cdot (-4) = ?$

b) $(-3) \cdot 2 = ?$

Yandaki işlemlerin sonuçlarını bulalım.

Çözüm:

İşlemlerin sonuçlarını bulabilmek için doğal sayıarda çarpmaya işlemi ile başlayan örüntüler oluşturalım.

a)

1. çarpan	2. çarpan	Sonuç
2	· 4	= 8
2	· 3	= 6
2	· 2	= 4
2	· 1	= 2
2	· 0	= 0
2	· (-1)	= -2
2	· (-2)	= -4
2	· (-3)	= -6
2	· (-4)	= -8

1. çarpanı (2) sabit tutup 2. çarpanı birer azalttığımızda sonuçlar ikişer ikişer azalır.

$2 \cdot (-4)$ işleminin sonucunun -8 olduğu görülür.

- Örüntü ve çözüm incelendiğinde **pozitif bir tam sayı ile negatif bir tam sayının çarpımının sonucunun negatif bir tam sayı olduğu** görüldür.

Pozitif bir tam sayı ile negatif bir tam sayının çarpımı negatif bir tam sayıdır.

b)

1. çarpan	2. çarpan	Sonuç
4	· 2	= 8
3	· 2	= 6
2	· 2	= 4
1	· 2	= 2
0	· 2	= 0
(-1)	· 2	= -2
(-2)	· 2	= -4
(-3)	· 2	= -6
(-4)	· 2	= -8

2. çarpanı (2) sabit tutup 1. çarpanı birer azalttığımızda sonuçlar ikişer ikişer azalır.

$(-3) \cdot 2$ işleminin sonucunun -6 olduğu görülür.

- Örüntü ve çözüm incelendiğinde **negatif bir tam sayı ile pozitif bir tam sayının çarpımının sonucunun negatif bir tam sayı olduğu** görüldür.

Negatif bir tam sayı ile pozitif bir tam sayının çarpımı negatif bir tam sayıdır.

Birlikte Çözelim 3

$(-2) \cdot (-4) = ?$ Yandaki işlemin sonucunu bulalım.

Çözüm:

1. çarpan	2. çarpan	Sonuç
(-2)	· 4	= -8
(-2)	· 3	= -6
(-2)	· 2	= -4
(-2)	· 1	= -2
(-2)	· 0	= 0
(-2)	· (-1)	= +2
(-2)	· (-2)	= +4
(-2)	· (-3)	= +6
(-2)	· (-4)	= +8

1. çarpanı -2, 2. çarpanı 4 olan bir çarpmaya işlemiyle başlayarak örüntü oluşturalım.

1. çarpanı (-2) sabit tutup 2. çarpanı (4) birer azalttığımızda sonuçlar ikişer ikişer artar.

$(-2) \cdot (-4)$ işleminin sonucunun +8 olduğu görülür.

- Örüntü ve çözüm incelendiğinde **negatif bir tam sayı ile negatif bir tam sayının çarpımının sonucunun pozitif bir tam sayı olduğu** görüldür.

Negatif bir tam sayı ile negatif bir tam sayının çarpımı pozitif bir tam sayıdır.

Aynı işaretli iki tam sayının çarpımı pozitif tam sayı,

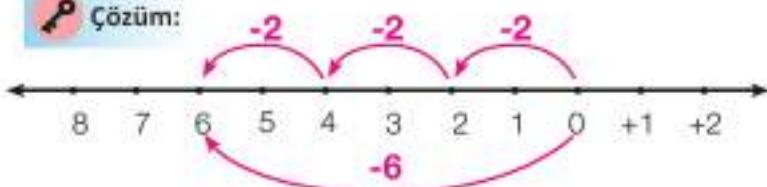
ters işaretli iki tam sayının çarpımı negatif tam sayıdır.



Birlikte Çözelim 4

Bir laboratuvara termometre 0°C 'u göstermektedir. Bu laboratuvara sıcaklık her dakika 2°C düşüğünə göre 3 dakika sonra termometrenin kaç $^{\circ}\text{C}$ 'u göstereceğini sayı doğrusunda modelleyerek bulalım.

Çözüm:



$$3 \cdot (-2) = -6$$



Termometre 3 dakika sonra -6°C 'u gösterecektir.

Birlikte Çözelim 5

Aşağıdaki işlemlerini yapalım.

- | | |
|-----------------------|----------------------|
| a) $(-3) \cdot (-2)$ | c) $(-3) \cdot (-7)$ |
| b) $(-4) \cdot (+5)$ | d) $(-1) \cdot (5)$ |
| c) $(+7) \cdot (-10)$ | e) $(-1) \cdot (-4)$ |



CAHİT ARF

Ordinaryüs Profesör Cahit Arf, 1910-1997 yılları arasında yaşamış dünyaca ünlü Türk matematikçidir.

Cahit Arf; cebir, sayılar kavramı, analiz, geometri, mühendislik matematiği gibi matematiğin değişik dallarında çalışmalar yapmıştır.

Kendi adıyla anılan "Arf Sabiti" ve "Arf Kapanışları" gibi terimleri matematik ve bilim dünyasına kazandırmıştır.

Matematik dünyasına sağlamış olduğu önemli katkılarından dolayı, 1 Ocak 2009'dan itibaren 10 Türk lirasının arka yüzünde "ordinaryüs profesör portresi, Arf Değişmezleri'nden bir kesit ve Arf Denklemi" yer almaktadır.

Birlikte Çözelim 6

Tablodaki boşlukları sütun ve satırlardaki sayıları çarparak dolduralım.

x	-2	-1
+3
-4

Çözüm:

Her bir satır ve sütundaki tam sayıları çarpıp ilgili satır ve sütunun kesiştiği kareye sonucu yazalım.

$$3 \cdot (-2) = -6$$

$$3 \cdot (-1) = -3$$

$$(-4) \cdot (-2) = +8$$

$$(-4) \cdot (-1) = +4$$

x	-2	-1
+3	-6	-3
-4	+8	+4



Birlikte Çözelim 7

Bir şirketin 2016 yılı sonunda her gün ortalama 1257 TL zarar ettiği belirlenmiştir. Bu şirketin 2016 yılındaki toplam zararını hesap makinesi kullanarak hesaplayalım.



Günlük 1257 TL zarar (-1257) ile gösterilir.

Şirketin 1 yıllık zararını bulmak için $(365) \cdot (-1257)$ işlemini hesap makinesi kullanarak yapalım.

İşlemi yapmak için hesap makinesinde sırası ile aşağıdaki tuşlara basalım.



3 6 5 X 1 2 5 7 +/− = -458.805

veya

3 6 5 X - 1 2 5 7 = -458.805

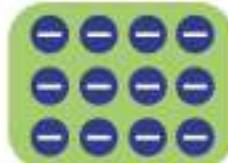
Bu şirketin 2016 yılındaki toplam zararının 458 805 TL olduğu görülmektedir.



Çözüm Sende

1) Aşağıda sayıma pulları ile modellenen çarpma işlemlerini yazınız.

a)



.....

b)



.....

2) Aşağıdaki çarpma işlemlerinin sonuçlarını yazınız.

a) $(-7) \cdot (-9) = \dots$

c) $8 \cdot (-12) = \dots$

b) $(-11) \cdot 6 = \dots$

d) $(+14) \cdot (+5) = \dots$

c) $(-1) \cdot (-5) = \dots$

e) $7 \cdot (-1) = \dots$

3) Aşağıdaki işlemlerde verilen Δ ve \square yerine gelmesi gereken tam sayıları bulunuz. $\Delta \cdot \square$ işleminin sonucunu hesaplayınız.

a) $6 \cdot (-3) = \Delta$

b) $(-2) \cdot 2 \cdot (-3) = \square$

4) -5 ile -1 arasındaki tam sayıların çarpımlarını hesaplayınız.

- 5) Aşağıdaki işlem tahtasında verilen çarpma işlemlerini tamamlayarak A, B, C, D'nin değerini bulunuz.

x	-5	2	-3
-2	10		D
3	C	A	
4			B

- 6) Çarpımlan 48 olan tam sayı çiftlerini yazınız.

- 7) -49'dan küçük **en büyük** tam sayı ile iki basamaklı **en büyük** negatif tam sayının çarpımını yazınız.

- 8) Sıcaklığın -10°C olduğu bir bölgede yukan doğru çıkıştıkça her 325 metrede sıcaklık 2°C düşmektedir. Bu bölgede 6500 m yükseklikteki sıcaklığın kaç $^{\circ}\text{C}$ olacağını hesaplayınız.

Tam Sayılarla Çarpma İşleminin Özellikleri

- 1) Aşağıdaki çarpma işlemlerinin sonuçlarını hesaplayınız.

$$3 \cdot (-2) = \dots$$

$$(-2) \cdot 3 = \dots$$

Çarpma işlemlerindeki tam sayıların yerleri değiştirildiğinde sonuçta nasıl bir değişiklik olmaktadır?



Çarpma işlemi yapılırken tam sayıların yerleri değiştirildiğinde işlemin sonucu değişmez. O hâlde, tam sayılarla çarpma işleminin **değişme özelliği** vardır.

- 2) Aşağıdaki çarpma işlemlerinin sonuçlarını bulunuz.

$$(-3) \cdot [(+5) \cdot (-2)] = (-3) \cdot (-10) = \dots$$

$$[(-3) \cdot (+5)] \cdot (-2) = (-15) \cdot (-2) = \dots$$

Bu işlemlerin sonucuna göre ikiden fazla tam sayıyı çarparken farklı gruplandırma yapmanın sonuçlara etkisini yazınız.

Tam sayıarda çarpma işlemi yaparken sayıları farklı şekilde grupperlendirmek işlemi yaptığımızda sonuç değişmez. Buna göre tam sayıarda çarpma işleminin **"birleşme özelliği"** vardır.



- 3) Aşağıdaki çarpma işlemlerinin sonuçlarını bulunuz.

$$1 \cdot (-5) = \dots$$

$$(-5) \cdot 1 = \dots$$

1'in işlem sonuçlarına etkisini yazınız.



Bir tam sayının 1 ile çarpımı sayının kendisidir.
1, çarpma işleminin **etkisiz elemanıdır**.

4) Aşağıdaki çarpma işlemlerinin sonuçlarını bulunuz.

$$(-3) \cdot 0 = \dots$$

$$0 \cdot (-3) = \dots$$

0'ın işlem sonuçlarına etkisini yazınız.



Bir tam sayının sıfır ile çarpımı sıfırdır.
Sıfır, çarpma işleminin yutan elemanıdır.

5) Aşağıdaki çarpma işlemlerinin sonuçlarını bulunuz.

$$(-1) \cdot (-5) = \dots$$

$$7 \cdot (-1) = \dots$$

-1'in işlem sonuçlarına etkisini yazınız.

Bir tam sayı “-1” ile çarpıldığında o sayının işaretini
değişmiş olur. Elde edilen sonuç, sayının “toplama
işlemine göre tersi”dir.



6) Aşağıdaki işlemlerin sonuçlarını bulunuz.

$$(-2) \cdot [2 + (-5)] = [(-2) \cdot 2] + [(-2) \cdot (-5)] = \dots$$

$$(-2) \cdot (-3) = \dots$$

Bu işlemlerdeki benzerlik ve farklılıklar yazınız.



Tam sayılarda “çarpma işleminin toplama
işlemi üzerine dağılma özelliği” vardır.

7) Aşağıdaki çarpma işlemlerinin sonuçlarını bulunuz.

$$(-2) \cdot [2 - (-5)] = [(-2) \cdot 2] - [(-2) \cdot (-5)] = \dots$$

$$(-2) \cdot (+7) = \dots$$

Bu işlemlerdeki benzerlik ve farklılıklar yazınız.

Tam sayılarda “çarpma işleminin çıkarma
işlemi üzerine dağılma özelliği” vardır.



Birlikte Çözelim 1

-15 · 103 İşleminin sonucunu bulalım.

Çözüm:

-15 · 103 İşleminin sonucunu doğrudan çarpmak yerine çarpmaya işleminin toplama işlemi üzerine dağılma özelliğinden yaralanarak bulalım. Bunun için 103 sayısını $100 + 3$ şeklinde yazalım.

$$\begin{aligned}-15 \cdot 103 &= -15 \cdot (100 + 3) \\&= (-15 \cdot 100) + (-15 \cdot 3) \\&= -1500 + (-45) \\&= -1545\end{aligned}$$



Çözüm Sende

1) Aşağıda yapılan işlemlerle çarpmaya işleminin verilen özelliklerinden hangileri doğru eşleştirilmiştir?

- a) $(-38) \cdot 1 = -38$ Çarpmaya işleminin değişme özelliği
b) $0 \cdot (-84) = 0$ Çarpmaya işleminin yutan eleman özelliği
c) $8 \cdot [14 + (-3)] = 8 \cdot 14 + 8 \cdot (-3)$ Çarpmaya işleminin toplama işlemi üzerine dağılma özelliği
ç) $(-6) \cdot (7) = (-7) \cdot (+6)$ Çarpmaya işleminin değişme özelliği

2) Aşağıdaki işlemlerde çarpmaya işleminin özelliklerinden yararlanarak verilen şekillerin yerine gelmesi gereken sayıları yazınız.

- a) $\triangle \cdot (-7) = (-7) \cdot 11$ c) $\square \cdot (-30) = -30$
b) $(-9) \cdot \square = 0$ ç) $(-8) \cdot (-3 + 23) = (-8) \cdot (-3) + \bigcirc \cdot (23)$

3) $-16 \cdot 98$ İşleminin sonucunu çarpmaya işleminin çıkarma işlemi üzerine dağılma özelliğinden yararlanarak bulunuz.

4) -8 ile $+4$ arasındaki tam sayıların çarpımlarını hesaplayınız.

5) $\square \cdot (-12) \cdot (-1) = (-12)$ işleminde \square kaçtır?

6) $\square \cdot [(-8) \cdot (+5)] = [(-3) \cdot (-8)] \cdot \star$

Toplama işleminin birleşme özelliğini gösteren yukarıdaki eşitliğe göre $\square - \star$ işleminin sonucu kaçtır?

TAM SAYILARLA BÖLME İŞLEMİ



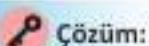
Yandaki marangoz, kitaplık yapmak için 40 cm uzunluğunda raffalar hazırlayacaktır. Marangozun raffar için kullanacağı tahtanın eni raffaların eniyle aynıdır.

- Marangozun elindeki 320 cm'lik tahtayla yapabileceği raf sayısını bulmak için gereken işlemi yazınız.

Birlikte Çözelim 1 ➤

Aşağıdaki bölme işlemlerini yapalım.

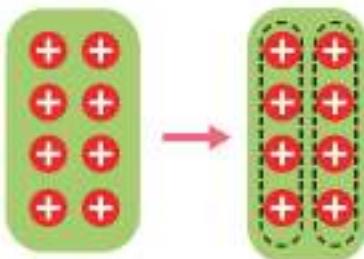
a) $8 \div 2$ b) $(-6) \div 3$



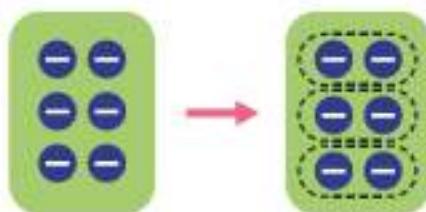
Çözüm:

Verilen bölme işlemlerini sayıma pullarıyla modelleyerek yapalım.

a)



b)



8 tane (+) sayıma pulunu 2 gruba ayırdığımızda her grupta 4 tane (+) sayıma pulu elde ederiz.

$$\begin{array}{r} 8 \\ \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \\ \text{Bölünen} \quad \text{Bölen} \quad \text{Bölüm} \end{array}$$

Çarpma İşlemi ile bölme İşlemi ile ilişkisinden yararlanarak işlemi kontrol edelim.

$$\text{Bölünen} = \text{Bölen} \cdot \text{Bölüm}$$

$$\text{Bölünen} = 2 \cdot 4$$

$$8 = 2 \cdot 4$$

6 tane (-) sayıma pulunu 3 gruba ayırdığımızda her grupta 2 tane (-) sayıma pulu elde ederiz.

$$\begin{array}{r} (-6) \\ \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \\ \text{Bölünen} \quad \text{Bölen} \quad \text{Bölüm} \end{array}$$

Çarpma İşlemi ile bölme İşlemi ile ilişkisinden yararlanarak işlemi kontrol edelim.

$$\text{Bölünen} = \text{Bölen} \cdot \text{Bölüm}$$

$$\text{Bölünen} = 3 \cdot (-2)$$

$$(-6) = 3 \cdot (-2)$$

Yapılan bölme işlemleri çarpma işlemi ile kontrol edildiğinde bölme işlemlerinin sonuçlarının doğru olduğu görülür.

Birlikte Çözelim 2

Aşağıdaki tabloyu çarpmadan bölümme ile olan ilişkisinden yararlanarak dolduralım.

Çarpma İşlemi	Bölme İşlemi
$(+2) \cdot (+4) = \dots$	$(+8) \div (+4) = \dots$
$(-2) \cdot (+4) = \dots$	$(-8) \div (-2) = \dots$
$(-2) \cdot (+4) = \dots$	$(-8) \div (+4) = \dots$
$(-2) \cdot (-4) = \dots$	$(+8) \div (-4) = \dots$

Çözüm:

$(+2) \cdot (+4) = +8$ olduğunu biliyoruz. Çarpım, çarpanlardan birine bölündüğünde diğer çarpan bulunur. Bu durumda

$(+8) \div (+4) = 2$ olur. Bu ilişkiden yararlanarak verilen tablo aşağıdaki gibi doldurulur.

Çarpma İşlemi	Bölme İşlemi
$(+2) \cdot (+4) = +8$ olduğundan	$(+8) \div (+4) = +2$
$(-2) \cdot (+4) = -8$ olduğundan	$(-8) \div (-2) = +4$
$(-2) \cdot (+4) = -8$ olduğundan	$(-8) \div (+4) = -2$
$(-2) \cdot (-4) = +8$ olduğundan	$(+8) \div (-4) = -2$

Tabloyu doldururken tam sayılarda çarpma işleminin bölümme işlemi ile ilişkisinden yarandık. Pozitif bir tam sayının negatif bir tam sayıya bölümünün negatif tam sayı, negatif bir tam sayının negatif bir tam sayıya bölümünün pozitif tam sayı olduğunu gördük.



Aynı işaretli iki tam sayı birbirine bölündüğünde sonuç pozitif bir sayıdır.

Ters işaretli iki tam sayı birbirine bölündüğünde sonuç negatif bir sayıdır.

Birlikte Çözelim 3

Aşağıdaki bölümme işlemlerini yapalım.

a) $(-8) \div (-4)$

c) $\frac{-18}{3}$

b) $(-12) \div (+3)$

c) $\frac{42}{-6}$

Çözüm:

Verilen işlemlerdeki tam sayıların işaretlerine dikkat ederek sonuçlarını bulalım.

a) $(-8) \div (-4) = +2$

c) $\frac{-18}{3} = -6$

b) $(-12) \div (+3) = -4$

c) $\frac{42}{-6} = -7$

Birlikte Çözelim 4

Toprak yüzeyinden 12 metre aşağıdaki madene inmek isteyen bir madenci, her 2 metrede bir kez güvenlik tuşuna basmak zorundadır. Madencinin madene ulaştığında toplam kaç kez güvenlik tuşuna bastığını bulalım.

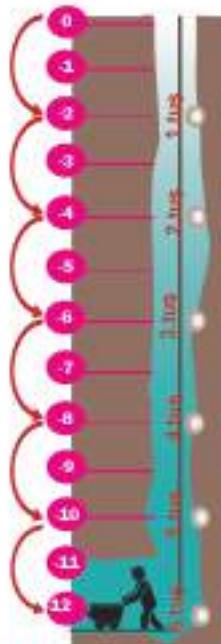


Çözüm:

Maden, toprak yüzeyinin 12 metre altındadır. Toprak yüzeyi 0 ile gösterilirse madenin derinliği -12 ile ifade edilir. Madenci aşağıya inerken her 2 metre derinlikte tuşa basmak zorundadır. Bu durum -2 ile gösterilir. Madencinin güvenlik tuşuna basma sayısı $(-12) \div (-2)$ işlemi ile bulunur.

Negatif bir tam sayının negatif bir tam sayıya bölümü pozitif olduğundan $(-12) \div (-2) = +6$ olarak bulunur.

Bu durumda madenci madene ulaşlığında toplam 6 kez güvenlik tuşuna basmıştır.



Birlikte Çözelim 5

Aşağıdaki bölme işlemlerini yapalım.

- a) $(-7) \div (-1)$
- b) $(+7) \div (-1)$



Çözüm:

Verilen işlemlerde tam sayıların -1'e bölümünün sonuçlarını bulalım.

- a) $(-7) \div (-1) = 7$
- b) $(+7) \div (-1) = -7$

Sıfırdan farklı bir tam sayı (-1) 'e böldüğümüzde o tam sayının sadece işaretini değiştir.



Birlikte Çözelim 6

Aşağıdaki bölme işlemlerini yapalım.

- a) $0 \div (-2)$
- b) $(-2) \div 0$



Çözüm:

- a) $0 \div (-2) = 0$ Doğal sayıarda olduğu gibi sıfırın sıfırdan farklı bir tam sayıya bölümü sıfırdır.

Sıfırın sıfırdan farklı bir tam sayıya bölümü sıfırdır.

- b) $(-2) \div 0$ işleminin sonucu tanımsızdır,

Sıfırdan farklı bir tam sayının sıfıra bölümü tanımsızdır.

$$(-3) \div 0 \text{ tanımsızdır.}$$



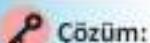
* Sıfırdan farklı bir tam sayının sıfıra bölümünü neden tanımsız olduğunu araştınız.



Birlikte Çözelim 7

Aşağıdaki bölme işlemlerini yapalım.

a) $(-8) \div 1$ b) $(+8) \div 1$



Çözüm:

Verilen işlemlerde tam sayıların 1'e bölümünün sonuçlarını bulalım.

a) $(-8) \div 1 = -8$ b) $(+8) \div 1 = +8$

Sıfırdan farklı bir tam sayıyı 1'e böldüğümüzde sonuç tam sayının kendisine eşittir.



Birlikte Çözelim 8

Yeni evlenen bir çift, buzdolabı ve çamaşır makinesine 5940 TL ödeyecektir. Bu çift, borcunu 36 ayda ödeyeceğini belirttiğine göre çiftin aylık ödeyeceği tutan hesap makinesi kullanarak bulalım.



Çözüm:

Çiftin bir ayda ne kadar ödeyeceğini bulmak için $(-5940) \div 36$ işlemini yapmalıyız. $(-5940) \div 36$ işlemini yapmak hesap makinesinde sırası ile aşağıdaki tuşlara basalım.



5 9 4 0 + / - ÷ 3 6 = -165

veya

- 5 9 4 0 ÷ 3 6 = -165

Yeni evlenen çift her ay 165 TL ödeyecektir.



Çözüm Sende

1) Aşağıdaki boşlukları uygun kelimelerle tamamlayınız.

- a) Sıfırdan farklı bir tam sayının, o sayının toplama işlemine göre tersine bölümü
 b) Negatif bir tam sayının -1 'e bölümünden elde edilen sonuç bir tam sayıdır.

2) Aşağıdaki bölme işlemlerinin sonuçlarını bulunuz.

- a) $(-63) \div (-3) = \dots$ c) $84 \div (-7) = \dots$
 b) $(-91) \div (+7) = \dots$ d) $0 \div (-6) = \dots$

3) Aşağıdaki boşluklara gelmesi gereken tam sayıları yazınız.

- a) $\dots \div (-3) = (-13)$
 b) $(-15) \div \dots = (+3)$

4) 15'i kalansız bölen kaç farklı tam sayı vardır?

- A) 4 B) 6 C) 8 D) 15

5) A, B, C birer tam sayı olmak üzere $A > 0 > B > C$ 'dir. Buna göre

C tam sayısını A tam sayısına böldüğümüzde sonucun işaretini bulunuz.

A tam sayısını B tam sayısına böldüğümüzde sonucun işaretini bulunuz.

B tam sayısını C tam sayısına böldüğümüzde sonucun işaretini bulunuz.

6) Birbirine bölümü 7 olacak şekilde seçilen ■ ve ★ tam sayıları için ■ · ★ çarpımının alabileceği en küçük değeri bulunuz.

TAM SAYILARIN KUVVETİ



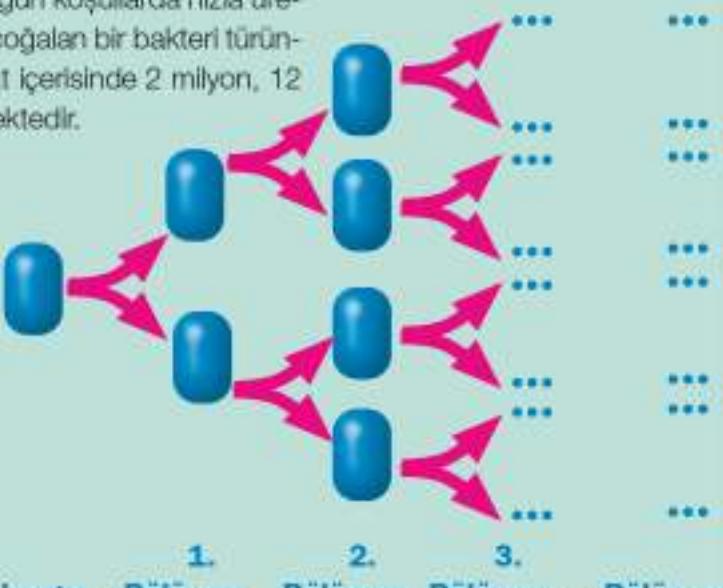
Menenjit, zatürre, kızamık gibi hastalıklar bakteriler yoluyla bulaşan hastalıklardır. Bu tür bakteriyel hastalıklar, bağılıklık sistemleri zayıf olduğu için daha çok çocuklarda görülür. Bu hastalıkların çoğu bulaşıcıdır. Bakterilerden korunmak için eller iyi yıkanmalı, kişisel temizliğe dikkat edilmelidir. Öksürme ve aksırma sırasında koruyucu önlemler alınmalıdır.



Bakteriler gözle görülmeyenler ve uygun koşullarda hızla üre- yebilirler. 20 dakikada bir ikiye bölünerek çoğalan bir bakteri türünden ortama bir adet konulduğunda 7 saat içerisinde 2 milyon, 12 saat içerisinde 1 milyar bakteri üretebilmektedir.

Bakterilerin bölünmesi sırasında oluşabilecek bakteri sayısı ile ilgili yandaki görseli inceleyiniz.

12 saatte oluşabilecek 1 milyar bakterinin sayısının nasıl hesaplanacağını tartışınız. Bunun için aşağıdaki sorulan yanıtlayınız.



- Bakterinin ilk beş bölünmesinde oluşan bakteri sayılarını yazınız.
 - Bakterinin 6. bölünmesinde oluşacak bakteri sayısını nasıl ifade edersiniz?
 - Bakteri her defasında 2'ye değil de 3'e bölündüğünde 4. ve 20. bölünmede oluşacak bakteri sayısını nasıl ifade ederdimiz?

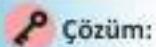


$$a^n = \underbrace{a \cdot a \cdot a \cdot \dots \cdot a}_{n \text{ tane}}$$

üç (kuvvet)

Birlikte Çözelim 1

1^3 , 2^2 , 3^4 üslü sayılarının değerlerini, tekrarlı çarpımlarını yazarak bulalım.



$1^3, 2^2, 3^4$ üslü sayılarının tabanlarını üsleri kadar yazıp bu sayıları çarpalım.

$$1^3 = 1 \cdot 1 \cdot 1 = 1 \quad 2^2 = 2 \cdot 2 = 4 \quad 3^4 = 3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 = 81$$

ETKİNLİK

Araç-Gereçler: kalem, kağıt

Uygulama Basamakları:

- Aşağıdaki örnekten yararlanarak tablodaki boşlukları doldurunuz.

Üslü İfade	Tekrarlı Çarpım	Üslü İfadenin Değeri
$(-1)^1$	(-1)	(-1)
$(-1)^2$	$(-1) \cdot (-1)$...
$(-1)^3$
$(-1)^4$
$(-1)^5$

Üslü İfade	Tekrarlı Çarpım	Üslü İfadenin Değeri
$(-2)^1$
$(-2)^2$
$(-2)^3$
$(-2)^4$
$(-2)^5$

Üslü İfade	Tekrarlı Çarpım	Üslü İfadenin Değeri
$(-3)^1$
$(-3)^2$
$(-3)^3$
$(-3)^4$
$(-3)^5$

Üslü İfade	Tekrarlı Çarpım	Üslü İfadenin Değeri
$(-10)^1$
$(-10)^2$
$(-10)^3$
$(-10)^4$
$(-10)^5$

- Tamamladığınız tabloya göre aşağıdaki boşlukları doldurunuz.

Negatif bir tam sayının çift sayı kuvvetinin değeri işaretli bir tam sayıdır.

Negatif bir tam sayının tek sayı kuvvetinin değeri işaretli bir tam sayıdır.

Birlikte Çözelim 2 ➤

Aşağıdaki üslü ifadelerin değerlerini bulalım.

a) $(-5)^2$

b) $(-2)^3$

c) $(-4)^3$

ç) $(-3)^4$

Çözüm:

a) $(-5)^2 = (-5) \cdot (-5) = +25$

c) $(-4)^3 = (-4) \cdot (-4) \cdot (-4) = -64$

b) $(-2)^3 = (-2) \cdot (-2) \cdot (-2) = -8$

ç) $(-3)^4 = -81$

* Negatif bir tam sayının kuvvetini hesaplarken kuvvetin tek veya çift sayı olması ile sonucun işaretini arasındaki ilişkiyi yazınız.





Pozitif tam sayıların bütün doğal sayı kuvvetleri pozitif tam sayıdır.

Negatif tam sayıların tek doğal sayı kuvvetleri negatif, çift doğal sayı kuvvetleri pozitif tam sayıdır.

Birlikte Çözelim 3

$(-2)^2 + (-4)^2 - (-5)^3$ işlemini yapalım.



Çözüm:

Verilen işlemi yapmak için öncelikle tam sayıların kuvvetlerini hesaplayalım.

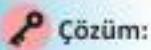
$$(-2)^2 + (-4)^2 - (-5)^3$$

↓ ↓ ↓

$$(+4) + (+16) - (-125) = 4 + 16 + 125 = 145$$

Birlikte Çözelim 4

$-3^2 + (-3)^4$ işlemini yapalım.



Çözüm:

$$-3^2 + (-3)^4$$

↓ ↓

$$-9 + (+81) = 72$$

-3^2 ifadesinde üs sadece 3'e ait olduğundan -3^2 ifadesinin değeri negatif olacaktır.

$$\left. \begin{array}{l} (-2)^2 = +4 \\ -2^2 = -4 \end{array} \right\} (-2)^2 \neq -2^2$$



Birlikte Çözelim 5

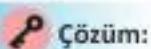
Aşağıdaki üslü sayıların değerlerini bulalım.

a) 1^4

b) 1^3

c) $(-1)^5$

c) $(-1)^4$



Çözüm:

a) $1^4 = 1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot 1 = 1$

b) $1^3 = 1 \cdot 1 \cdot 1 = 1$

c) $(-1)^5 = (-1) \cdot (-1) \cdot (-1) \cdot (-1) \cdot (-1) = -1$

c) $(-1)^4 = (-1) \cdot (-1) \cdot (-1) \cdot (-1) = 1$

1'in doğal sayı kuvvetleri 1'dır.

(-1) 'in çift doğal sayı kuvvetleri $(+1)$, tek doğal sayı kuvvetleri (-1) 'dir.



Birlikte Çözelim 6

Aşağıdaki üslü ifadelerin değerlerini bulalım.

a) $(-1)^{34}$

c) -2^3

b) $(-19)^1$

c) $-(-3)^2$

Çözüm:

Verilen üslü ifadelerde “-” işaretinin bulunduğu yere dikkat ederek sonuçları bulalım.

a) $(-1)^{34} = +1$

c) $-2^3 = -2 \cdot 2 \cdot 2 = -8$

b) $(-19)^1 = -19$

c) $-(-3)^2 = -[(-3) \cdot (-3)] = -[9] = -9$

Birlikte Çözelim 7

10 tam sayısının 1, 2, 3 ve 4. kuvvetlerini bulalım.

Çözüm:

10 tam sayısının kuvvetlerini tekrarlı çarpımdan yararlanarak bulalım.

$$10^1 = 10$$

$$10^2 = 10 \cdot 10 = 100$$

$$10^3 = 10 \cdot 10 \cdot 10 = 1000$$

$$10^4 = 10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 = 10000$$

Birlikte Çözelim 8

$\frac{10^3 - 10^2 + 10^1}{10^1}$ işleminin sonucunu bulalım.

Çözüm:

Verilen işlemin sonucunu bulmak için 10'un kuvvetlerini bulup işlemde yerine yazalım.

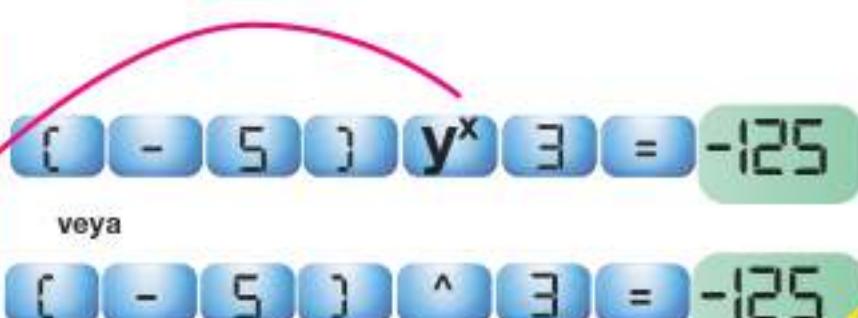
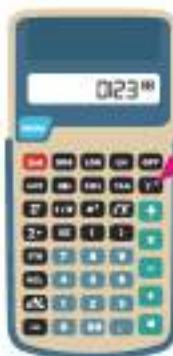
$$\frac{10^3 - 10^2 + 10^1}{10^1} = \frac{1000 - 100 + 10}{10}$$
$$= \frac{910}{10}$$
$$= 91$$

Birlikte Çözelim 9

$(-5)^3$ ifadesinin değerini hesap makinesi kullanarak hesaplayalım.

Çözüm:

$(-5)^3$ işlemini yapmak için hesap makinesinde sırası ile aşağıdaki tuşlara basalım.



$(-5)^3$ ifadesinin değerinin -125 olduğu görülmektedir.



Çözüm Sende

1) Aşağıdaki tekrarlı çarpımları üslü ifade olarak gösteriniz.

a) $(-7) \cdot (-7) \cdot (-7) = \dots$

c) $5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5 = \dots$

b) $(-3) \cdot (-3) \cdot (-3) \cdot (-3) = \dots$

d) $\underbrace{10 \cdot 10 \cdot \dots \cdot 10}_{22 \text{ tane}} = \dots$

2) Aşağıdaki üslü ifadelerin değerlerini bulunuz.

a) $(-3)^5 = \dots$

c) $-7^2 = \dots$

b) $(-1)^6 = \dots$

d) $(-4)^4 = \dots$

c) $-3^4 = \dots$

e) $10^7 = \dots$

3) Aşağıdaki eşitliklerden doğru olanlara "D", yanlış olanlara "Y" yazınız.

a) $(-2)^3 = -8 \quad (\dots)$

b) $(-2)^4 = -16 \quad (\dots)$

c) $-2^3 = -8 \quad (\dots)$

c) $-2^4 = 16 \quad (\dots)$

4) $-6^2 + (-2)^4$ işleminin sonucu kaçtır?

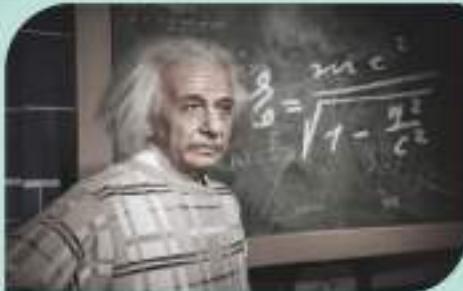
5) $(2017)^1 - (-1)^{2016} + (-1)^{2015}$ işleminin sonucunu bulunuz.

6) Aşağıdaki tabloda bırakılan boşlukları doldurunuz.

Üslü İfade	Üslü İfadenin Değeri	Sondan Kaç Basamak Sıfırdır?
10^1
10^2
10^4
10^5

7) Bir bakteri çeşidi, 15 dakikada bir ikiye bölünmektedir. Bir kavanoza bu bakteri çeşidinden 1 tane bırakıldıktan 3 saat sonra ortamda oluşacak bakteri sayısını üslü ifade olarak gösteriniz.

TAM SAYI PROBLEMLERİ



"Bana bir problem ve 1 saat süre verilse bu sürenin 45 dakikasını problemi anlamaya, 10 dakikasını çözüm yolları üretmeye, 5 dakikasını çözmeye ayırrım."

Albert Einstein

- Albert Einstein (Albert Aynıştan) bu sözüyle neyi vurgulamaya çalışmıştır?

ETKİNLİK

Araç-Gereçler: kalem, kağıt

Uygulama Basamakları:

4 °C'ta çalışan bir buzdolabının sıcaklığı elektrik kesintisi sonucu her yarım saatte 2 °C artmaktadır. Buna göre 3 saat sonra buzdolabının sıcaklığının kaç °C olacağını bulunuz.

Yukarıdaki problemi tablodaki adımlan takip ederek çözünüz.

Tablo: Problem Çözme Basamakları

Problem çözme basamakları	Yapılacaklar
Problemde verilenleri yazınız.	
Problemde istenilenleri yazınız.	
Problemin çözümü için bir plan oluşturunuz.	
Oluşturduğunuz plan doğrultusunda problemi çözünüz.	
Cözümün doğruluğunu kontrol ediniz.	

- Problem çözme aşamasında yukarıdaki adımlan takip etmeniz nasıl bir kolaylık sağlayacaktır?

Birlikte Çözelim 1 ➤

50 soruluk bir sınavda her doğru yanıt 5 puan kazandırmakta, her yanlış yanıt 2 puan kaybettirmektedir. Tuğçe bu sınavda tüm soruları yanıtlamamıştır. Yanıtların 32 tanesi doğru ise Tuğçe bu sınavdan toplam kaç puan almıştır. Bu problemi birlikte çözelim.



Çözüm:

Bu problemi aşağıdaki basamakları kullanarak çözelim.

* Problemde verilenleri belirleyelim:

↓ Sınavda 50 soru vardır.

Her doğru yanıt +5 puan, her yanlış yanıt -2 puandır.

Tuğçe tüm soruları yanıtlamamıştır ve bunların 32 tanesi doğrudur.

* Problemde istenilenleri belirleyelim:

↓ Tuğçe'nin bu sınavdan aldığı puan istenmektedir;

* Problemi çözmek için plan yapalım:

↓ Tuğçe'nin yanlış yanıtladığı soru sayısını bulalım.

Tuğçe'nin doğru ve yanlış yanıtladığı sorulardan aldığı puanları hesaplayalım. Bunun için doğru yanıt sayısı ile puanını, yanlış yanıt sayısı ile puanını çarpalım. Bu sonuçları toplayalım.

* Plan doğrultusunda problemi çözelim:

50 sorunun 32 tanesini doğru yapan Tuğçe'nin yanlış yaptığı soru sayısı $50 - 32 = 18$ 'dır. Tuğçe'nin doğru yanıtladığı sorulardan alacağı puanı hesaplamak için doğru sayısını +5 ile çarpalım.

Yanlış yanıtlanan sorulardan alacağı puanı hesaplamak için yanlış sayısını -2 ile çarpalım.

$$32 \cdot (+5) = +160$$

$$18 \cdot (-2) = -36$$

$$+160 + (-36) = +124$$

Tuğçe bu sınavdan 124 puan almıştır.

* Bulduğumuz çözümün doğruluğunu kontrol edelim:

32 doğru soruya karşılık $32 \cdot 5 = 160$ puan alması gereken Tuğçe, 124 puan almıştır. Bunun sebebi Tuğçe'nin bazı sorulara yanlış yanıt vermesidir. Bu durumda $160 - 124 = 36$ puanı yanlış yanıtladığı sorulardan kaybetmiştir. Her yanlış yanıt 2 puan kaybettirmiştir. O hâlde $36 \div 2 = 18$ tane yanlış yanıt vardır. Doğru ve yanlış yanıtlanan soru sayılan toplamı $32 + 18 = 50$ 'dir. 50, bize toplam soru sayısını verdiği için çözümümüz doğrudur.

Birlikte Çözelim 2

Taha balık avlamak için zipkinla 5 m derine dalmıştır. Sonra dakikada 3 m derine inecek şekilde 2 dakika daha dalmıştır. Deniz seviyesini 0 olarak kabul edersek Taha'nın son durumdaki konumu nedir? Bunu birlikte çözelim.



Çözüm:

* Problemde verilenleri belirleyelim:

Taha 5 m dibe dalmıştır.

Dakikada 3 m dibe dalmaktadır.

5 m daldıktan sonra 2 dakika daha dalmıştır.

Deniz yüzeyinin 0 olarak kabul edildiği verilmiştir.

* Problemde istenilenleri belirleyelim:

Taha'nın son durumdaki konumu istenmektedir.

* Problemi çözmek için plan yapalım:

Taha'nın konumunu matematiksel olarak ifade edelim.

Taha'nın 2 dakikada ne kadar derineindiğini dakikada inş miktan ile süreyle çarparak belirtelim.

Taha'nın son durumdaki konumunu matematiksel olarak belirleyelim.

* Plan doğrultusunda problemi çözelim:

Taha'nın ilk konumu olan 5 m deniz seviyesinin altında olduğu için -5 ile ifade edilir.

Taha dakikada 3 m dibe daldığından 2 dakikada $2 \cdot 3 = 6$ m daha dibe inmiştir. 6 m daha dibe dalmasını -6 olarak ifade edelim.

Bu durumda Taha'nın konumu $(-5) + (-6) = -11$ ile ifade edilir.

* Bulduğumuz çözümün doğruluğunu kontrol edelim:

Taha'nın son durumdaki konumunun -11 olduğu bulunmuştur. 2 dakikada toplam 6 m derineindiğinden -11'den -6'yi çıkardığımızda -5'i verir. Bu da Taha'nın daldığı ilk 5 m'yi ifade etmekte dir. Buna göre problemin çözümü doğrudur.



Çözüm Sende

+10	-7	5	-18
+45	-1	-13	+19

Özge, yukarıdaki sayı tahtasına 3 atış yapıyor ve Isabel ettiirdiği bölümlerdeki sayıların toplamı kadar puan alıyor. Buna göre aşağıdaki soruları yanıtlayınız.

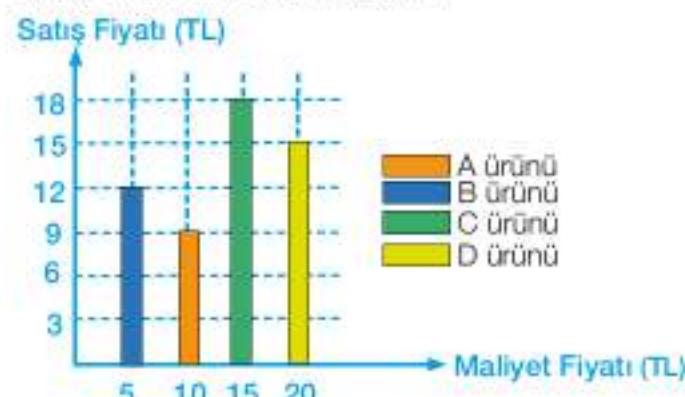
- a) Özge'nin alabileceğini puanlardan 3 tanesini yazınız.
 - b) Özge en az kaç puan alabilir?
 - c) Özge en fazla kaç puan alabilir?
- 2) 10 soruluk bir sınavda her doğru yanıt +3, her yanlış yanıt -2 ve her boş bırakılan soru 0 puandır. Bu sınavda Berkay'ın 8 doğrusu 1 yanlışlığı olduğuna göre sınavdan alacağı toplam puanı bulunuz.
- 3) Bir şirket; yılın son 6 ayında gün sayısı 30 olan aylarda 20 000 TL zarar, gün sayısı 31 olan aylarda 25 000 TL kâr ettiğini bildirmiştir. Şirketin yılın son 6 ayındaki toplam kâr-zarar durumu nedir?
- 4) Mert, beş çeşit yemeği eşit güçte iki gözü olan bir ocakta pişirmek istiyor. Yemeklerin pişme süreleri aşağıdaki tabloda verilmiştir. Duygu, beş çeşit yemeği ocağın iki gözünü aynı anda kullanarak **en az** kaç dakikada pişirebilir?

Tablo: Yemekler ve Pişme Süreleri

Yemekler	Yemeklerin Pişme Süreleri (dakika)
A	40
B	15
C	35
D	10
E	45

- 5) Sıcaklığı 22°C olan bir odanın ısısı, ısıtıcının bozulması sonucu saatte 4°C düşüğünne göre 8 saat sonra kaç $^{\circ}\text{C}$ olur?
- 6) Aşağıdaki grafikte bir mağazada satılan dört ürünün maliyet ve satış fiyatları verilmiştir. Bu dört ürünün her birinden ikişer tane satan mağazanın kâr zarar durumunu bulunuz.

Grafik: Ürünlerin Maliyet ve Satış Fiyatları



1. ÜNİTE DEĞERLENDİRME SORULARI

1) Aşağıdaki toplama ve çıkarma işlemlerinin sonuçlarını yazınız.

- a) $(+16) + (-2) = \dots$ d) $125 - (-21) = \dots$
b) $-36 + (-14) = \dots$ e) $(-13) - 4 = \dots$
c) $(-27) + (+15) = \dots$ f) $(-416) - (-8) = \dots$
ç) $(-20) + (-1) + (-4) = \dots$ g) $(-20) - (+61) = \dots$



2) Aşağıdaki çarpma ve bölme işlemlerinin sonuçlarını yazınız.

- a) $(-6) \cdot (-2) = \dots$ d) $125 \div (-1) = \dots$
b) $3 \cdot (-4) = \dots$ e) $(-32) \div 4 = \dots$
c) $(-7) \cdot (-5) \cdot 2 = \dots$ f) $0 \div (-1) = \dots$
ç) $(-20) \cdot (-1) \cdot (-4) = \dots$ g) $(+120) \div (-6) = \dots$

3) Aşağıdaki işlemlerde \square yerine gelmesi gereken tam sayıları yazınız.

- a) $\square + (-15) = +30$ d) $\square - (-21) = 127$
b) $28 + \square = 0$ e) $42 - \square = +17$
c) $\square + (-23) = +160$ f) $(-100) - \square = (-125)$
ç) $(-2) + \square = -14$ g) $\square - 15 = +33$

4) Üç basamaklı en büyük negatif tam sayı; üç basamaklı, rakamları farklı en küçük negatif tam sayıdan kaç fazladır?

5) En büyük negatif tam sayı ile iki basamaklı en küçük negatif tam sayının çarpımı kaçtır?

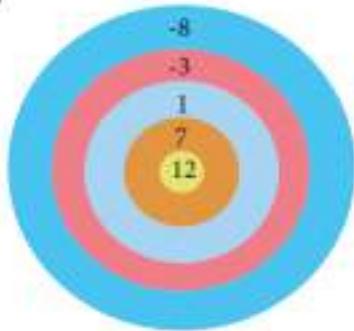
6) Bir sayıdan 5 çıkarılıp bulunan sonuca 4 eklenirse işlemin sonucu aşağıdakilerden hangisi olur?

- A) Sonuç, ilk sayıdan 9 eksiktir.
B) Sonuç, ilk sayıdan 9 fazladır.
C) Sonuç, ilk sayıdan 1 eksiktir.
D) Sonuç, ilk sayıdan 1 fazladır.

7) Bir şehirde kış günü hava sıcaklığı saat 18.00'de 2°C olarak ölçülüyor. Hava sıcaklığı saatte 2°C düşerse saat 24.00'te kaç $^{\circ}\text{C}$ olur?

- A) 14
B) 12
C) 10
D) 8

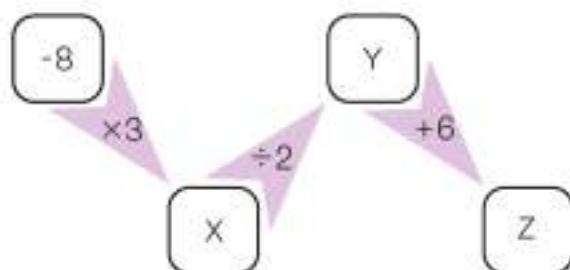
8)



Akin, şekildeki gibi puanlanmış hedef tahtasına 17 atış yapıyor. Negatif tam sayıların olduğu her bölgeye dörder ok, pozitif tam sayılarının olduğu her bölgeye üçer ok isabet ettiriyor. Akin isabet ettiirdiği her ok için o bölgedeki puanı aldığına göre toplam kaç puan kazanmıştır?

- A) 14 B) 16 C) 18 D) 20

9) Aşağıda verilen görsele göre $X + Y - Z$ işleminin sonucu kaçtır?



- A) -6 B) 18 C) -24 D) -30

10) Çarpımları 60 olan dört tam sayıdan ikisi +2 ve -5'tir. Buna göre diğer iki sayı aşağıdakilerden hangisi olabilir?

- A) -2 ve 5 B) -2 ve -3 C) +5 ve -1 D) -3 ve +2

11) $79 \cdot 99$ ve $86 \cdot 101$ işlemlerini çarpmaya işlemının toplama veya çıkarma işlemi üzerine dağılma özelliğinden yararlanarak yapınız.

12) Aşağıdaki üslü sayıların değerlerini hesaplayınız.

- | | | |
|---------------------|---------------------|---------------------|
| a) $3^2 = \dots$ | c) $(-5)^2 = \dots$ | f) $(-1)^5 = \dots$ |
| b) $(-8)^2 = \dots$ | d) $-2^3 = \dots$ | g) $-4^2 = \dots$ |
| c) $(-3)^2 = \dots$ | e) $-7^2 = \dots$ | g) $1^4 = \dots$ |

13) Yandaki tabloda bazı kimyasal maddelerin donma noktaları verilmiştir. Bu maddeleri donma noktalara göre küçükten büyüğe doğru sıralayınız.

Table: Kimyasal Maddelerin Donma Noktaları

Kimyasal Maddeler	Donma Noktaları ($^{\circ}\text{C}$)
X	$-(-2)^8$
Y	$(-2)^5$
Z	-2^2

14) $(-2)^3 < \square < (-1)^2$ olduğuna göre \square yerine gelebilecek tam sayıları yazınız?

KENDİMİ DEĞERLENDİRİYORUM

Aşağıdaki formda 1. Ünitede işlenen konulara ilişkin sizden beklenen beceri ifadeleri bulunmaktadır. Tablonun her bir satırındaki derecelendirme durumunu kendinizi değerlendirerek işaretleyiniz. Bu değerlendirme formunu öğretmeninizle paylaşıp öğretmeninizin görüş ve önerilerini de alarak yapmanız gerekenleri planlayınız.

TAM SAYILARLA TOPLAMA, ÇIKARMA, ÇARPMA VE BÖLME İŞLEMLERİ	ORTA	İYİ	ÇOK İYİ
Tam sayılarla toplama işlemlerini yapabiliyim.			
Tam sayılarla çıkarma işlemlerini yapabiliyim.			
Tam sayılarla çarpma işlemlerini yapabiliyim.			
Tam sayılarla bölme işlemlerini yapabiliyim.			
Tam sayıların kuvvetlerini bulabiliyim.			
Tam sayı problemlerini çözebiliyim.			

Tam olarak öğrendiğim konular:

Tekrar etmem gereken konular:

Öğretmenimden aldığım öneriler:

BİRAZ DA EğLENELİM



Aşağıdaki resimde her parçanın içine bir işlem yerleştirilmiştir.

Renk kartelasında ise her işlem sonucuna karşılık gelen sayı aralıkları belirtilmiştir.

İşlemleri yaparak ilgili parçaları, bulduğunuz sonuca karşılık gelen sayı aralığının rengine boyayınız.

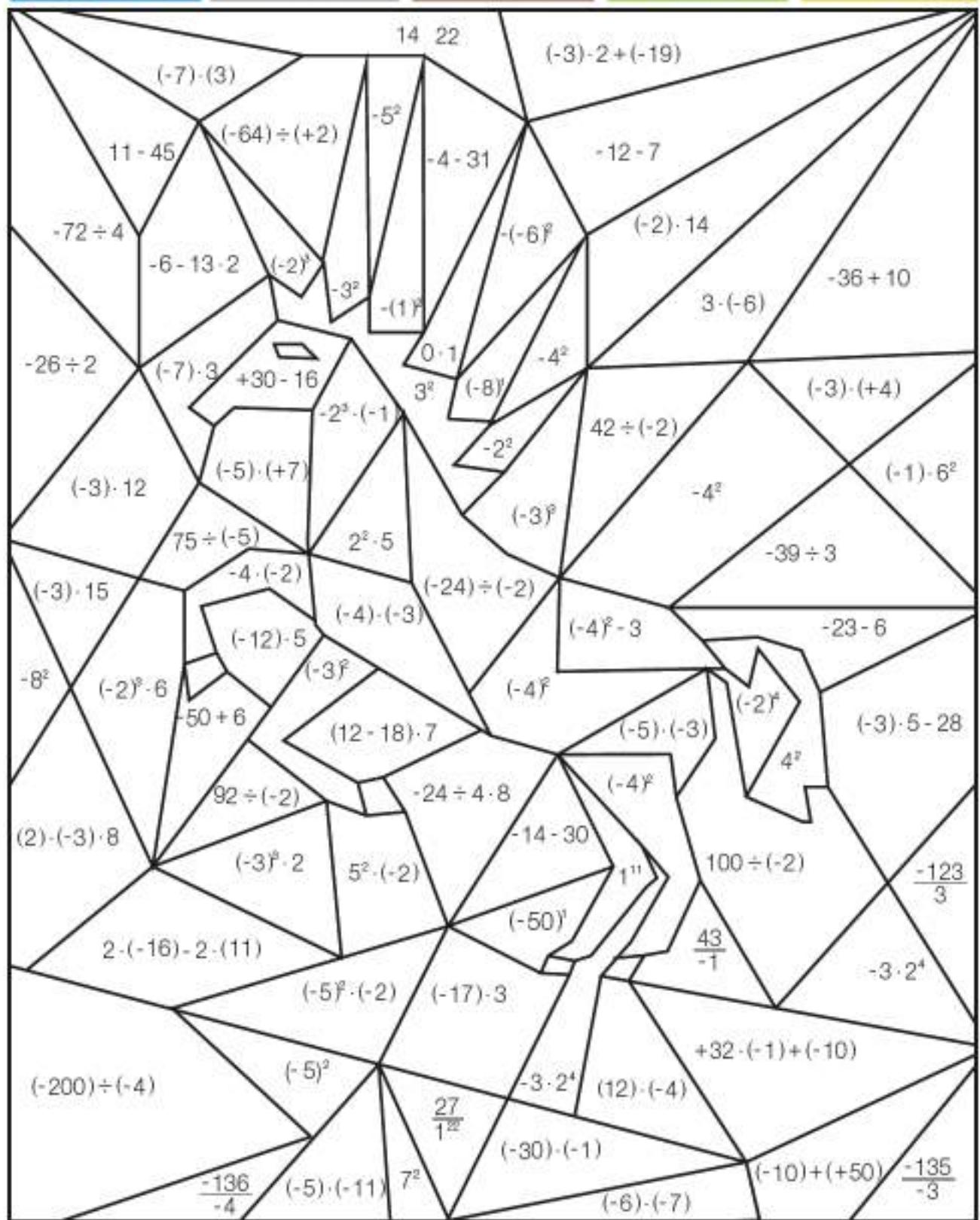
-11'den -40'a

1'den 20'ye

21'den 60'a

-41'den -65'e

0'dan -10'a



2. ÜNİTE

RASYONEL SAYILAR VE
RASYONEL SAYILARLA İŞLEMLER



SAYILAR VE İŞLEMLER

- Rasyonel Sayılar
- Rasyonel Sayılarla İşlemler

HATIRLAYALIM

1) Aşağıdaki kesirlerin arasına " $<$ ", " $>$ ", " $=$ " sembollerinden uygun olanı yazınız.

a) $\frac{2}{3} \dots \frac{5}{7}$

c) $\frac{1}{2} \dots \frac{15}{30}$

b) $\frac{3}{2} \dots \frac{9}{16}$

d) $\frac{4}{9} \dots \frac{1}{7}$

c) $\frac{5}{7} \dots \frac{10}{14}$

2) $\frac{5}{6}, \frac{4}{5}, \frac{8}{9}, \frac{10}{11}$ sayılarının en küçüğü hangisidir?

3) Aşağıdaki kesirleri sayı doğrusu üzerinde gösteriniz.

a) $\frac{1}{2}$

b) $1\frac{3}{5}$

c) $2\frac{2}{7}$

4) ★ $> \frac{15}{4}$ olacak şekilde ★ doğal sayısının alabileceği en küçük değer kaçtır?

5) Aşağıdaki kesirlerin ondalık gösterimlerini yazınız.

a) $\frac{1}{2} = \dots$

b) $\frac{3}{4} = \dots$

c) $\frac{3}{8} = \dots$

ç) $\frac{2}{5} = \dots$

6) Aşağıdaki ondalık gösterimleri kesir olarak yazınız.

a) $0,3 = \dots$

b) $1,7 = \dots$

c) $0,24 = \dots$

ç) $7,05 = \dots$

7) Aşağıda yüzde simbolü ile verilen sayıları kesir olarak yazınız.

a) $\%1 = \dots$

b) $\%12 = \dots$

c) $\%70 = \dots$

ç) $\%5 = \dots$

8) Aşağıdaki kesirlerden hangisi yanma en yakındır?

A) $\frac{1}{7}$

B) $\frac{5}{6}$

C) $\frac{11}{13}$

D) $\frac{4}{9}$

9) Aşağıdaki toplama ve çıkarma işlemlerinin sonuçlarını bulunuz.

a) $\frac{2}{7} + \frac{1}{7} = \dots$

c) $\frac{2}{5} - \frac{1}{8} = \dots$

b) $\frac{3}{4} + \frac{4}{3} = \dots$

ç) $1\frac{1}{3} - \frac{1}{2} = \dots$

10) Aşağıdaki çarpma ve bölme işlemlerinin sonuçlarını bulunuz.

a) $\frac{2}{3} \cdot \frac{3}{5} = \dots$

c) $\frac{2}{3} \div \frac{3}{5} = \dots$

b) $1\frac{1}{2} \cdot \frac{4}{3} = \dots$

ç) $2\frac{1}{3} \div \frac{5}{14} = \dots$

11) Bir tarlanın $\frac{3}{4}$ 'ünün $\frac{2}{7}$ 'sini süren Mehmet amca, tarlanın kaçta kaçını sümemiştir?

Arkadaşlar, bu konuya başlamadan önce "Hatırlayalım" sayfamızdaki soruları evde yaparak derse hazır geliniz.



1. Bölüm: RASYONEL SAYILAR



Dünya'nın yüzölçümü yaklaşık olarak 510 milyon kilometrekaredir. Bu yüzölçümünün yaklaşık $\frac{3}{4}$ 'ü sularla kaplıdır. Bu suların da yaklaşık $\frac{39}{40}$ 'ı tuzlu su, $\frac{1}{40}$ 'ı tatlı sudur.

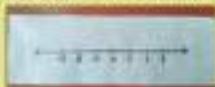
- $\frac{3}{4}, \frac{39}{40}, \frac{1}{40}$ gibi sayılarla karşılaşığınız yerlere günlük hayattan örnekler veriniz.
- Tam sayılarında olduğu gibi bu sayıların negatif işaretleri olabilir mi?

ETKİNLİK

Araç-Gereçler: Yağlı pişirme kâğıdı, kalem

Uygulama Basamakları:

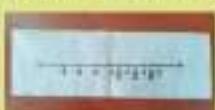
- Yağlı pişirme kâğıdı üzerine bir sayı doğrusu çiziniz.
- -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3 tam sayılarının eşit aralıklarla bu sayı doğrusuna yerleştiriniz.
- Kâğıdı 0 noktasından doğrunun kolları üst üste gelecek şekilde katlayınız.



- 1, 2, 3 noktalarından her birinin hangi nokta ile üst üste geldiklerini yazınız.



- Aynı yağlı kağıdın üzerine $\frac{1}{2}, \frac{3}{2}, \frac{5}{2}$ kesirlerini yerleştiriniz.
- Kâğıdı 0 noktasından doğrunun kolları üst üste gelecek şekilde tekrar katlayınız.



- Bu kesirlerin sayı doğrusunun sol tarafında çakıştığı noktalar işaretleyiniz.
- Pozitif ve negatif tam sayıların katlanması sonucundaki durumunu göz önünde bulundurarak işaretlediğiniz noktalardan $\frac{1}{2}, \frac{3}{2}, \frac{5}{2}$ kesirleri ile olan ilişkisini yazınız.
- Sayı doğrusu üzerine yerleştirdiğiniz tam sayıları büyükten küçüğe doğru sıralayınız.
- Sayı doğrusuna yerleştirdiğiniz kesirler ve katlama sonucu oluşan noktalardaki sayılar arasındaki ilişkili yazınız.



a ve b birer tam sayı, $b \neq 0$ olmak üzere $\frac{a}{b}$ şeklinde yazılabilen sayılar "rasyonel sayılar" denir. Rasyonel sayılar kümesi "Q" simbolü ile gösterilir.

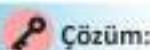
Sayı doğrusunda O'dan küçük rasyonel sayılar negatif rasyonel sayılar denir ve "Q-" ile gösterilir.

Sayı doğrusunda O'dan büyük rasyonel sayılar pozitif rasyonel sayılar denir ve "Q+" ile gösterilir.

Birlikte Çözelim 1 ➤

Aşağıdaki sayıların hangilerinin $\frac{a}{b}$ şeklinde yazılabileceğini belirleyelim.

$\frac{5}{3}$	3	%12	0,4	$2\frac{1}{3}$	0	72	$-\frac{8}{7}$
---------------	---	-----	-----	----------------	---	----	----------------



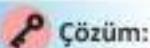
Çözüm:

$\frac{5}{3}$	$3 = \frac{3}{1}$	$\%12 = \frac{12}{100}$	$0,4 = \frac{4}{10}$	$2\frac{1}{3} = \frac{7}{3}$	$0 = \frac{0}{1}$	$72 = \frac{72}{1}$	$-\frac{8}{7}$
$a = 5$ $b = 3$	$a = 3$ $b = 1$	$a = 12$ $b = 100$	$a = 4$ $b = 10$	$a = 7$ $b = 3$	$a = 0$ $b = 1$	$a = 72$ $b = 1$	$a = -8$ $b = 7$

Tablo şekildeki gibi doldurulduğunda verilen sayıların $\frac{a}{b}$ şeklinde yazılabilğini görüyoruz. Bu nedenle tabloda verilen tüm sayıların rasyonel sayı olduğu görülür.

Birlikte Çözelim 2 ➤

$\frac{4}{0}$ ifadesi bir rasyonel sayı mıdır? Nedeniyile açıklayalım.



Bir tam sayının 0'a bölümü tanımsız olduğundan $\frac{4}{0}$ ifadesi rasyonel sayı değildir.

Birlikte Çözelim 3 ➤

-5 ve -8 tam sayılarının birer rasyonel sayı olup olmadığını belirleyelim.



$-5 = \frac{-5}{1}$ ve $-8 = \frac{-8}{1}$ şeklinde yazılabilmiş için -5 ve -8 birer rasyonel sayıdır.

Her tam sayı, paydası 1 olan bir rasyonel sayıdır.



Birlikte Çözelim 4

%22 yüzdelik gösterimi bir rasyonel sayı mıdır? Nedeniyle açıklayalım.

Çözüm:

%22 yüzdelik gösterimi $\frac{22}{100}$ şeklinde yazılabildiği için rasyonel sayıdır.

Birlikte Çözelim 5

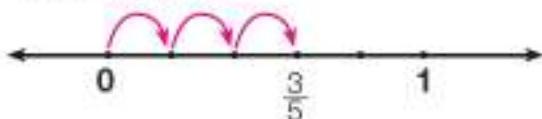
Aşağıdaki rasyonel sayıları sayı doğrusunda gösterelim.

a) $\frac{3}{5}$

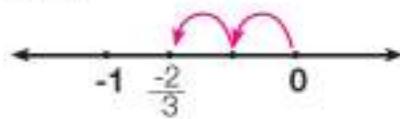
b) $\frac{2}{3}$

Çözüm:

a) $\frac{3}{5}$ rasyonel sayısı için 0 ile 1 arasını 5 eş parçaya bölelim, sonra 0'dan sağa doğru 3 br ilerleyelim.



b) $\frac{2}{3}$ rasyonel sayısı için -1 ile 0 arasını 3 eş parçaya bölelim, sonra 0'dan sola doğru 2 br ilerleyelim.

**Birlikte Çözelim 6**

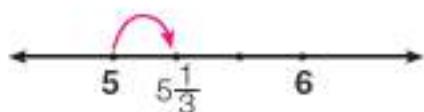
Aşağıdaki rasyonel sayıları sayı doğrusunda gösterelim.

a) $5\frac{1}{3}$

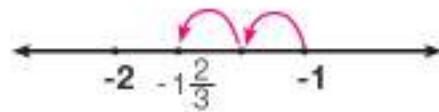
b) $-1\frac{2}{3}$

Çözüm:

a) $5\frac{1}{3}$ rasyonel sayısı 5 ile 6 arasında bir rasyonel sayıdır.



b) $-1\frac{2}{3}$ rasyonel sayısı -1 ile -2 arasında bir rasyonel sayıdır.

**Birlikte Çözelim 7**

$-2, 0, -\frac{1}{3}, -\frac{7}{2}$ sayılarının sayı doğrusu üzerinde gösterelim.

Çözüm:

Öncelikle sayı doğrusu üzerinde tam sayıları yerleştirelim. $-\frac{1}{3}$ sayısı 0 ile -1 arasında, $-\frac{7}{2}$ sayısı da -3 ile -4 arasında olacaktır.



Birlikte Çözelim 8

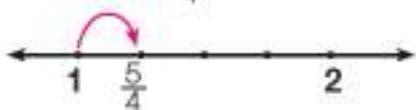
Aşağıdaki rasyonel sayıları sayı doğrusunda gösterelim.

a) $\frac{5}{4}$

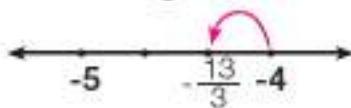
b) $-\frac{13}{3}$

Çözüm:

a) $\frac{5}{4}$ rasyonel sayısını $\frac{5}{4} = 1\frac{1}{4}$ şeklinde yazabiliyoruz.
Dolayısıyla $\frac{5}{4}$, 1'den büyük 2'den küçüktür.



b) $-\frac{13}{3}$ rasyonel sayısını $-\frac{13}{3} = -4\frac{1}{3}$ şeklinde yazabiliyoruz.
Dolayısıyla $-\frac{13}{3}$, -4'ten küçük -5'ten büyuktur.



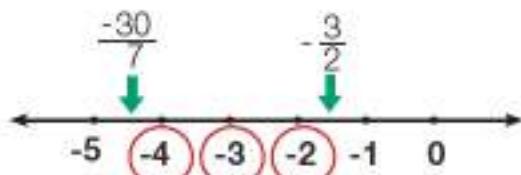
Birlikte Çözelim 9

$-\frac{30}{7}$ ile $-\frac{3}{2}$ rasyonel sayıları arasındaki tam sayıları bulalım.

Çözüm:

$-\frac{30}{7}$ rasyonel sayısı $-\frac{30}{7} = -4\frac{2}{7}$ şeklinde de yazılabildiğinden -4 ve -5 arasındadır.

$-\frac{3}{2}$ rasyonel sayısı $-\frac{3}{2} = -1\frac{1}{2}$ şeklinde de yazılabildiğinden -1 ve -2 arasındadır.



$-\frac{30}{7}$ ile $-\frac{3}{2}$ rasyonel sayılarının arasındaki tam sayılar -4, -3, -2'dır.

ETKİNLİK

Araç-Gereçler: fonksiyonel hesap makinesi, kâğıt, kalem

Uygulama Basamakları:

- Yandaki işlemlerin sonuçlarını, hesap makinesini kullanarak bulunuz.
- İşlemlerin sonuçlarını karşılaştırınız.
- Negatif bir rasyonel sayıda “-” işaretinin; payın, paydanın veya kesir çizgisinin önünde olması işlemin sonucunu değiştirir mi?

$$-\frac{1}{2} = (-1) \div 2 = ?$$

$$\frac{1}{-2} = 1 \div (-2) = ?$$

$$-\frac{1}{2} = -(1 \div 2) = ?$$



Negatif rasyonel sayılarında eksi işaretinin; payın, kesir çizgisinin veya paydanın önüne yazılması rasyonel sayının değerini değiştirmez.

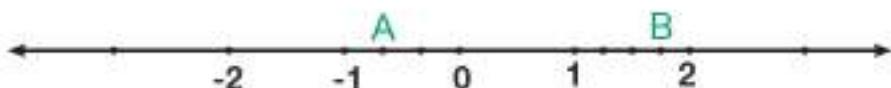
$$-\frac{2}{5} = -\frac{2}{5} = \frac{2}{-5}$$



Çözüm Sende

1) $-\frac{1}{3}, 1\frac{1}{4}, -\frac{8}{5}, \frac{4}{5}$ rasyonel sayılarını aynı sayı doğrusunda gösteriniz.

2) Aşağıdaki sayı doğrusunda 0 ile -1 arası 3, 1 ile 2 arası 4 eşit parçaya bölünmüştür. Buna göre bu sayı doğrusunda A ve B noktalarına karşılık gelen rasyonel sayıları yazınız.



3) Aşağıdaki sayı doğrusu eşit aralıklarla bölündüğüne göre \uparrow ile gösterilen noktaya karşılık gelen rasyonel sayıyı yazınız.



4) $-3 = -\frac{\square}{1} = \frac{-3}{\triangle} = \frac{\diamond}{-1}$ olduğuna göre $\square, \triangle, \diamond$ sembollerinin yerine gelebilecek sayıları yazınız.

Rasyonel Sayıların Ondalık Gösterimleri



Suyun miktarı
0,5 litre



Kazağın fiyatı
₺29,99



Salçanın miktarı
0,850 kg



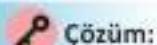
Civanın donma
noktası
-38,84 °C

Yukarıdaki görsellerde su şişesinin kapasitesi, kazağın fiyatı, kavanozdaki salçanın kaç kg olduğu ve civanın donma noktası ondalık gösterimle ifade edilmiştir.

- Bir gömleğin etiket fiyatını $\frac{2999}{100}$ TL olarak gördüğünüzde ne düşünürsünüz?
- Aynı gömleğin etiketinde 29,99 TL gördüğünüzde ne düşünürsünüz?
- Günlük yaşamda bu tarz gösterimlerle sık karşılaşmasının sebepleri nelerdir?

Birlikte Çözelim 1

$\frac{1}{4}$ rasyonel sayısının ondalık gösterimini bulalım.



Çözüm:

Bir rasyonel sayının ondalık gösterimini yazabilmek için sıkılıkla aşağıdaki yöntemlerden yararlanılır:

1. yöntem: Paydayı 10'un kuvveti olacak şekilde genişletebiliriz.

$$\text{C} \frac{1}{4} = \frac{25}{100} = 0,25$$

2. yöntem: Payı paydaya bölebiliriz.

$$\frac{1}{4} \rightarrow \begin{array}{r} 100\dots \\ -8 \\ \hline 20 \\ -20 \\ \hline 00 \end{array} \quad \Rightarrow \frac{1}{4} = 0,25$$

Birlikte Çözelim 2

$\frac{6}{40}$ rasyonel sayısının ondalık gösterimini bulalım.



Çözüm:

1. yöntem: $\frac{6}{40}$ kesrini önce sadeleştirip sonra genişleteerek kesrin paydasını 10'un kuvveti olacak şekilde yazalım.

$$\frac{6}{40} = \frac{6 \div 2}{40 \div 2} = \frac{3}{20}$$

$$\text{C} \frac{3}{20} = \frac{15}{100} = 0,15$$

2. yöntem: Payı paydaya bölelim.

$$\frac{6}{40} \rightarrow \begin{array}{r} 600\dots \\ -40 \\ \hline 200 \\ -200 \\ \hline 000 \end{array} \quad \Rightarrow \frac{6}{40} = 0,15$$

Birlikte Çözelim 3

$-\frac{1}{8}$ rasyonel sayısının ondalık gösterimini yazalım.



Çözüm:

1. yöntem: $\text{C} -\frac{1}{8} = -\frac{125}{1000} = -0,125$

2. yöntem:

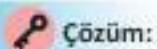
$$-\frac{1}{8} \rightarrow \begin{array}{r} 1000\dots \\ -8 \\ \hline 20 \\ -16 \\ \hline 40 \\ -40 \\ \hline 00 \end{array} \rightarrow -\frac{1}{8} = -0,125$$

Negatif rasyonel sayılarındaki “-”, payı paydaya böldükten sonra bölümün önüne yazılır.



Birlikte Çözelim 4

$\frac{1}{3}$ rasyonel sayısının ondalık gösterimini yazalım.



Çözüm:

$\frac{1}{3}$ rasyonel sayısında paydayı; 10, 100, 1000 gibi 10'un kuvvetleri şeklinde yazamayız. Bu durumda payını paydasına bölgerek sonucu bulmaya çalışalım.

$$\frac{1}{3} \rightarrow \begin{array}{r} 1000\dots \\ -9 | \\ \hline 0,333\dots \end{array} \rightarrow \frac{1}{3} = 0,333\dots$$

Noktalar 3'ün devam ettiğini göstermektedir.

$\frac{1}{3}$ rasyonel sayısının ondalık gösterimi 0,333 ... şeklinde olup 3'ler tekrar etmektedir. Yani devremektedir.

Birlikte Çözelim 5

$\frac{5}{11}$ rasyonel sayısının ondalık gösterimini yazalım.



Çözüm:

$\frac{5}{11}$ 'in paydasını 10'un kuvveti yapamayız. O hâlde payı paydaya bölelim.

$$\frac{5}{11} \rightarrow \begin{array}{r} 50\,000\dots \\ -44 | \\ \hline 0,4545\dots \end{array} \rightarrow \frac{5}{11} = 0,4545\dots$$

...

$\frac{5}{11}$ rasyonel sayısının ondalık gösterimi 0,4545 ... şeklinde olup 45'ler tekrar etmektedir. Yani devremektedir.



Bir rasyonel sayıyı ondalık gösterime çevirirken bölümün ondalık kısmında tekrar eden sayılar olabilir. Ondalık kısmı tekrar eden sayıların olduğu ondalık gösterimlere, "devirli ondalık gösterimler" denir.

$0,373737\dots = 0,\overline{37}$ şeklinde gösterilir.

(37 tekrar ettiği için 37'nin üzerine çizgi konulur.)

$-\frac{116}{45}$ rasyonel sayısının ondalık gösterimini yazalım.

Çözüm:

$-\frac{116}{45}$ 'in paydasını 10'un kuvveti yapamayız. O hâlde payı paydaya böleriz.

$$\begin{array}{r} 116 \text{ } 000... \\ - 90 \\ \hline 260 \\ - 225 \\ \hline 350 \\ - 315 \\ \hline 35 \\ \vdots \\ - \frac{116}{45} = -2,57777... = -2,5\overline{7} \end{array}$$



Çözüm Sende

1) Aşağıdaki rasyonel sayıların ondalık gösterimlerini yazınız.

a) $\frac{5}{2}$

c) $\frac{1}{9}$

d) $-\frac{3}{8}$

f) $\frac{21}{6}$

b) $-\frac{17}{11}$

c) $\frac{2}{625}$

e) $\frac{8}{3}$

2) Aşağıda eşit aralıklarla bölünen sayı doğrularında verilen A ve B harflerine karşılık gelen rasyonel sayıların ondalık gösterimlerini bulunuz.



3) Aşağıdaki rasyonel sayılarla devirli ondalık gösterimleri eşleştiriniz. Eşleşmeyen devirli ondalık gösterimi bulunuz.

a) $-\frac{2}{11}$

I) $1.\overline{4}$

b) $\frac{11}{9}$

II) $-2.\overline{3}$

c) $-\frac{7}{3}$

III) $1.\overline{3}$

c) $\frac{13}{9}$

IV) $1.\overline{2}$

V) $-0.\overline{18}$

Ondalık Gösterimleri Rasyonel Sayıya Çevirme

Parlak sarı rengiyle göz kamaştıran altın, çok eski çağlardan bu yana en gözde metallerden biri olmuştur. Altın, hava ve sudan etkilenmeden paslanma, kararma ve matlaşma yapmaz. Saf hâlde kolaylıkla işlenebilen altın, çeşitli şekillerde kullanılmaktadır. Bunlardan biri de çeyrek altındır.



Çeyrek altın yaklaşık olarak 1,75 gramdır. Buna göre aşağıdaki soruları yanıtlayınız.

- Çeyrek altının ağırlığını nasıl okursunuz?
- Çeyrek altının ağırlığını okunuşundan yararlanarak rasyonel sayı şeklinde nasıl ifade edersiniz?

ETKİNLİK

Araç-Gereç: kağıt, kalem

Uygulama Basamakları:

Ondalık Gösterim	Okunuşu	Rasyonel Sayı
0,3
1,5
-2,27

- Tabloda verilen ondalık gösterimlerin okunuşlarını ilgili sütuna yazınız.
- Okunuştan yaralanarak ondalık gösterimleri rasyonel sayı olarak yazınız.
- 1. ve 3. sütundaki sayıların yazımında virgülün yerli ile rasyonel sayının paydasındaki 0 sayısı arasındaki ilişkiliyi belirtiniz.

Birlikte Çözelim 1 ➤

0,8 ondalık gösterimini rasyonel sayı olarak yazalım.



Çözüm:

0,8'in okunuşunun "sıfır tam onda sekiz" olduğuna dikkat edelim.

0,8 ifadesini 10 ile çarpıp 10 ile bölelim.

$$0,8 = \frac{0,8 \cdot 10}{10} = \frac{8}{10}$$

$\frac{8}{10}$ rasyonel sayısını sadeleştirdiğimizde $\frac{8 \div 2}{10 \div 2} = \frac{4}{5}$ bulunuz.

O hâlde, $0,8 = \frac{8}{10} = \frac{4}{5}$ olur.

Birlikte Çözelim 2 ➤

-2,75 ondalık gösterimini rasyonel sayı olarak yazalım.



Çözüm:

-2,75 ifadesini 100 ile çarpıp 100 ile bölelim.

$$-2,75 = \frac{-2,75 \cdot 100}{100} = \frac{-275}{100}$$

O hâlde, $\frac{-275 \div 25}{100 \div 25} = \frac{-11}{4}$ olur.

$0,\overline{6}$ devirli ondalık gösterimini rasyonel sayı olarak yazalım.

Çözüm:

$0,\overline{6}$ devirli ondalık gösterimi $0,666\dots$ şeklindedir. $0,\overline{6} = 0,666\dots$ sayısını 1 ve 10 ile çarpalım.

$$1 \cdot 0,\overline{6} = 0,666\dots$$

$$10 \cdot 0,\overline{6} = 6,666\dots$$

10 tane $0,\overline{6}$ devirli ondalık gösteriminden 1 tane $0,\overline{6}$ devirli ondalık gösterimini çıkaralım.

$$\begin{array}{r} 10 \cdot 0,\overline{6} = 6,666\dots \\ - 1 \cdot 0,\overline{6} = -0,666\dots \\ \hline 9 \cdot 0,\overline{6} = 6,000\dots \end{array}$$

$$9 \cdot 0,\overline{6} = 6$$

$$0,\overline{6} = \frac{6}{9}$$

10 tane $0,\overline{6}$ devirli ondalık gösteriminden 1 tane $0,\overline{6}$ devirli ondalık gösterimini çıkardığımızda 9 tane $0,\overline{6}$ devirli ondalık sayısının 6'ya eşit olduğu görülmektedir. Bu durumda 1 tane $0,\overline{6}$ devirli ondalık gösteriminin rasyonel sayı karşılığı $0,\overline{6} = \frac{6}{9}$ olur.

* $0,\overline{6}$ devirli ondalık gösterimini rasyonel sayıya çevirirken 1 ve 10 ile çarpılmasının nedenini düşününüz.



Devirli ondalık gösterimleri rasyonel sayı olarak yazmak için aşağıdaki yöntem de kullanabiliriz.

$$\text{Ondalık} = \frac{\text{Sayının tümü} - \text{Devretmeyen kısım}}{\text{Gösterim}}$$

Virgülünden sonraki devreden her bir basamak için 9,
devretmeyen her bir basamak için 0

$$0,\overline{7} = \frac{7}{9} \quad 5,\overline{63} = \frac{563 - 5}{99} \quad 48,\overline{952} = \frac{48952 - 489}{990}$$

$0,\overline{2}$ ondalık gösterimini rasyonel sayı olarak yazalım.

Çözüm:

Sayının tümü: 2

Devretmeyen kısım: 0

Virgülden sonra devreden basamak sayısı 1 olduğundan 1 tane 9 yazılır.

Virgülden sonra devretmeyen basamak olmadığından 0 yazılmaz.

$$0,\overline{2} = \frac{2-0}{9}$$

$$0,\overline{2} = \frac{2}{9}$$

$3,4\overline{6}$ ondalık gösterimini rasyonel sayı olarak yazalım.

Çözüm:

Sayıının tümü: 346

Devretmeyen kısım: 34

Virgülden sonra devreden basamak sayısı 1 olduğundan 1 tane 9 yazılır.

Virgülden sonra devretmeyen basamak sayısı 1 olduğundan 1 tane 0 yazılır.

$$\begin{aligned}3,4\overline{6} &= \frac{346 - 34}{90} \\&= \frac{312}{90} \\&= 3\frac{42}{90} \\&= 3\frac{7}{15}\end{aligned}$$

-89,05 ondalık gösterimini rasyonel sayı olarak yazalım.

Çözüm:

Negatif devirli ondalık gösterimler rasyonel sayıya çevrilirken "-" işaretinin kesir çizgisinin önüne konur, önceki çözümlerde izlenen basamaklar uygulanır.

$$\begin{aligned}-89,\overline{05} &= -\frac{8905 - 89}{99} \\&= -\frac{8816}{99} \\&= -89\frac{5}{99}\end{aligned}$$



Çözüm Sende

1) Aşağıdaki ondalık gösterimleri rasyonel sayı olarak ifade ediniz.

a) $0,4 = \dots$ c) $1,8 = \dots$ d) $-2,4 = \dots$

b) $3,75 = \dots$ ç) $-0,25 = \dots$ e) $-1,8 = \dots$

2) 1 litre benzinin satış fiyatı 5,25 TL'dir. Benzinin satış fiyatını rasyonel sayı olarak gösteriniz.

3) Aşağıda verilen devirli ondalık gösterimleri rasyonel sayılaraya çeviriniz.

a) $0,\overline{4} = \dots$ c) $0,\overline{24} = \dots$ d) $-1,\overline{74} = \dots$

b) $-1,\overline{9} = \dots$ ç) $-0,3\overline{6} = \dots$ e) $32,0\overline{4} = \dots$

4) $4,\overline{18}$ devirli ondalık gösterimini rasyonel sayıya çevirdiğimizde pay ve paydanın alabileceğim en küçük değerleri hesaplayınız.

Rasyonel Sayılarda Sıralama



Yandaki pastanın yarısını Ekrem, kalan pastanın $\frac{3}{5}$ 'ini Hülya, $\frac{1}{5}$ 'ini Engin yiyor.

- Yenilen pasta miktarlarını sıralayabilmek için nasıl bir yöntem kullanabilirsiniz?

ETKİNLİK

Araç-Gereçler: kağıt, kalem

Uygulama Basamakları:

- Kâğıdınıza bir sayı doğrusu çiziniz.
- Sayı doğrusu üzerinde $0, 3, -1, -2, \frac{1}{2}, -\frac{1}{3}, -\frac{3}{2}$ rasyonel sayılarını gösteriniz.
- Bu rasyonel sayıları sayı doğrusundaki yerlerine göre küçükten büyüğe doğru sıralayınız.
- Negatif rasyonel sayıların sıralanışı ile pozitif rasyonel sayıların sıralanışı arasındaki farkı yazınız.
- Küçükten büyüğe sıraladığınız sayıların paydalannı eşitleyiniz.
- Paydalannı eşitlediğiniz rasyonel sayıların sıralanışı ile payların sıralanışı arasındaki ilişkili yazınız.

Birlikte Çözelim 1

$\frac{8}{7}, \frac{1}{7}, \frac{3}{7}$ rasyonel sayılarını küçükten büyüğe doğru sıralayalım.

Çözüm:

$\frac{8}{7}, \frac{1}{7}, \frac{3}{7}$ rasyonel sayıları sayı doğrusunda gösterelim.



Pozitif rasyonel sayılar, O'dan uzaklaştıkça büyür.

Pozitif rasyonel sayılar, O'dan uzaklaştıkça büyündüklerinden sayı doğrusunda gösterdiğimiz $\frac{8}{7}, \frac{1}{7}, \frac{3}{7}$ rasyonel sayılarının $\frac{1}{7} < \frac{3}{7} < \frac{8}{7}$ şeklinde sıralandığı görülmektedir.

Paydaları eşit olan pozitif rasyonel sayılarından, payı büyük olan rasyonel sayı daha büyüktür.



Birlikte Çözelim 2

$-\frac{1}{9}, -\frac{7}{9}, -\frac{6}{9}$ rasyonel sayılarını büyükten küçüğe doğru sıralayalım.



Çözüm:

$-\frac{1}{9}, -\frac{7}{9}, -\frac{6}{9}$ rasyonel sayılarını sayı doğrusunda gösterelim.



Tam sayılarla olduğu gibi sayı doğrusunda negatif rasyonel sayılar 0'a yaklaşıkça büyür.

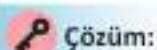
Negatif rasyonel sayılar, 0'a yaklaşıkça büyüdüklerinden sayı doğrusunda gösterdiğimiz $-\frac{1}{9} > -\frac{6}{9} > -\frac{7}{9}$ şeklinde sıralandığı görülmektedir.

Paydaları eşit olan negatif rasyonel sayılarından payı küçük olan rasyonel sayı daha büyüktür.



Birlikte Çözelim 3

$-\frac{4}{3}, \frac{1}{3}, -\frac{1}{3}, -\frac{8}{3}, -\frac{5}{3}, \frac{2}{3}$ rasyonel sayılarını büyükten küçüğe doğru sıralayalım.



Çözüm:

$-\frac{4}{3}, \frac{1}{3}, -\frac{1}{3}, -\frac{8}{3}, -\frac{5}{3}, \frac{2}{3}$ rasyonel sayılarında pozitif ve negatif olanları kendi aralarında sıralayalım.

$\frac{1}{3}$ ve $\frac{2}{3}$ → paydaları eşit pozitif rasyonel sayılar olup $\frac{2}{3} > \frac{1}{3}$ olur.

$-\frac{4}{3}, -\frac{1}{3}, -\frac{8}{3}$ ve $-\frac{5}{3}$ → paydaları eşit negatif rasyonel sayılar olup

$-\frac{1}{3} > -\frac{4}{3} > -\frac{5}{3} > -\frac{8}{3}$ olur.

Pozitif rasyonel sayılar negatif rasyonel sayılarından büyük olduğundan

$\frac{2}{3} > \frac{1}{3} > -\frac{1}{3} > -\frac{4}{3} > -\frac{5}{3} > -\frac{8}{3}$ olur.

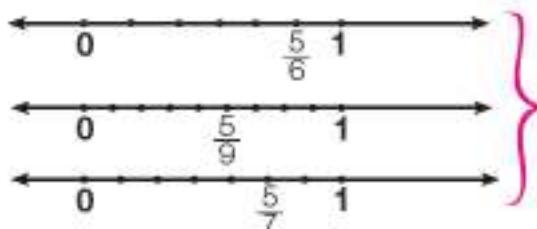
Birlikte Çözelim 4

$\frac{5}{6}, \frac{5}{9}, \frac{5}{7}$ rasyonel sayılarını sayı doğrusunda göstererek büyükten küçüğe doğru sıralayalım.



Çözüm:

$\frac{5}{6}, \frac{5}{9}, \frac{5}{7}$ rasyonel sayılarını sayı doğrusunda gösterelim.



Bu pozitif rasyonel sayıların 0'a olan uzaklıklarını incelediğimizde 0'a en uzak olan rasyonel sayı en büyktür. Buradan $\frac{5}{6} > \frac{5}{7} > \frac{5}{9}$ olduğu görülür.

Payları eşit olan pozitif rasyonel sayıarda, paydası küçük olan rasyonel sayı daha büyüktür.



Birlikte Çözelim 5

$-\frac{7}{4}, -\frac{7}{8}, -\frac{7}{3}$ rasyonel sayılarını sayı doğrusunda gösterip bu rasyonel sayıları büyükten küçüğe doğru sıralayalım.



Çözüm:

$-\frac{7}{4}, -\frac{7}{8}, -\frac{7}{3}$ rasyonel sayılarını sayı doğrusunda gösterelim.



$$-\frac{7}{8} > -\frac{7}{4} > -\frac{7}{3}$$

Payları eşit olan negatif rasyonel sayıarda paydası büyük olan rasyonel sayı daha büyüktür.



Birlikte Çözelim 6

$-\frac{3}{4}$ ve $-\frac{2}{3}$ rasyonel sayılarını karşılaştıralım.

Çözüm:

$-\frac{3}{4}$ ve $-\frac{2}{3}$ rasyonel sayılarının paydalarını eşitleyelim.

$$\left. \begin{array}{l} \frac{3}{4} = -\frac{9}{12} \\ \frac{2}{3} = -\frac{8}{12} \end{array} \right\} \begin{array}{l} -\frac{9}{12} \text{ ile } -\frac{8}{12} \text{ rasyonel sayıları paydalar eşit olan negatif rasyonel sayılardır.} \\ \text{Paydalar eşit olan negatif rasyonel sayıarda payı büyük olan rasyonel sayı daha} \\ \text{küçüktür. O hâlde} \\ -\frac{9}{12} < -\frac{8}{12} \text{ 'dir. Buradan } -\frac{3}{4} < -\frac{2}{3} \text{ olduğu görülmür.} \end{array}$$

Birlikte Çözelim 7

$-\frac{3}{17}$ ve $-\frac{2}{19}$ rasyonel sayılarını karşılaştıralım.

Çözüm:

$-\frac{3}{17}$ ve $-\frac{2}{19}$ rasyonel sayılarının paylarını eşitlemek daha kolaydır.

$$\left. \begin{array}{l} \frac{3}{17} = -\frac{6}{34} \\ \frac{2}{19} = -\frac{6}{57} \end{array} \right\} \begin{array}{l} -\frac{6}{34} \text{ ile } -\frac{6}{57} \text{ rasyonel sayıları payları eşit olan negatif rasyonel sayılardır. Payları} \\ \text{eşit olan negatif rasyonel sayıarda paydası büyük olan rasyonel sayı daha} \\ \text{büyükür. O hâlde} \\ -\frac{6}{57} > -\frac{6}{34} \text{ 'dir. Buradan } -\frac{2}{19} > -\frac{3}{17} \text{ olduğu görülmür.} \end{array}$$



Pay veya paydaların eşit olmadığı rasyonel sayıarda işlem kolaylığı için ya paylar ya da payda eşitlenerek sıralama yapılabilir.

Birlikte Çözelim 8

$-\frac{4}{13}, \frac{2}{9}, -\frac{7}{13}, 0, \frac{1}{3}$ rasyonel sayılarını küçükten büyüğe sıralayalım.

Çözüm:

$-\frac{4}{13}$ ile $-\frac{7}{13}$ rasyonel sayıları negatif, $\frac{2}{9}$ ile $\frac{1}{3}$ rasyonel sayıları pozitiftir. Pozitif rasyonel sayıları kendi aralarında negatif rasyonel sayıları kendi aralarında sıralayalım.

$-\frac{4}{13}$ ile $-\frac{7}{13}$ → paydalar eşit negatif rasyonel sayılar olup $-\frac{7}{13} < -\frac{4}{13}$ olur.

$\frac{2}{9}$ ile $\frac{1}{3} = \frac{3}{9}$ → paydalar eşit pozitif rasyonel sayılar olup $\frac{2}{9} < \frac{3}{9}$ buradan $\frac{2}{9} < \frac{1}{3}$ olur.

0 negatif rasyonel sayılarından büyük olup pozitif rasyonel sayılarından küçüktür. Buradan

$-\frac{7}{13} < -\frac{4}{13} < 0 < \frac{2}{9} < \frac{1}{3}$ olur.

Birlikte Çözelim 9

Yandaki tablodan yararlanarak Üniversite mezunu olma oranının en yüksek olduğu yerleşim bölgesini bulalım.

Tablo: Üniversite Mezunu Olma Oranları

Yerleşim Bölgesi	Üniversite Mezunu Olma Oranı
Mavi	$\frac{8}{14}$
Yeşil	$\frac{38}{39}$
San	$\frac{15}{32}$
Beyaz	$\frac{3}{23}$



Üniversite mezunu olma oranlarını gösteren rasyonel sayıların pay veya paydalarını eşitlemek yerine farklı bir yöntem belirleyelim. Rasyonel sayıları sayı doğrusunda gösterelim:



Bu rasyonel sayıları 0'a, 1'e ve yarıma yakın olanlardan yararlanarak sıraladığımızda $\frac{3}{23} < \frac{15}{32} < \frac{8}{14} < \frac{38}{39}$ olduğu görülür.

Üniversite mezunu olma oranının en yüksek olduğu yerleşim bölgesi **Yeşil**'dir.



Rasyonel sayıları karşılaştırmada sayıların 0'a, 1'e, -1'e ve yarıma yakınlıklarından da yararlanılır.



Cözüm Sende

1) Aşağıdaki rasyonel sayıların arasındaki boşluklara "<", ">", "=" işaretlerinden uygun olanları yerleştiriniz.

a) $-\frac{7}{9} \dots -\frac{2}{3}$

c) $-\frac{7}{5} \dots -\frac{7}{3}$

d) $\frac{3}{8} \dots \frac{1}{4}$

b) $\frac{5}{3} \dots -\frac{2}{5}$

e) $-5\frac{1}{5} \dots -\frac{16}{5}$

f) $-\frac{5}{8} \dots -\frac{5}{6}$

2) $\frac{3}{5}, -\frac{1}{2}, -\frac{4}{10}$ rasyonel sayılarını büyükten küçüğe doğru sıralayınız.

3) $-\frac{4}{9}, \frac{3}{11}, -\frac{2}{5}$ rasyonel sayılarını küçükten büyüğe doğru sıralayınız.

4) $\frac{101}{100}, \frac{99}{98}, \frac{97}{96}$ rasyonel sayılarını büyükten küçüğe doğru sıralayınız.

5)



Verilen sayı doğrusunda işaretlenen noktalar birbirine eşit uzaklıktadır. K ve L noktaları $-\frac{5}{4}$ ve $-\frac{1}{4}$ sayıları ile eşleştiğine göre M noktası hangi rasyonel sayı ile eşleşir?

2. Bölüm: RASYONEL SAYILARLA İŞLEMLER

RASYONEL SAYILARLA TOPLAMA-ÇIKARMA İŞLEMİ



Aşure; tahıl, kuru baklıyat, kuru meyveler ve şekerle yapılan geleneksel bir tatlıdır. Aşure malzemeleri yanda verilmiştir.

Aşağıdaki sorular yandaki malzeme listesine göre yanıtlayınız.

- Aşuredeki ceviz, fistik, kuru üzüm miktarı toplam kaç su bardağıdır?
- 5 su bardağı malzeme alan bir tencerede, yandaki malzemelerin tümüyle verilen ölçülerle kullanarak aşure pişirilebilir mi? Bu soruya yanıt vermek için hangi işlemi yapmalısınız?

Aşure malzemeleri:

$2\frac{1}{3}$ su bardağı buğday

$1\frac{1}{3}$ su bardağı şeker

$\frac{1}{3}$ su bardağı kuru fasulye

$\frac{1}{3}$ su bardağı nohut

$\frac{1}{3}$ su bardağı kuru üzüm

$\frac{1}{3}$ su bardağı fistik

$\frac{2}{3}$ su bardağı ceviz

Süslemek için incir, susam, nar.

ETKİNLİK

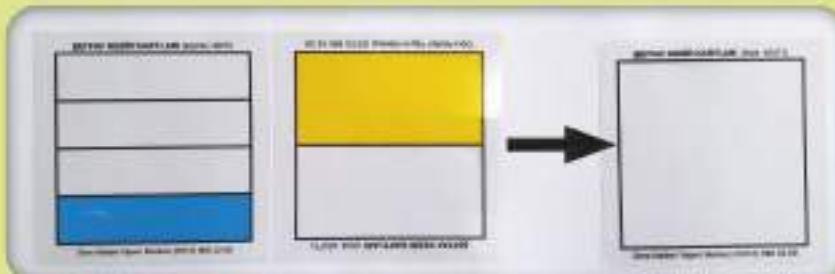
Araç-Gereçler: şeffaf kesir kartları, kalem, kağıt, boyalı kalemleri

Uygulama Basamakları:

- Şeffaf kesir kartlarının içinden $\frac{1}{5}$ 'lik ve $\frac{2}{5}$ 'lik kartları seçiniz.
- Bu iki şeffaf kesir kartını, birinin renkli kısmı üstte, diğerininki alta gelecek şekilde yerleştiriniz.
- İki kesir kartının üst üste konmasıyla oluşan şekli sağdaki boş şeffaf karta çizip boyayınız.



- Kesir kartları ile yaptığınız matematiksel işlemi yandaki boşluğa yazınız.
- Şeffaf kesir kartlarının içinden $\frac{1}{2}$ 'lik ve $\frac{1}{4}$ 'lük kartları seçiniz.
- Bu iki şeffaf kesir kartını, birinin renkli kısmı üstte, diğerininki alta gelecek şekilde yerleştiriniz.
- İki kesir kartının üst üste konmasıyla oluşan şekli sağdaki boş şeffaf kartına çizip boyayınız.



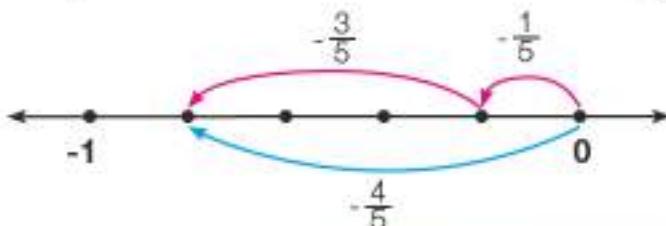
- Kesir kartları ile yaptığınız matematiksel işlemi yandaki boşluğa yazınız.

Birlikte Çözelim 1

$(-\frac{1}{5}) + (-\frac{3}{5})$ işlemini sayı doğrusunda gösterip sonucunu bulalım.

Çözüm:

Sayı doğrusunda 0'ın soluna $\frac{1}{5}$ br ilerleyelim. Bu nokta $-\frac{1}{5}$ noktasıdır. $-\frac{1}{5}$ noktasından sola doğru $\frac{3}{5}$ br daha ilerleyelim. Geldiğimiz son nokta $(-\frac{1}{5}) + (-\frac{3}{5})$ işleminin sonucunu verecektir.



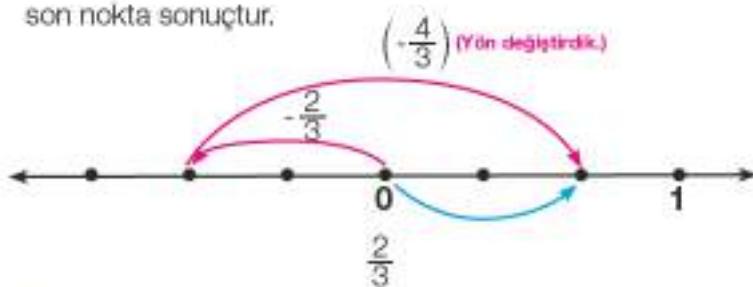
$$\text{Sayı doğrusundan} \\ (-\frac{1}{5}) + (-\frac{3}{5}) = \frac{(-1) + (-3)}{5} = -\frac{4}{5} \\ \text{olduğu görülmektedir.}$$

Birlikte Çözelim 2

$(-\frac{2}{3}) - (-\frac{4}{3})$ işlemini sayı doğrusunda gösterip sonucunu bulalım.

Çözüm:

Sayı doğrusunda 0'ın soluna $\frac{2}{3}$ br ilerleyelim. Bu nokta $-\frac{2}{3}$ noktasıdır. İşlernimiz çıkarma işlemi olduğu için $-\frac{2}{3}$ noktasından sola doğru $\frac{4}{3}$ br ilerlemek yerine sağa $\frac{4}{3}$ br ilerleyelim. Geldiğimiz son nokta sonuçtır.



$$\text{Sayı doğrusundan} \\ (-\frac{2}{3}) - (-\frac{4}{3}) = \frac{(-2) - (-4)}{3} = \frac{2}{3} \\ \text{olduğu görülmektedir.}$$



Paydaları aynı olan rasyonel sayılarında toplama veya çıkarma işlemi yapılrken paylar kendi aralarında toplanıp veya çıkarılıp paya yazılır; ortak payda, paydaya yazılır.

Birlikte Çözelim 3

Aşağıdaki işlemlerin sonuçlarını bulalım.

a) $\frac{3}{5} + \frac{1}{5}$

b) $(-1\frac{3}{5}) + (-\frac{4}{5})$

c) $0,8 - 1\frac{1}{10}$

Çözüm:

Verilen işlemlerde paydalar eşit olduğundan toplanan veya çıkarılan payları paya, ortak paydayı paydaya yazalım.

a) $\frac{3}{5} + \frac{1}{5} = \frac{3+1}{5} = \frac{4}{5}$

b) $(-\frac{8}{5}) + (-\frac{4}{5}) = \frac{(-8) + (-4)}{5} = -\frac{12}{5}$

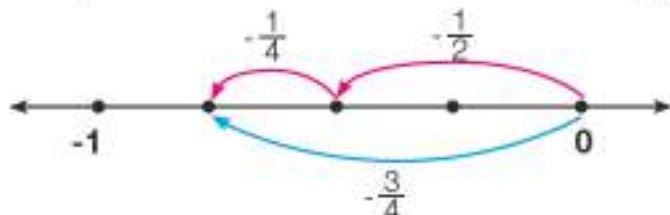
c) $\frac{8}{10} - \frac{11}{10} = \frac{8-11}{10} = -\frac{3}{10}$

Birlikte Çözelim 4

$(-\frac{1}{2}) + (-\frac{1}{4})$ işlemini sayı doğrusunda gösterip sonucunu bulalım.

Çözüm:

Sayı doğrusunda 0'ın soluna $\frac{1}{2}$ br ilerleyelim. Bu nokta $-\frac{1}{2}$ noktasıdır. $-\frac{1}{2}$ noktasından sola doğru $\frac{1}{4}$ br daha ilerleyelim. Geldiğimiz son nokta $(-\frac{1}{2}) + (-\frac{1}{4})$ işleminin sonucunu verecektir.



Sayı doğrusundan
 $(-\frac{1}{2}) + (-\frac{1}{4}) = -\frac{3}{4}$
 olduğu görülmektedir.



Paydaları eşit olmayan rasyonel sayılarla toplama
ve çıkarma işlemi yapılrken paydalar eşitlenir.

Birlikte Çözelim 5

Aşağıdaki işlemleri yapalım.

a) $\frac{1}{4} + \left(-\frac{2}{3}\right)$

b) $\frac{-5}{16} - \frac{3}{10}$

Çözüm:

$$\begin{aligned} \text{a)} \frac{1}{4} + \left(-\frac{2}{3}\right) &= \frac{3}{12} + \frac{-8}{12} \\ &= \frac{3-8}{12} \\ &= \frac{-5}{12} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{b)} \left(\frac{-5}{16}\right) - \frac{3}{10} &= \frac{-25}{80} - \frac{24}{80} \\ &= \frac{-25-24}{80} \\ &= \frac{-49}{80} \end{aligned}$$

Birlikte Çözelim 6

Can; hafta sonu ödevinin, cuma günü $\frac{2}{5}$ 'ini, cumartesi günü $\frac{1}{3}$ 'ünü yaparak kalan ödevini pazar gününe bırakmıştır. Buna göre Can'ın, pazar günü ödevin kaçını yapacağını bulalım.

Çözüm:

Önce Can'ın cuma ve cumartesi günleri ödevinin toplam ne kadarını yaptığını bulalım.

Can, ödevinin $\frac{2}{5} + \frac{1}{3} = \frac{6}{15} + \frac{5}{15} = \frac{11}{15}$ 'ini bitirmiştir.

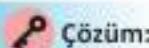
Pazar günü, kalan ödevini yapacağı için ödevin tamamından bitirdiği ödevi çıkarmalıyız.

$1 - \frac{11}{15} = \frac{1}{1} - \frac{11}{15} = \frac{15}{15} - \frac{11}{15} = \frac{4}{15}$

Can, ödevinin $\frac{4}{15}$ 'ini pazar günü yapacaktır.

Birlikte Çözelim 7

$-3\frac{2}{5} + 2\frac{1}{3}$ işleminin sonucunu bulalım.



Çözüm:

$-3\frac{2}{5} + 2\frac{1}{3}$ İşleminin sonucunu bulmak için paydaları eşitleyelim.

$$-3\frac{2}{5} + 2\frac{1}{3} = -\frac{17}{5} + \frac{7}{3} = -\frac{51}{15} + \frac{35}{15} = -\frac{51+35}{15} = -\frac{16}{15} = -1\frac{1}{15}$$



Toplama işlemi yaparken tam sayılı kesirleri bileşik kesirlere çevirmek toplama işlemini daha kolay yapmamızı sağlayabilir.

Birlikte Çözelim 8

Zehra kitabıının ilk gün $\frac{3}{8}$ 'ini, ikinci gün ise $\frac{1}{6}$ 'sını okumuştur. Buna göre iki günün sonunda Zehra'nın kitabı kaçta kaçını okuduğunu bulalım.



Çözüm:

Zehra 1. gün kitabı $\frac{3}{8}$ 'ini, 2. gün ise $\frac{1}{6}$ 'sını okumuştur. Bu durumda, iki günde kitabı kaçta kaçının okunduğunu bulmalıyız.

$$\frac{3}{8} + \frac{1}{6} = \frac{9}{24} + \frac{4}{24} = \frac{13}{24}$$
 Zehra iki günde kitabı $\frac{13}{24}$ 'ünü okumuştur.



Çözüm Sende

1) Aşağıdaki toplama ve çıkarma işlemlerinin sonuçlarını bulunuz.

a) $\frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \dots$

c) $-\frac{3}{5} - (+\frac{1}{7}) = \dots$

b) $\frac{2}{5} + (-\frac{2}{4}) = \dots$

d) $-1\frac{1}{3} - (-\frac{1}{5}) = \dots$

2)



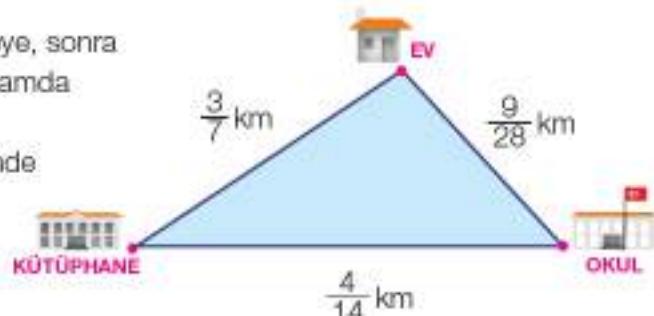
Yukanda verilen sayı doğrusu eşit aralıklarla bölünmüştür. B noktası $-\frac{1}{5}$, C noktası $\frac{3}{5}$ 'e karşılık gelmekte ise A-D = ?

3) Yandaki görsel Ahmet'in evi, okulu ve il kütüphanesi arasındaki mesafeleri vermektedir.

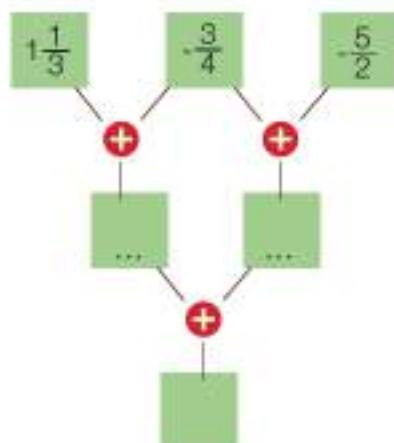
a) Ahmet; evinden okula, okuldan kütüphaneye, sonra da kütüphaneden eve gitmiştir. Ahmet'in toplamda kaç km yol gittiğini hesaplayınız.

b) Ahmet, aşağıdaki güzergâhlardan hangisinde daha fazla mesafe katetmiştir?

- * ev-okul-kütüphane-okul-ev
- * ev-kütüphane-ev-okul-ev



4) Görselde yan yana verilen iki kutudaki rasyonel sayıların toplamı, altında bulunan kutuya yazılacaktır. Buna göre en alttaki kutuya gelmesi gereken rasyonel sayıyı bulunuz.



Rasyonel Sayılarla Toplama İşleminin Özellikleri

1) Aşağıda verilen işlemlerin sonuçlarını bulunuz.

$$\left(-\frac{1}{3}\right) + \frac{1}{2} = \dots \quad \frac{1}{2} + \left(-\frac{1}{3}\right) = \dots$$

İşlemlerde verilen rasyonel sayıların yerleri değiştirildiğinde sonuçta nasıl bir değişiklik olmaktadır?

Toplanan rasyonel sayıların yeri değiştirildiğinde toplam değişmez. Buna göre rasyonel sayılarla toplama işleminin "değişme özelliği" vardır.



2) Aşağıdaki toplama işlemlerinin sonuçlarını bulunuz.

$$\left[\frac{1}{4} + \left(-\frac{5}{8} \right) \right] + \frac{3}{2} = \dots$$

$$\frac{1}{4} + \left[\left(-\frac{5}{8} \right) + \frac{3}{2} \right] = \dots$$

Bu işlemlerin sonuçlarına göre ikiden fazla rasyonel sayıyı toplarken farklı grupplandırma yapmanın sonuçlara etkisini yazınız.



Rasyonel sayıarda toplama işlemi yaparken sayıları farklı şekilde grupplandıracak işlemi yaptığımızda sonuç değişmez. Buna göre rasyonel sayıarda toplama işleminin "birleşme özelliği" vardır.

3) Aşağıdaki toplama işlemlerinin sonuçlarını bulunuz.

$$\frac{2}{5} + 0 = \dots$$

$$0 + \left(-\frac{3}{8} \right) = \dots$$

0'ın işlem sonuçlarına etkisini yazınız.



Bir rasyonel sayı ile 0'ın toplamı sayının kendisine eşittir.
"0", rasyonel sayıarda toplama işleminde "etkisiz eleman"dır.

4) Aşağıdaki toplama işlemlerinin sonuçlarını bulunuz.

$$\left(-\frac{1}{5} \right) + \frac{1}{5} = \dots$$

$$\frac{3}{4} + \left(-\frac{3}{4} \right) = \dots$$

Toplanan sayıların benzerlik ve farklılıklarını yazınız.

İki rasyonel sayının toplamı, toplama işleminin etkisiz elemanını veriyorsa bu iki rasyonel sayı toplama işlemine göre birbirinin tersidir.

$\frac{2}{3}$ rasyonel sayısının toplama işlemine göre tersi $-\frac{2}{3}$ 'tür.

Bir rasyonel sayının toplama işlemine göre tersi bulunurken sayının işaretini negatifse pozitif, pozitifse negatif olarak değiştirilir.



Birlikte Çözelim 1

$-\frac{4}{3}$ 'ün toplama işlemine göre tersi ile $+\frac{3}{7}$ 'nin toplama işlemine göre tersinin toplamını bulalım.



Çözüm:

$-\frac{4}{3}$ 'ün toplama işlemine göre tersi $\frac{4}{3}$.

$+\frac{3}{7}$ 'nin toplama işlemine göre tersi $-\frac{3}{7}$ dir. Bu durumda her ikisinin toplamı

$$\frac{4}{3} + \left(-\frac{3}{7} \right) = \frac{28}{21} + \left(-\frac{9}{21} \right)$$

$$= \frac{28}{21} - \frac{9}{21}$$

$$= \frac{28-9}{21}$$

$$= \frac{19}{21} \text{ olacaktır.}$$



Çözüm Sende

1) Aşağıda verilen rasyonel sayıların toplama işlemine göre terslerini yanlarındaki boşluklara yazınız.

$$\frac{2}{3} \longrightarrow \dots$$

$$-\frac{1}{7} \longrightarrow \dots$$

$$-1\frac{3}{4} \longrightarrow \dots$$

2) Toplama işleminin özelliklerini kullanarak boşlukları doldurunuz.

a) $-\frac{3}{7} + \dots = 0$

b) $\dots + \frac{4}{9} = \frac{4}{9} + \left(-\frac{2}{5} \right)$

c) $\left(-\frac{2}{3} + \frac{15}{12} \right) + \frac{1}{4} = -\frac{2}{3} + \left(\dots + \frac{1}{4} \right)$

ç) $-\frac{4}{7} + \dots = -\frac{4}{7}$

3) $\square + \left(-\frac{3}{5} \right) = \left(-\frac{3}{5} \right) + \left(\frac{1}{2} \right)$ işleminde \square kaçtır?

4) $\square + \left[\left(-\frac{8}{7} \right) + \left(+\frac{5}{6} \right) \right] = \left[\left(-\frac{2}{3} \right) + (\star) \right] + \left(+\frac{5}{6} \right)$

Toplama işleminin birleşme özelliğini gösteren yukarıdaki eşitliğe göre $\square - \star$ işleminin sonucu kaçtır?

RASYONEL SAYILARLA ÇARPMA İŞLEMİ



Ayşe, mutfakta bir pizzanın $\frac{3}{5}$ 'ini yenmemiş hâlde buluyor ve kalan pizza parçalarının $\frac{2}{3}$ 'ünü yiyor.

- Yandaki şekil üzerinde Ayşe'nin kalan pizzanın kaçta kaçı yediğini gösteriniz.
- Ayşe'nin yediği pizza, tüm pizzanın kaçta kaçıdır?

ETKİNLİK

Araç-Gerçler: boyalı kalemler, kareli kağıt, kalemler

Uygulama Basamakları:

- Kareli kağıda 3×5 br'lik bir dikdörtgen çiziniz.
- Çizdiğiniz dikdörtgeni dikey çizgilerle 5 eş parçaya ayıriniz.
- 5 eş sütuna aynılması dikdörtgenin 1 sütununu maviye boyayınız.
- Maviye boyadığınız bölgeyi gösteren rasyonel sayıyı yazınız.
- Aynı dikdörtgeni 3 eşit satırda böölünüz ve 2 satırını sarıya boyayınız.
- Sarıya boyadığınız bölgeyi gösteren rasyonel sayıyı yazınız.
- Mavi ve sarı renklerin kesiştiği bölgeyi ifade eden rasyonel sayıyı yazınız.

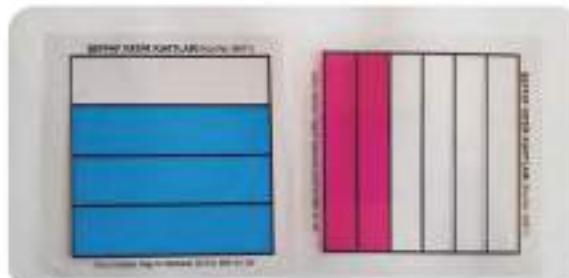
Birlikte Çözelim 1 ➤

$\frac{3}{4} \cdot \frac{2}{6}$ işlemini kesir kartları ile modelleyelim ve işlemin sonucunu bulalım.

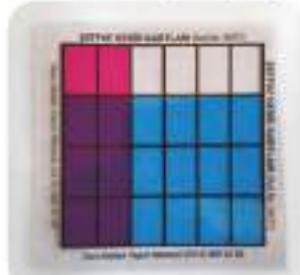


Çözüm:

$\frac{3}{4}$ 'luk ve $\frac{2}{6}$ 'luk kesir kartlarını alalım.



Bu kartları biri yatay diğeri dikey olacak şekilde üst üste getirelim.



Kesir kartlarını üst üste getirdiğimizde oluşan mor bölge $\frac{3}{4} \cdot \frac{2}{6}$ işleminin sonucunu vermektedir. Buradan $\frac{3}{4} \cdot \frac{2}{6} = \frac{6}{24}$ olduğu görülmektedir.

Rasyonel sayılarla çarpması sırasında paylar kendi arasında çarpılıp paya, paydalar kendi arasında çarpılıp paydaya yazılır.



Birlikte Çözelim 2

$$\frac{2}{3} \cdot \frac{3}{4} \text{ İşlemimi yapalım.}$$

Çözüm:

Verilen çarpması işlemimi yapmak için payları kendi arasında çarpıp paya, paydalar kendi arasında çarpıp paydaya yazalım.

$$\frac{2}{3} \cdot \frac{3}{4} = \frac{2 \cdot 3}{3 \cdot 4} = \frac{\cancel{2}^1 \cdot \cancel{3}^1}{\cancel{3}^1 \cdot \cancel{4}^2} = \frac{1}{2}$$

İşlemi sonucunu buldukten sonra sadeleştirme yapmak matematiksel olarak daha bir sonuç elde etmemizi sağlar. Bunun için hem payı hem paydayı aynı sayıya bölgerek en sade sonucu elde edebiliriz.

Birlikte Çözelim 3

$$-\frac{5}{6} \cdot \frac{3}{7} \text{ İşlemimi yapalım.}$$

Çözüm:

$$\begin{aligned} -\frac{5}{6} \cdot \frac{3}{7} &= -\frac{5 \cdot 3}{6 \cdot 7} \\ &= -\frac{5 \cdot 1}{2 \cdot 7} \\ &= -\frac{5}{14} \end{aligned}$$

Payları ve paydaları kendi aralarında çarpmadan önce gerekli sadeleştirmeleri yapmak matematiksel olarak daha bir sonuç elde etmemizi sağlar. Bunun için önce 6 ve 3'ü, 3 ile sadeleştirelim. Sonra payları ve paydaları kendi aralarında çarpalım.

Tam sayılı kesirler, bileşik kesre çevrilerek çarpması işlemi yapılır.

Birlikte Çözelim 4

$$4\frac{1}{2} \cdot 2\frac{2}{3} \text{ İşlemimi yapalım.}$$

Çözüm:

Tam sayılı kesirleri bileşik kesre çevrilerek çarpması işlemimi yapalım.

$$\begin{aligned} 4\frac{1}{2} \cdot 2\frac{2}{3} &= \frac{\cancel{9}^1 \cdot \cancel{8}^1}{\cancel{2}^1 \cdot \cancel{3}^1} \\ &= \frac{3 \cdot 4}{1 \cdot 1} \\ &= \frac{12}{1} = 12 \end{aligned}$$



Birlikte Çözelim 5

Elf'in pembe ve mor olmak üzere toplam 15 tane saç tokası vardır. Tokaların $\frac{2}{3}$ 'ü pembedir. Elf'in kaç tane mor tokası olduğunu bulalım.

Çözüm:

Pembe tokaların sayısı, 15 tokanın $\frac{2}{3}$ 'ü kadardır.

$$\text{Buna göre pembe tokaların sayısı } \frac{15}{1} \cdot \frac{2}{3} = \frac{\cancel{15}^5}{\cancel{1}^1} \cdot \frac{2}{3} = 5 \cdot 2 = 10 \text{ olarak bulunur.}$$

Mor tokaların sayısı ise $15 - 10 = 5$ 'tir.

Bir tam sayı ile rasyonel sayıyı çarparken tam sayının paydasına 1 yazılarak çarpması işlemi yapılır.

Ahmet bir pastanın $\frac{1}{4}$ 'ünü yemiştir. Kalan pastanın $\frac{2}{3}$ 'ünü kardeşine verecektir. Ahmet'in kardeşine vereceği miktarın, pastanın kaçta kaç olacağını bulalım.



Çözüm:

Ahmet, pastanın $\frac{1}{4}$ 'ünü yediğine göre pastanın $\frac{3}{4}$ 'ü kalmıştır. Kardeşine, kalan pastanın $\frac{2}{3}$ 'ünü vereceği için kalan pastanın $\frac{2}{3}$ 'ünü bulmamız gerekmektedir.

Kalan pastanın $\frac{2}{3}$ 'ünü bulmak için $\frac{3}{4}$ ile $\frac{2}{3}$ 'ü çarpalım.

Bu durumda kardeşi pastanın, $\frac{\frac{3}{4}}{2} \cdot \frac{\frac{2}{3}}{1} = \frac{1}{2}$ 'sini yiyecektir.



Çözüm Sende

1) Aşağıdaki işlemlerini yapınız.

a) $\frac{-3}{2} \cdot \frac{3}{4} = \dots$

b) $\frac{5}{12} \cdot 2\frac{2}{15} = \dots$

c) $(-1\frac{1}{3}) \cdot (-2\frac{2}{5}) = \dots$

d) $(1 - \frac{1}{2}) \cdot (1 - \frac{1}{3}) \cdot (1 - \frac{1}{4}) = \dots$

2) Aşağıdaki soruları yanıtlayınız.

a) $50'$ ın $\frac{2}{5}$ 'i kaçtır?

b) $60'$ ın $\frac{2}{3}$ 'ünün $\frac{1}{4}$ 'ü kaçtır?

3) Nurgül, 2400 km'lik yolun $\frac{1}{3}$ 'ünün $\frac{3}{5}$ 'ini gitmiştir. Buna göre Nurgül'ün gitceği kaç km yol kalmıştır?

4) Bir futbol maçının biletleri; kale arkası 15 TL, açık tribün 20 TL ve kapalı tribün 35 TL olarak satılmıştır. 3000 biletin satıldığı bu futbol maçında biletlerin $\frac{2}{3}$ 'ü 20 TL'lik biletlerdir. Bu futbol maçında açık tribün için kaç bilet satıldığını bulunuz.

5) Aşağıda verilen dikdörtgenin alanını bulunuz.

$$5\frac{2}{3} \text{ br}$$

$$3\frac{1}{2} \text{ br}$$

6) Alanı $1\frac{5}{7} m^2$ olan dikdörtgenin kenarları kaçar metre olabilir? Bu duruma uygun iki farklı dikdörtgen çiziniz.

Rasyonel Sayılarla Çarpma İşleminin Özellikleri

1) Aşağıdaki çarpma işlemlerinin sonuçlarını hesaplayınız.

$$\left(-\frac{3}{4}\right) \cdot \frac{5}{7} = \dots \quad \frac{5}{7} \cdot \left(-\frac{3}{4}\right) = \dots$$

Çarpma İşlemindeki rasyonel sayıların yerleri değiştirildiğinde sonuçta nasıl bir değişiklik olmaktadır?



Çarpan rasyonel sayıların yerleri değiştirildiğinde çarpım değişmez. Buna göre rasyonel sayılarla "çarpma işleminin değişme özelliği" vardır.

2) Aşağıdaki çarpma işlemlerinin sonuçlarını bulunuz.

$$\left(\frac{2}{3} \cdot \frac{1}{4}\right) \cdot \frac{2}{5} = \dots \quad \frac{2}{3} \cdot \left(\frac{1}{4} \cdot \frac{2}{5}\right) = \dots$$

Bu işlemlerin sonucuna göre ikiiden fazla rasyonel sayıyı çarparken farklı gruplandırma yapmanın sonuçlara etkisini yazınız.

Rasyonel sayıarda çarpma işlemi yaparken sayıları farklı şekilde grupperarak işlemi yaptığımızda sonuç değişmez. Buna göre rasyonel sayıarda çarpma işleminin "birleşme özelliği" vardır.



3) Aşağıdaki çarpma işlemlerinin sonuçlarını bulunuz.

$$0 \cdot \frac{5}{7} = \dots \quad \left(-\frac{6}{11}\right) \cdot 0 = \dots$$

0'ın işlem sonuçlarına etkisini yazınız.



Bir rasyonel sayı ile 0'ın çarpımının sonucu 0'dır.

"0", rasyonel sayılarla çarpma işleminde "yutan eleman"dır.

- 4) Aşağıdaki çarpma işlemlerinin sonuçlarını bulunuz.

$$4 \cdot \frac{1}{4} = \frac{4}{1} \cdot \frac{1}{4} = \dots \quad \frac{-3}{2} \cdot \frac{-2}{3} = \dots$$

İşlem sonuçlarındaki ortak özelliğini yazınız. Bu sonuca göre çarpanların benzerliklerini belirleyiniz.

İki rasyonel sayıyı çarptığımızda sonuç 1 oluyorsa bu iki sayı, "çarpma işlemine göre birbirinin tersi" dir.

$-\frac{2}{3}$ rasyonel sayısının çarpma işlemine göre tersi $-\frac{3}{2}$ 'dir.



- 5) Aşağıdaki çarpma işlemlerinin sonuçlarını bulunuz.

$$\frac{2}{3} \cdot \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{3} \right) = \frac{2}{3} \cdot \frac{5}{6} = \dots \quad \frac{2}{3} \cdot \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{3} \right) = \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{2} + \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{3} = \dots$$

Bulduğunuz sonuçlara göre işlemlerdeki benzerlik ve farklılıklarını yazınız.



Rasyonel sayılarda "çarpma işleminin toplama işlemi üzerine dağılma özelliği" vardır.

- 6) Aşağıdaki çarpma işlemlerinin sonuçlarını bulunuz.

$$\frac{2}{3} \cdot \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{3} \right) = \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{2} - \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{3} = \dots \quad \frac{2}{3} \cdot \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{3} \right) = \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{6} = \dots$$

Bu işlemlerin sonuçlarına göre işlemlerdeki benzerlik ve farklılıklarını yazınız.

Rasyonel sayılarda "çarpma işleminin çıkarma işlemi üzerine dağılma özelliği" vardır.



- 7) Aşağıdaki çarpma işlemlerinin sonuçlarını bulunuz.

$$(-1) \cdot \frac{2}{3} = \frac{-1}{1} \cdot \frac{2}{3} = \dots \quad \left(\frac{-3}{4} \right) \cdot (-1) = \frac{-3}{4} \cdot \frac{-1}{1} = \dots$$

-1'in işlem sonuçlarına etkisini yazınız.



Bir rasyonel sayı "-1" ile çarpıldığında o sayının işaretini değiştirmiştir. Elde edilen sonuç, sayının "toplama işlemine göre tersi"dir.

$\frac{3}{7}, -\frac{2}{5}, 8, -3, 1\frac{1}{3}$ rasyonel sayılarının çarpma işlemine göre tersini bulalım.

Çözüm:

- a) $\frac{3}{7}$ 'nin çarpma işlemine göre tersi $-\frac{7}{3}$
- b) $-\frac{2}{5}$ 'nin çarpma işlemine göre tersi $-\frac{5}{2}$
- c) 8'in çarpma işlemine göre tersi $-\frac{1}{8}$
- c) -3'ün çarpma işlemine göre tersi $-\frac{1}{3}$
- d) $1\frac{1}{3} = \frac{4}{3}$ 'ün çarpma işlemine göre tersi $-\frac{3}{4}$ tür.



Çözüm Sende

1) Aşağıda yapılan işlemler ile verilen özelliklerden hangileri doğru eşleştirilmiştir?

- a) $(-\frac{3}{4}) \cdot 1 = -\frac{3}{4}$ Çarpma işleminin değişme özelliği
- b) $0 \cdot (\frac{2}{7}) = 0$ Çarpma işleminin yutan eleman özelliği
- c) $\frac{4}{5} \cdot (\frac{2}{3} \cdot \frac{1}{6}) = \frac{4}{5} \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{4}{5} \cdot \frac{1}{6}$ Çarpma işleminin toplama işlemi üzerine dağılma özelliği
- c) $(-\frac{6}{9}) \cdot \frac{7}{3} = \frac{7}{3} \cdot (-\frac{6}{9})$ Çarpma işleminin değişme özelliği

2) Aşağıda verilen rasyonel sayıların çarpma işlemine göre terslerini yanlarındaki boşluklara yazınız.

$$\frac{2}{3} \longrightarrow \dots$$

$$-\frac{1}{7} \longrightarrow \dots$$

$$-1\frac{3}{4} \longrightarrow \dots$$

$$-4 \longrightarrow \dots$$

3) Rasyonel sayıarda çarpma işleminin özelliklerini kullanarak aşağıdaki boşlukları doldurunuz.

$$\text{a)} -\frac{3}{7} \cdot \dots = 0$$

$$\text{b)} \dots \cdot \frac{4}{9} = \frac{4}{9} \cdot \left(-\frac{2}{5} \right)$$

$$\text{c)} \left(-\frac{2}{3} \cdot \frac{15}{12} \right) \cdot \frac{1}{4} = -\frac{2}{3} \cdot \left(\dots \cdot \frac{1}{4} \right)$$

$$\text{c)} -\frac{4}{7} \cdot \dots = -\frac{4}{7}$$

4) $\frac{2}{3} \cdot \left(\frac{1}{5} \cdot \frac{1}{3} \right) = \left(\frac{2}{3} \cdot \frac{1}{5} \right) \cdot \left(\frac{2}{3} \cdot \square \right)$ işleminde \square yerine yapılacak rasyonel sayıyı bulunuz.

RASYONEL SAYILARLA BÖLME İŞLEMİ



Semra için bir doğum günü partisi düzenleyen annesi, eş büyülüklükte 5 pasta sipariş eder.

Doğum gününde Semra'nın 16 arkadaşını davet eden annesi, her bir arkadaşının çeyrek ($\frac{1}{4}$) pasta yiyebileceğini düşünür.

- Sizce verilen pasta siparişi yeterli midir?
- 5 pastanın içinde kaç tane $\frac{1}{4}$ (çeyrek) pasta vardır?

ETKİNLİK

Araç-Gereçler: kesir takımları

Uygulama Basamakları:

- Sınıfta ikişer kişilik gruplar oluşturunuz.
- Kesir takımlarından $\frac{1}{3}$ ve $\frac{1}{6}$ 'lık parçalar kullanarak $\frac{2}{3}$ ve $\frac{1}{3}$ rasyonel sayılarını modelleyiniz.
- Modelleri oluştururken kaç tane $\frac{1}{3}$ 'luk parça kullandınız?

$\frac{2}{3}$ için tane $\frac{1}{3}$ kullanılır.

$\frac{1}{3}$ için 1 tane kullanılır.

- Modelleri oluştururken kaç tane $\frac{1}{6}$ 'lık parça kullandınız?

$\frac{2}{3}$ için tane $\frac{1}{6}$ kullanılır.

$\frac{1}{3}$ için 2 tane kullanılır.

- Yukandaki noktalı yerlerde bulduğunuz değerleri aşağıdaki boşluklara yerleştiriniz.

$$\frac{2}{3} \div \frac{1}{3} = \dots$$

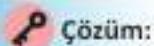
$$\frac{2}{3} \div \frac{1}{6} = \dots$$

$$\frac{1}{3} \div \frac{1}{3} = \dots$$

$$\frac{1}{3} \div \frac{1}{6} = \dots$$

Birlikte Çözelim 1 ➔

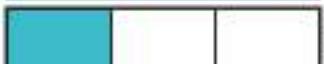
1 bütünüñ içinde kaç tane $\frac{1}{3}$ olduğunu modelleyerek bulalım.



Çözüm:

İki eş şerit alalım. Her iki şeridi 3 eş parça olacak şekilde çzelim. Birinci şeritte 1 bütünü, ikinci şeritte $\frac{1}{3}$ 'ü modelleyelim.

Birinci şerit  1

İkinci şerit  $\frac{1}{3}$

Modelden 1 bütünüñ içinde 3 tane $\frac{1}{3}$ olduğu görülmektedir. O hâlde $1 \div \frac{1}{3} = 3$ 'tür.

Birlikte Çözelim 2

$\frac{1}{2} \div \frac{1}{12}$ İşlemının sonucunu modelleyerek bulalım.



Çözüm:

Öncelikle iki eş şerit alalım. Birinci şeritte $\frac{1}{2}$ 'yı, ikinci şeritte $\frac{1}{12}$ 'yı modelleyelim.

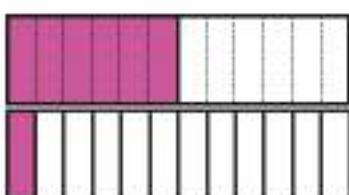
Birinci şerit



İkinci şerit



$\frac{1}{2}$ 'yı gösteren şeridi $\frac{1}{12}$ 'yı gösteren parçalara eş şekilde çizelim.



Modelden $\frac{1}{2}$ 'nin içinde 6 tane $\frac{1}{12}$ olduğu görülmektedir.

O hâlde $\frac{1}{2} \div \frac{1}{12} = 6$ 'dır.

Modelden $\frac{1}{2}$ 'nin $\frac{6}{12}$ 'ye eşit olduğunu kullanarak işlemi tekrar yazdığımızda $\frac{1}{2} \div \frac{1}{12} = \frac{6}{12} \div \frac{1}{12} = \frac{6 \div 1}{12 \div 12} = \frac{6}{1} = 6$ olduğu görülür.



"Ortak payda algoritması", rasyonel sayıların paydalarını eşitleyip payları ve paydaları kendi arasında bölme işlemidir.

Birlikte Çözelim 3

$\frac{1}{2} \div \frac{1}{12}$ İşlemini ortak payda algoritması kullanarak yapalım.



Çözüm:

$$\begin{aligned}\frac{1}{2} \div \frac{1}{12} &= \frac{1}{2} \div \frac{1}{12} \\&= \frac{6}{12} \div \frac{1}{12} \\&= \frac{\underline{6}}{\underline{12 \div 12}} \\&= \frac{6}{1} \\&= 6\end{aligned}$$



"Ters çevir çarp algoritması", birinci rasyonel sayının, ikinci rasyonel sayının çarpma işlemine göre tersiyle çarpılması işlemidir.

Birlikte Çözelim 4 ➤

$\frac{1}{2} \div \frac{1}{12}$ işlemini, ters çevir çarp algoritması kullanarak yapalım.



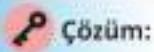
Çözüm:

Birinci rasyonel sayıyı ikinci rasyonel sayının çarpma işlemine göre tersi ile çarparız.

$$\frac{1}{2} \div \frac{1}{12} = \frac{1}{2} \cdot \frac{12}{1} = \frac{1 \cdot 12}{2 \cdot 1} = \frac{12}{2} = 6$$

Birlikte Çözelim 5 ➤

$\frac{2}{3} \div \frac{1}{5}$ işlemini her iki algoritma ile yapalım, işlemlerin sonuçlarını karşılaştırıralım.



Çözüm:

$$\frac{2}{3} \div \frac{1}{5} = \frac{2}{3} \div \frac{1}{5} = \frac{10}{15} \div \frac{3}{15} = \frac{10 \div 3}{15 \div 15} = \frac{10 \div 3}{1} = \frac{10}{3} \text{ (ortak payda algoritması)}$$

$$\frac{2}{3} \div \frac{1}{5} = \frac{2}{3} \cdot \frac{5}{1} = \frac{10}{3} \text{ (ters çevir çarp algoritması)}$$



Bir sayıyı rasyonel bir sayıya bölmek demek, sayıyı o rasyonel sayının çarpma işlemine göre tersiyle çarpmak demektir.

Birlikte Çözelim 6 ➤

$(-\frac{4}{3}) \div \frac{6}{5}$ işleminin sonucunu bulalım.



Çözüm:

$$(-\frac{4}{3}) \div \frac{6}{5} = (-\frac{4}{3}) \cdot \frac{5}{6} = (-\frac{20}{18})$$

Birlikte Çözelim 7 ➤

$4\frac{2}{3} \div (-3\frac{1}{2})$ işleminin sonucunu bulalım.



Çözüm:

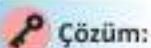
$$\frac{14}{3} \div (-\frac{7}{2}) = \frac{14}{3} \cdot (-\frac{2}{7}) = \left(-\frac{28}{21} \right) = -\frac{4}{3}$$

Tam sayılı kesirler bilesik kesre çevrilerek bölme işlemi yapılır.



Birlikte Çözelim 8

Terzi Hasan, bir pantolon için $1\frac{3}{4}$ m kumaş kullanmaktadır. Terzi Hasan'ın 28 m kumaştan kaç pantolon dikiceği bulalım.



Çözüm:

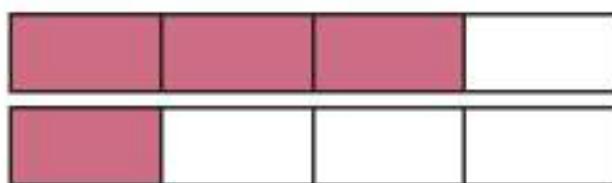
$$28 \div 1\frac{3}{4} = 28 \div \frac{7}{4} = 28 \cdot \frac{4}{7} = \frac{16}{1} = 16 \text{ pantolon diker.}$$

**Çözüm Sende**

- 1) Aşağıdaki modellemelere alt bölme işlemlerini yazınız.



$$_\div__=__$$



$$_\div__=__$$

- 2) Aşağıdaki işlemlerin sonuçlarını bulunuz ve sonuçları en sade şekilde yazınız.

a) $\frac{3}{4} \div \frac{1}{8} = \dots$ c) $2 \div \frac{3}{2} = \dots$ d) $\frac{10}{3} \div (-8) = \dots$

b) $1\frac{7}{9} \div \left(-2\frac{2}{3}\right) = \dots$ c) $\frac{-2}{5} \div 1 = \dots$ e) $-1 \div \frac{3}{6} = \dots$

3) $-\frac{2}{3} \cdot \square = \frac{7}{8}$ işleminde \square yerine gelmesi gereken rasyonel sayıyı bulunuz.

- 4) 180 litre süt, $\frac{3}{4}$ litrelik şişelere, şişeler tam dolacak şekilde boşaltılacaktır. Bu iş için kaç adet şşe gerekir?

- 5) Sıfırdan farklı bir rasyonel sayı,

- a) Kendisinin üç katına bölündürse sonuç kaç olur?
b) Kendisinin yansına bölündürse sonuç kaç olur?

- 6) Mellis'in parasının $\frac{5}{3}$ katı 300 TL ise Mellis'in parası kaç TL'dir?

- 7) $-2\frac{3}{5}$ rasyonel sayısı hangi rasyonel sayı ile çarpılırsa rasyonel sayılar kümesinde çarpmaya işleminin etkisiz elemanı elde edilir?

Rasyonel Sayılarla Bölme İşleminde 0, 1 ve -1'in Etkisi

Aşağıdaki bölme işlemlerinin sonuçlarını bulunuz.

$$0 \div \frac{1}{2} = \dots$$

$$0 \div \left(-\frac{3}{4}\right) = \dots$$

Bu işlemlerin sonuçlarına göre sıfırın, sıfır hariç herhangi bir rasyonel sayıya bölmü ile ilgili nasıl bir yorum yapabilirsiniz?

Sıfırın, sıfır hariç herhangi bir rasyonel sayıya bölümü sıfırdır.



Aşağıdaki bölme işlemlerinin sonuçlarını tam sayıların sıfıra bölümünü hatırlayarak bulunuz.

$$\frac{1}{2} \div 0 = \dots$$

$$\left(-\frac{3}{5}\right) \div 0 = \dots$$

Bu işlemlerin sonuçlarına göre bir rasyonel sayının sıfıra bölümü ile ilgili nasıl bir yorum yapabilirsiniz?



Sıfır hariç, bir rasyonel sayının sıfıra bölümü tanımsızdır.

Aşağıdaki bölme işlemlerinin sonuçlarını bulunuz.

$$\frac{4}{3} \div 1 = \dots$$

$$\left(-\frac{2}{7}\right) \div 1 = \dots$$



Bir rasyonel sayının 1'e bölümü yine sayının kendisine eşittir.

Aşağıdaki bölme işlemlerinin sonuçlarını bulunuz.

$$1 \div \frac{1}{2} = \dots$$

$$1 \div \left(-\frac{4}{6}\right) = \dots$$

Bu işlemlerin sonuçlarına göre 1'in bir rasyonel sayıya bölümü ile ilgili nasıl bir yorum yapabilirsiniz?



1'in sıfır hariç bir rasyonel sayıya bölümü, o rasyonel sayının çarpma işlemine göre tersini verir.

Aşağıdaki bölme işlemlerinin sonuçlarını bulunuz.

$$\frac{8}{9} \div (-1) = \dots$$

$$\left(-\frac{5}{6}\right) \div (-1) = \dots$$



Sıfır hariç, bir rasyonel sayının -1'e bölümü, o sayının toplama işlemine göre tersini verir.



Çözüm Sende

Aşağıdaki işlemlerin sonuçlarını bulunuz.

a) $\frac{-2}{5} + 1 = \dots$

c) $-1 \div \frac{3}{6} = \dots$

d) $1 \div \frac{-2}{4} = \dots$

b) $\frac{-4}{7} \div -1 = \dots$

e) $0 \div \frac{1}{7} = \dots$

f) $\frac{-3}{4} \div 0 = \dots$

Rasyonel Sayılarla Çok Adımlı İşlemler

Aynı evde kalmaya başlayan Furkan ve Hakan, odalarına alındıkları modüler gısi dolaplarının kurulumunu yapmak üzere işe koyulurlar.

Furkan,

- 1) Modüler gısi dolabının kurulum kılavuzunu inceleyerek işe başlar.
- 2) Kılavuza göre dolabin parçalarını sınıflandırır.
- 3) Kılavuzda açıklanan basamakları takip ederek parçaların birleştirilmesini yapar.

Hakan,

- 1) Modüler gısi dolabının paketi üzerindeki kurulu dolap resmine bakarak işe başlar.
- 2) Kılavuza baksızın parçaların birleştirilmeye çalışır.
- 3) Parçaların yanlış birleştirildiğini fark edip yaptığı söker, tekrar birleştirilmeye çalışır.



- İşlem sırasını takip etmenin önemi nedir?
- Gündük hayattan işlem sırasını takip etmediğimizde karşılaşabileceğimiz durumlara örnekler veriniz.

Matematik problemlerinde de birden fazla işlemin olması durumunda, bu işlemleri belirli bir sırada göre yapmamız gereklidir. Bu sıralamada aşağıdaki işlem önceliği sırasına dikkat edilmelidir.

İşlem önceliği:

- 1 Üslü işlemler
- 2 Parantezli işlemler
- 3 Çarpma-bölme işlemleri (İkisi varsa soldan sağa doğru sıra takip edilir.)
- 4 Toplama-çıkarma işlemleri (İkisi varsa soldan sağa doğru sıra takip edilir.)



Birlikte Çözelim 1

$$\frac{7}{15} \cdot \frac{3}{5} \cdot \frac{2}{9}$$
 İşlemının sonucunu bulalım.

Çözüm:

Bu soruda çıkarma ve çarpma işlemleri vardır. Birden fazla işlem içeren soruların çözümünde, önceki işleme yapılacak işlemi parantezlerle veya örneklerdeki gibi çerçeve içinde belirtmemiz gereklidir.

$$\begin{aligned}\frac{7}{15} \cdot \frac{3}{5} \cdot \frac{2}{9} &= \frac{7}{15} \cdot \frac{1}{5} \cdot \frac{2}{3} && (\text{İşlem önceliği çarpmadır.}) \\ &= \frac{7}{15} \cdot \frac{2}{15} \\ &= \frac{14}{225}\end{aligned}$$

Birlikte Çözelim 2

$\frac{1}{3} - \frac{1}{4} \div 3$ İşlemimizi yapalım.

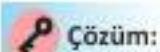


$$\begin{aligned}
 \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{4} \div 3 &= \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{4} \div 3 \quad (\text{İşlem önceliği bölme işlemindedir.}) \\
 &= \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{3} \quad || \\
 &= \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{12} \\
 &= \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{12} \\
 &\quad \text{(4) } \text{||} \\
 &= \frac{4}{12} \cdot \frac{1}{12} = \frac{3}{12}
 \end{aligned}$$

Yandaki ve aşağıdaki işlemlerde yer alan I, II, III, ... rakamları işlem sırasını göstermektedir.

Birlikte Çözelim 3

$\frac{2 + \frac{1}{4}}{3 - \frac{1}{2}}$ işlemini yapalım.



$$\begin{array}{l} \text{III} \\ | \quad \boxed{\frac{2}{1} + \frac{1}{4}} = \boxed{\frac{8}{4} + \frac{1}{4}} = \boxed{\frac{9}{4}} = \frac{9}{4} \cdot \frac{1}{5} = \frac{9}{20} \\ || \quad \boxed{\frac{3}{1} - \frac{1}{2}} = \boxed{\frac{6}{2} - \frac{1}{2}} = \boxed{\frac{5}{2}} \end{array}$$

Büyük kesir çizgisinin pay ve payda kismındaki işlemler ayrı ayrı yapıldıktan sonra sonuçlar birbirine bölünür.

Birlikte Çözelim 4

$\frac{2}{7} + \frac{2}{5}$ işlemini yapalım.



$$\begin{aligned} \frac{2}{5} + \frac{2}{5} &= \frac{2}{5} + \frac{2}{5} \\ &= \frac{2}{5} + \frac{1}{7} + \frac{2}{5} + \frac{7}{5} \\ &= \frac{2}{5} + \frac{1}{7} + \frac{2}{1} + \frac{7}{5} \\ &= \frac{2}{35} + \frac{14}{35} \\ &= \frac{2}{35} + \frac{98}{35} \\ &= \frac{100}{35} \\ &= \frac{20}{7} \end{aligned}$$

İşlemin hızasındaki kesir çizgileri işlem öncelliğini belirler.
Soldaki işlemde $\frac{2}{5}$, 7'ye bölünürken
sağdaki işlemde 2, $\frac{5}{7}$ 'ye bölünmüştür.

Birlikte Çözelim 5

$$\frac{\frac{3}{2} \cdot 0,3}{\frac{1}{3} \div 0,2}$$

İşlemimi yapalım.

Çözüm:

$$\begin{array}{l} \text{I} \quad \frac{\frac{3}{2} \cdot \frac{3}{10}}{\frac{1}{3} \div \frac{2}{10}} = \frac{\frac{3}{2} \cdot \frac{3}{10}}{\frac{1}{3} \cdot \frac{10}{2}} = \text{III} \\ \text{II} \quad \frac{\frac{3}{2} \cdot \frac{3}{10}}{\frac{1}{3} \div \frac{2}{10}} = \frac{\frac{15}{10} \cdot \frac{3}{10}}{\frac{10}{6}} = \text{V} \\ \text{III} \quad \frac{\frac{15}{10} \cdot \frac{3}{10}}{\frac{10}{6}} = \frac{\frac{12}{10}}{\frac{10}{6}} = \text{VI} \\ \text{IV} \quad \frac{\frac{12}{10}}{\frac{10}{6}} = \frac{12}{10} \cdot \frac{6}{10} = \frac{72}{100} = \frac{18}{25} \end{array}$$

Birlikte Çözelim 6

$$\frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{2}}}$$

İşlemimi yapalım.

Çözüm:

$$\begin{array}{l} \text{I} \quad \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{2}}} = \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{2}}}} = \text{II} \\ \text{II} \quad = \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{3}}} = \frac{1}{1 + 1 \cdot \frac{2}{3}} = \text{III} \\ \text{III} \quad = \frac{1}{1 + \frac{2}{3}} = \frac{1}{\frac{5}{3}} = \text{IV} \\ \text{IV} \quad = 1 \cdot \frac{3}{5} = \frac{3}{5} \end{array}$$

Bu tür işlemlerde en alttaki işlemden başlayarak yukarıda doğru işlem sırası takip edilir.



Çözüm Sende

1) Aşağıda verilen işlemleri yapınız.

a) $\frac{2 \cdot \frac{1}{3}}{2 + \frac{1}{3}} = \dots\dots$

c) $\frac{0,4}{0,02} \div \frac{\frac{3}{4}}{\frac{1}{2}} = \dots\dots$

b) $\frac{1}{4} \cdot \frac{2}{3} \cdot \left(\frac{1}{2}\right) \div \frac{1}{4} = \dots\dots$

d) $1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{4}} = \dots\dots$

2) $\left(1 + \frac{1}{2}\right) \cdot \left(1 + \frac{1}{3}\right) \cdot \left(1 + \frac{1}{4}\right) \cdot \dots \cdot \left(1 + \frac{1}{19}\right)$ İşlemiinin sonucunu bulunuz.

3) $\frac{\frac{3}{2} \cdot \frac{2}{5}}{\frac{5}{5}}$ İşlemiinin sonucunu bulunuz.

Rasyonel Sayıların Kareleri ve Küpleri

ETKİNLİK

Araç-Gereçler: 1 metre uzunluğunda ip, makas

Uygulama Basamakları:

- 4 kişilik gruplara ayrınilın.
- 1 metrelük ipi ortadan ikiye eşit şekilde kesiniz.
- Kesme sonucu oluşan parçaların tekrar ortadan ikiye eşit şekilde kesiniz.
- Aşağıdaki tabloyu, parçaların her defasında ortadan ikiye keserek elde ettiğiniz uzunlukları dikkate alarak doldurunuz.



	Parçalardan Her Birinin Uzunluğu (m)	Rasyonel İfadesi	Üslü İfadesi
1.Kesme	$1 \div 2$	$\frac{1}{2}$	$\left(\frac{1}{2}\right)^1$
2.Kesme	$\frac{1}{2} \div 2$	$\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$	$\left(\frac{1}{2}\right)^2$
3.Kesme

- Kesme sayısı ile rasyonel sayının kuvveti arasında nasıl bir ilişki vardır? Yazınız.
- Rasyonel sayının kuvvetlerini ifade ederken nasıl bir yol izlediniz?
- Yukarıdaki tablodan yararlanarak aşağıdaki tabloyu doldurunuz.

Üslü İfade	Tekrarlı Çarpım	Üslü İfadenin Değeri
$(-\frac{1}{2})^1$	$(-\frac{1}{2})$...
$(-\frac{1}{2})^2$...	$\frac{1}{4}$
$(-\frac{1}{2})^3$	$(-\frac{1}{2}) \cdot (-\frac{1}{2}) \cdot (-\frac{1}{2})$...

- Negatif rasyonel sayıların kare ve küplerinin işaretleri hakkında neler söyleyebilirsiniz?

Birlikte Çözelim 1

Aşağıdaki üslü ifadelerin değerlerini bulalım.

a) $(\frac{2}{3})^2$

b) $(\frac{1}{4})^3$

c) $(\frac{-2}{5})^2$

d) $(\frac{-6}{7})^3$

Çözüm:

Tam sayıların karesini hesaplarken kullandığımız tekrarlı çarpımdan yararlanarak rasyonel sayıların karelerini hesaplayalım.

a) $(\frac{2}{3})^2 = \frac{2}{3} \cdot \frac{2}{3} = \frac{4}{9}$

b) $(\frac{1}{4})^3 = \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4} = \frac{1}{64}$

c) $(\frac{-2}{5})^2 = \frac{-2}{5} \cdot \frac{-2}{5} = \frac{4}{25}$

d) $(\frac{-6}{7})^3 = (\frac{-6}{7}) \cdot (\frac{-6}{7}) \cdot (\frac{-6}{7}) = \frac{36}{49}$

Sıfır hariç tüm rasyonel sayıların karesi pozitif rasyonel sayıdır.



Birlikte Çözelim 2

Aşağıdaki üslü ifadelerin değerlerini bulalım.

a) $\left(\frac{1}{2}\right)^3$

b) $\left(\frac{3}{5}\right)^3$

c) $\left(\frac{-2}{3}\right)^3$

d) $\left(\frac{-4}{5}\right)^3$

Çözüm:

Tam sayıların küplerini hesaplarken kullandığımız tekrarlı çarpımdan yararlanarak rasyonel sayıların küplerini hesaplayalım.

a) $\left(\frac{1}{2}\right)^3 = \left(\frac{1}{2}\right) \cdot \left(\frac{1}{2}\right) \cdot \left(\frac{1}{2}\right) = \frac{1}{8}$

b) $\left(\frac{3}{5}\right)^3 = \frac{3}{5} \cdot \frac{3}{5} \cdot \frac{3}{5} = \frac{27}{125}$

c) $\left(\frac{-2}{3}\right)^3 = \frac{-2}{3} \cdot \frac{-2}{3} \cdot \frac{-2}{3} = \frac{-8}{27}$

d) $\left(\frac{-4}{5}\right)^3 = \left(\frac{-4}{5}\right) \cdot \left(\frac{-4}{5}\right) \cdot \left(\frac{-4}{5}\right) = -\frac{64}{125}$

Pozitif rasyonel sayıların küpü pozitif, negatif rasyonel sayıların küpü negatif rasyonel sayıdır.



Birlikte Çözelim 3

$\left(-1\frac{1}{3}\right)^3$ üslü ifadesinin değerini bulalım.

Çözüm:

$\left(-1\frac{1}{3}\right)^3$ üslü ifadesinin değerini bulmak için $\left(-1\frac{1}{3}\right)$ rasyonel sayısını $\left(-\frac{4}{3}\right)$ şeklinde yazıp bu rasyonel sayının küpünü bulalım.

$$\begin{aligned}\left(-1\frac{1}{3}\right)^3 &= \left(-\frac{4}{3}\right)^3 \\ &= \left(-\frac{4}{3}\right) \cdot \left(-\frac{4}{3}\right) \cdot \left(-\frac{4}{3}\right) \\ &= -\frac{64}{27}\end{aligned}$$


Çözüm Sende

1) Aşağıda verilen üslü ifadelerin değerlerini bulunuz.

a) $\left(\frac{3}{4}\right)^2 = \dots$

c) $\left(\frac{-5}{7}\right)^2 = \dots$

d) $\left(\frac{-2}{3}\right)^3 = \dots$

b) $\left(\frac{1}{4}\right)^3 = \dots$

e) $\left(1\frac{1}{3}\right)^2 = \dots$

f) $\left(\frac{-3}{5}\right)^3 = \dots$

2) $\left(-\frac{1}{5}\right)^3$ değeri aşağıdakilerden hangisidir?

A) $-\frac{1}{125}$

B) $\frac{3}{125}$

C) $-\frac{1}{25}$

D) $\frac{1}{125}$

Rasyonel Sayı Problemleri



Problemin çözümü için plan yap.



Cözümü kontrol et.



Problemi oku ve anla.



Yaptığın plana göre problemi çöz.



Verilenleri ve istenilenleri belirle.

Yukarıda problem çözme basamakları klasik olarak verilmiştir.

- Bir problemi çözebilmek için bu basamaklarda takip edeceğimiz sıra nasıl olmalıdır?

Birlikte Çözelim 1

Bir nakliye kamyonu, gideceği yolun 1. gün $\frac{2}{5}$ 'ini, 2. gün kalan yolun $\frac{1}{3}$ 'ünü gidiyor. Kamyon 3. gün 300 km yol alarak gideceği yere varıyor. Kamyonun 3 günde aldığı toplam yol kaç km olur? Bu problemi çözelim.

Çözüm:

Problemi çözebilmemiz için aşağıdaki adımları takip edelim.

* Problemde verilenleri ve istenilenleri belirleyelim:

Kamyonun, 1. gün yolun $\frac{2}{5}$ 'ini

2. gün kalan yolun $\frac{1}{3}$ 'ünü gittiği,

3. gün ise 300 km yol aldığı veriliyor.

Bizden bu kamyonun 3 günde aldığı yolun kaç km olduğunu bulmamız isteniyor.

* Problemi çözebilmek için neler yapmamız gerektiğini planlayalım:

Bir model üzerinde kamyonun, 1. ve 2. gün toplamda yolun kaçta kaçını gittiğini bulalım.

Sonucu 1 tamdan çıkanp kamyonun 3. gün gittiği yolun, tüm yolun kaçta kaç olduğunu bulalım.

Kamyonun 3. gün aldığı yolun 300 km olduğu bilgisini kullanarak yolun tamamını bulalım.

* Problemin çözümünü yapalım:

Yolun tamamı: 1 bütün olsun,

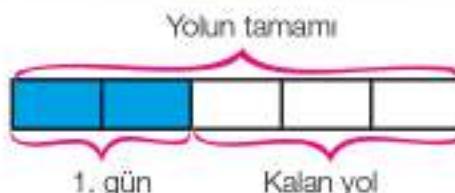
1. gün: Yolun $\frac{2}{5}$ 'ini gider (mavi bölge).

Kalan yol: $1 - \frac{2}{5} = \frac{3}{5}$ 'tir.

2. gün: Kamyon kalan yolun $\frac{1}{3}$ 'ünü gitmiştir (san bölge).

3. gün ise yolun $\frac{2}{5}$ 'i kalır (yeşil bölge).

$\frac{2}{5}$ '1 300 km olan yolun tamamını bulalım:



2 yeşil parçanın her birinin kaç km olduğunu bulalım: $300 \div 2 = 150$

Yol 5 parça olduğu için bulduğumuz sonucu 5 ile çarpıp yolun tamamını bulalım. $150 \cdot 5 = 750$ km

Yolun tamamı 750 km olarak bulunmuş olur.

*** Çözümümüzü kontrol edelim:**

Kamyon, **1. gün**: $750 \cdot (2/5) = 300$ km yol gider.

Kalan yol: $750 - 300 = 450$ km'dir.

2. gün: $450 \cdot (1/3) = 150$ km yol gider.

İlk iki gün: $300 + 150 = 450$ km yol gider.

3. güne: $750 - 450 = 300$ km yol kalır.

Problemin çözümü doğrudur.

Birlikte Çözelim 2

Deniz'in maaşı 3600 TL'dir. Deniz; maaşının $\frac{1}{4}$ 'ünü mutfak masraflarına, $\frac{1}{3}$ 'ünü faturalara ve $\frac{1}{12}$ 'sini yakıt harcamaktadır. Deniz'in maaşından geriye kaç TL kalır? Bu problemi çözelim.



Çözüm:

Problemi çözebilmemiz için aşağıdaki adımları takip edelim.

*** Problemde verilenleri ve istenenleri belirleyelim:**

Deniz'in maaşı 3600 TL'dir. Deniz maaşının;

Mutfak masraflarına $\frac{1}{4}$ 'ünü,

Faturalara $\frac{1}{3}$ 'ünü,

Yakıt $\frac{1}{12}$ 'sini harcamıştır.

Deniz'in maaşından geriye kaç TL kaldığını bulmamız isteniyor.

*** Problemi çözebilmek için neler yapmamız gerektiğini planlayalım:**

Deniz'in tüm harcamalarını bulalım.

Daha sonra Deniz'in maaşının tümünden harcadığı parayı çıkararak kalan parayı bulalım.

*** Problemin çözümünü yapalım:**

Önce tüm harcamalarının toplamını bulalım:

$$\frac{1}{4} + \frac{1}{3} + \frac{1}{12} = \frac{3}{12} + \frac{4}{12} + \frac{1}{12} = \frac{8}{12}$$

Deniz; mutfak masraflarına, faturalara ve yakıt maaşının toplam $\frac{8}{12}$ 'sini harcamıştır.

Maaşının $\frac{8}{12}$ 'sini bulmak için 3600'ü $\frac{8}{12}$ ile çarpalım.

$$3600 \cdot \frac{8}{12} = 2400 \text{ TL harcamıştır.}$$

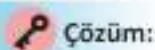
Maaşından geriye kalan = $3600 - 2400 = 1200$ TL'dir.

*** Çözümümüzü kontrol edelim:**

Deniz; mutfak masraflarına, faturalara ve yakıt maaşının toplam $\frac{8}{12}$ 'sini harcamıştır. Geriye maaşının $\frac{4}{12}$ 'si kalmıştır. $3600 \cdot \frac{4}{12} = 1200$ TL olduğundan çözümümüz doğrudur.

Birlikte Çözelim 3

Bir araç 480 km'lık yolun; 1. gün $\frac{1}{5}$ 'ini, 2. gün kalan yolun $\frac{1}{2}$ 'sini, 3. gün ise 1. ve 2. günden kalan yolun $\frac{1}{4}$ 'ünü gitmiştir. Aracın gitceği kaç km yol kalmıştır? Bu problemi çözelim.



Çözüm:

Problemin çözümünde her gün gidilen mesafeyi ve kalan yolu belirlemek bize yardımcı olacaktır. Yolun tamamı 480 km'dır.

1.gün

$$\text{Gidilen yol: } 480 \cdot \frac{1}{5} = \frac{480}{5} = 96 \text{ km}$$

$$\text{Kalan yol: } 480 - 96 = 384 \text{ km}$$

2.gün

$$\text{Gidilen yol: } 384 \cdot \frac{1}{2} = \frac{384}{2} = 192 \text{ km}$$

$$\text{Kalan yol: } 384 - 192 = 192 \text{ km}$$

3.gün

$$\text{Gidilen yol: } 192 \cdot \frac{1}{4} = \frac{192}{4} = 48 \text{ km}$$

$$\text{Kalan yol: } 192 - 48 = 144 \text{ km'dır.}$$

Birlikte Çözelim 4

Yeni aldığı kitabı okumaya başlayan Gülsen, ilk gün sonunda kitabı $\frac{2}{5}$ 'inin $\frac{1}{3}$ 'ünü okumuştur. Gülsen'in okunacak 52 sayfası kaldığına göre kitabı toplam kaç sayfa olduğunu bulalım.



Çözüm:

Gülsen, ilk gün sonunda kitabı $\frac{2}{5}$ 'inin $\frac{1}{3}$ 'ünü okumuştur ve 52 sayfa okunacak sayfası kalmıştır. Bizzat istenen ise kitabı toplam sayfa sayısıdır.

İlk gün sonunda Gülsen, tüm kitabı $\frac{2}{5} \cdot \frac{1}{3} = \frac{2}{15}$ 'ini okumuştur.

$$\begin{aligned}\text{Kitabı kalan sayfaları, kitabı: } & 1 - \frac{2}{15} = \frac{1}{1} - \frac{2}{15} \\ & \quad \text{(15)} \\ & = \frac{15}{15} - \frac{2}{15} \\ & = \frac{13}{15} \text{'ldır.}\end{aligned}$$

O hâlde $\frac{13}{15}$ 'ı 52 sayfa olan kitabı tamamını bulalım.

Kitabı tamamı, $52 \div \frac{13}{15} = 52 \cdot \frac{15}{13} = 60$ sayfadır.

Birlikte Çözelim 5

Allesi için yemek yapacak olan Merve; manavdan $2\frac{2}{3}$ kg domates, $1\frac{1}{5}$ kg biber ve 3 kg patlican alır. Domatesin kilosu 3 TL, biberin kilosu 5 TL'dir.

Manava 27,5 TL ödeyen Merve, patlicanın kilosunu kaç TL'ye almıştır? Bu problemi çözelim.

Çözüm:

Öncelikle domates ve biber için ödenen tutan bulalım:

Merve,

$$\text{Domates için } 2\frac{2}{3} \cdot 3 = \frac{8}{3} \cdot 3 \\ = 8 \text{ TL öder.}$$

$$\text{Biber için } 1\frac{1}{5} \cdot 5 = \frac{6}{5} \cdot 5 \\ = 6 \text{ TL öder.}$$

Domates ve bibere toplam $6 + 8 = 14$ TL öder.

Merve'nin manava ödediği para $27\frac{1}{2}$ TL'dir.

$$\text{Patlicana ödenen para } 27\frac{1}{2} - 14 = \frac{55}{2} - \frac{14}{1} \\ = \frac{27}{2} \text{ TL'dir.}$$

Bu durumda Merve, 3 kg patlicana $\frac{27}{2}$ TL ödemistiştir.

$$1 \text{ kg patlicanın fiyatı } \frac{27}{2} \div 3 = \frac{27}{2} \cdot \frac{1}{3} = \frac{27}{6} = 4,5 \text{ TL'dir.}$$

Birlikte Çözelim 6

$\frac{2}{7}$ 'si dolu olan bir su variline 6 litre su eklenince varillin yarısı doluyor. Varillin tamamı kaç litre su alır?

Bu problemi çözelim.

Çözüm:

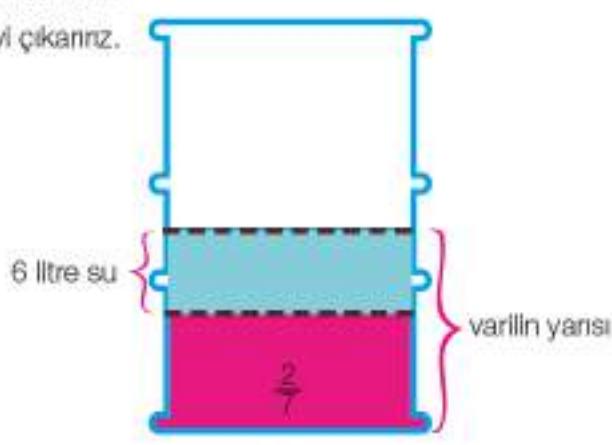
$\frac{2}{7}$ 'si dolu olan bir su variline 6 litre su eklenince varillin yarısına dolduguına göre varillin yarısından $\frac{2}{7}$ 'yi çıkarırız.

$$\frac{1}{2} \cdot \frac{2}{7} = \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{7} \\ = \frac{7}{14} \cdot \frac{4}{14} \\ = \frac{3}{14}$$

Varillin $\frac{3}{14}$ 'ü 6 litre su almaktadır.

Varillin aldığı suyun tamamı,

$$6 \div \frac{3}{14} = \frac{6}{1} \cdot \frac{14}{3} = 28 \text{ litredir.}$$





Çözüm Sende

1) 20 bilyesi olan Serkan, bilyelerinin $\frac{2}{5}$ 'ini kardeşine verdiğinde Serkan'ın kaç bilyesi kalır?

2) Sıla'nın kalemlerinin $\frac{3}{8}$ 'i 24 tane olduğuna göre Sıla'nın kaç kalemi vardır?

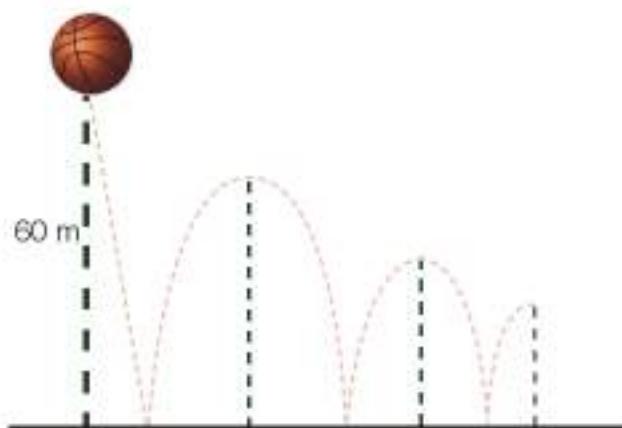
3) Yandaki dikdörtgenin uzun kenarının uzunluğu $\frac{5}{6}$ 'sı kadar arttırıldığında oluşturacak yeni dikdörtgenin alanını hesaplayınız.



4) Hulusi amca, 60 litrelik zeytinyağını $\frac{3}{4}$ litrelik şişelere doldurmak istiyor. Hulusi amcanın kaç şişeye ihtiyacı vardır?

5) Canan, kendisi ve 4 arkadaşa karışık meyve suyu hazırlar. Canan, bu karışımında; 1 litre portakal suyu, $\frac{1}{4}$ litre nar suyu ve $\frac{2}{3}$ litre elma suyu kullanır. Hazırlanan karışım eşit şekilde paylaştırıldığında çocukların her birine kaç litre meyve suyu düşer?

6) Bir top, 60 metre yükseklikten bırakılıyor. Top yere her çarptığında, bir önceki çıktıığı seviyenin $\frac{2}{3}$ 'ü kadar yükseliyor. Buna göre top 3. kez yere çarptığında yerden kaç metre yükselir?



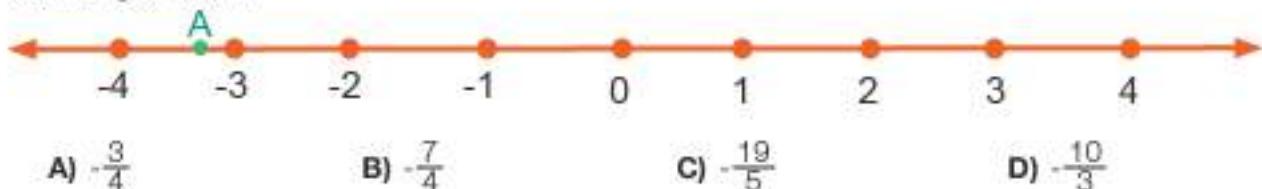
2. ÜNİTE DEĞERLENDİRME SORULARI



- 1) Aşağıdaki sayı doğrusunda -2 ve -1 arası 4 eşit parçaya, 0 ve 1 arası 5 eşit parçaya bölünmüştür. Buna göre **A** ve **B** harflerine karşılık gelen rasyonel sayıları yazınız.



- 2) Aşağıdaki sayı doğrusu üzerinde işaretlenen **A** noktası, seçeneklerde verilen rasyonel sayılarından hangisi olabilir?



- 3) $-\frac{13}{4}$ ile $\frac{14}{5}$ rasyonel sayıları arasında kaç tane tam sayı vardır?

- 4) Aşağıdaki rasyonel sayıların arasındaki boşluklara " $<$ ", " $>$ ", " $=$ " işaretlerinden uygun olanı yerleştiriniz.

a) $\frac{7}{13} \dots \frac{12}{13}$

c) $6\frac{1}{3} \dots \frac{16}{3}$

f) $-2\frac{1}{3} \dots -\frac{35}{15}$

b) $\frac{5}{3} \dots -\frac{2}{5}$

d) $\frac{3}{8} \dots \frac{1}{4}$

g) $\frac{4}{88} \dots \frac{3}{87}$

c) $-\frac{7}{5} \dots -\frac{7}{3}$

e) $-\frac{2}{5} \dots -\frac{1}{6}$

- 5) Aşağıdaki rasyonel sayıları büyükten küçüğe doğru sıralayınız.

a) $-\frac{1}{2}, \frac{2}{3}, -\frac{5}{6}, -\frac{3}{8}$

b) $-\frac{101}{102}, -\frac{102}{101}, -\frac{1}{104}, -\frac{51}{103}$

- 6) Aşağıdaki sayılardan hangisi sayı doğrusunda 5 ile 3 sayıları arasında **değildir**?

A) $-\frac{16}{5}$

B) $-\frac{10}{3}$

C) $-\frac{17}{3}$

D) $-\frac{13}{4}$

7) Aşağıdaki rasyonel sayıların ondalık gösterimlerini yazınız.

a) $\frac{7}{4}$

c) $\frac{5}{3}$

d) $\frac{2}{11}$

b) $\frac{14}{35}$

c) $\frac{-7}{9}$

e) $-\frac{33}{16}$

8) Aşağıdaki ondalık gösterimleri rasyonel sayı olarak en sade şekilde ifade ediniz.

a) 1,6

b) -0,245

c) -2,02

9) Aşağıda verilen devirli ondalık gösterimleri rasyonel sayıya çevirerek büyükten küçüğe doğru sıralayınız.

0,4

0,04

0,404

10) Aşağıdaki devirli ondalık gösterimleri rasyonel sayıya çeviriniz.

a) $0.\overline{5} = \dots$

c) $27.\overline{4} = \dots$

b) $1.\overline{29} = \dots$

c) $3.0\overline{6} = \dots$

11) Aşağıdaki işlemler yapınız.

a) $\frac{3}{2} + \frac{4}{11} = \dots$

c) $-3 + \frac{1}{3} + \frac{1}{2} = \dots$

b) $(-5) + \left(-\frac{2}{3}\right) = \dots$

d) $\frac{2}{3} \cdot \frac{5}{7} = \dots$

c) $\left(-3\frac{2}{5}\right) + \left(-2\frac{1}{3}\right) = \dots$

e) $-3 - \left(\frac{2}{5}\right) = \dots$

12) Aşağıdaki işlemler yapınız.

a) $100 \cdot \frac{5}{4} = \dots$

c) $\left(-\frac{2}{3}\right) \cdot \left(-\frac{3}{4}\right) \cdot \left(-\frac{4}{5}\right) \cdot \left(\frac{5}{7}\right) = \dots$

f) $\frac{8}{3} \div \frac{5}{7} = \dots$

b) $\left(\frac{2}{7}\right) \cdot \left(-\frac{35}{10}\right) = \dots$

d) $0 \div -\frac{7}{5} = \dots$

g) $\frac{2}{\frac{5}{8}} = \dots$

c) $\left(-4\frac{2}{3}\right) \cdot \left(-\frac{8}{5}\right) = \dots$

e) $\left(-\frac{6}{7}\right) \div \frac{3}{14} = \dots$

g) $\frac{2}{\frac{5}{8}} = \dots$

13) Aşağıdaki işlemlerde kullanılan özelliklerin dikkate alınarak kutucuktaki kelimelerden uygun olanları verilen boşluklara yerleştiriniz.

- *toplama
- *toplama
- *çarpma
- *çarpma
- *değişme
- *birleşme
- *yutan eleman
- *etkisiz eleman

a) $\frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \frac{1}{3} + \frac{1}{2}$ İşlemının özelliği

b) $0 \cdot \frac{5}{3} = 0$ İşleminin özelliği

c) $\left(\frac{3}{7} + \frac{1}{8}\right) + \frac{1}{2} = \frac{3}{7} + \left(\frac{1}{8} + \frac{1}{2}\right)$ İşleminin özelliği

14) $-\frac{4}{7}$ 'nin toplama işlemine göre tersi ile $1\frac{2}{5}$ 'in çarpma işlemine göre tersinin toplamı kaçtır?

15) $\left(\frac{2}{17} + \frac{5}{13}\right) - \left(\frac{2}{17} + \frac{5}{8} + \frac{5}{13}\right)$ işleminin sonucu kaçtır?

A) $-\frac{5}{8}$

B) $-\frac{5}{13}$

C) $\frac{2}{17}$

D) $\frac{5}{8}$

16) $1 + \frac{1 + \frac{3}{4}}{2}$ işleminin sonucu kaçtır?

17) Aşağıdaki üslü ifadelerin değerlerini bulunuz.

a) $\left(-\frac{1}{2}\right)^2 = \dots$

b) $\left(-\frac{4}{5}\right)^3 = \dots$

c) $\left(-2\frac{1}{2}\right)^2 = \dots$

18) $\left(\frac{3}{2}\right)^2 + \frac{16}{9} \div \left(-\frac{4}{3}\right)^3$ işleminin sonucu kaçtır?

A) $-\frac{435}{256}$

B) $\frac{3}{2}$

C) $-\frac{3}{2}$

D) $\frac{435}{256}$

19) 72 sayısının $\frac{1}{3}$ 'ünün $\frac{5}{8}$ 'i kaçtır?

20) Kilosu 36 TL olan fındıktan $\frac{3}{4}$ kg, kilosu 24 TL olan fistiktan da $1\frac{1}{2}$ kg alan kişi toplam kaç TL öder?

21) 32 kişilik bir sınıfın $\frac{5}{8}$ 'i erkektir. Erkeklerin $\frac{3}{4}$ 'ünün, kızların da $\frac{5}{6}$ 'sının en sevdiği ders matematik olduğuna göre bu sınıfta kaç öğrencinin en sevdiği ders matematiktir?

22) Bir sınavdaki soruların yanı sıra çoktan seçmeli, $\frac{3}{7}$ 'lı açık uçlu sorular, diğerleri ise boşluk doldurma sorulandır. Sınavda 5 tane boşluk doldurma sorusu bulunduğuna göre toplam kaç soru olduğunu bulunuz.

KENDİMİ DEĞERLENDİRİYORUM

Aşağıdaki formda 2. Ünitede işlenen konulara ilişkin sizden beklenen beceri ifadeleri bulunmaktadır. Tablonun her bir satırındaki derecelendirme durumunu kendinizi değerlendirek işaretleyiniz. Bu değerlendirme formunu öğretmeninizle paylaşıp öğretmeninizin görüş ve önerilerini de alarak yapmanız gerekenleri planlayınız.

RASYONEL SAYILAR, RASYONEL SAYILARLA İŞLEMLER	ORTA	İYİ	ÇOK İYİ
Rasyonel sayıları bilirim ve sayı doğrusunda gösterebilirim.			
Rasyonel sayıların ondalık gösterimlerini yazabilirim.			
Devirli olan ondalık gösterimleri rasyonel sayı olarak yazabilirim.			
Devirli olmayan ondalık gösterimleri rasyonel sayı olarak yazabilirim.			
Rasyonel sayıları karşılaştırı ve sıralayabilirim.			
Rasyonel sayıları toplama işlemleri yapabilirim.			
Rasyonel sayıları çıkarma işlemleri yapabilirim.			
Rasyonel sayıları çarpma işlemleri yapabilirim.			
Rasyonel sayıları bölme işlemleri yapabilirim.			
Rasyonel sayıları çok adımlı işlemleri yapabilirim.			
Rasyonel sayıları kare ve küplerini hesaplayabilirim.			
Rasyonel sayı problemlerini çözebilirim.			

Tam olarak öğrendiğim konular:

Tekrar etmem gereken konular:

Öğretmenimden aldığım öneriler:

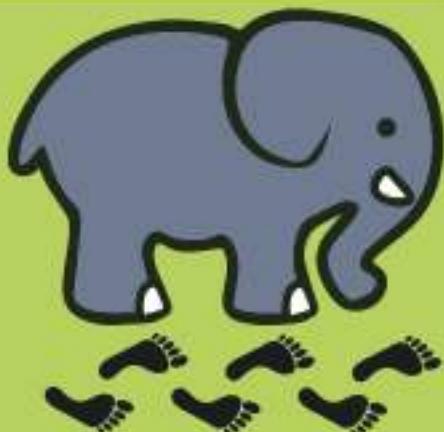
BİRAZ DA EĞLENELİM

Resfebe Nedir?

Resfebe, bir kelimeyi ya da kelime grubunu resimler ve şekiller kullanarak anlatmaya dayanan zekâ oyunudur.

Resfebe "resim" ve "alfabe" kelimelerinden türetilmiştir.

Aşağıdaki resfebe örneklerini inceleyerek yanıtları verilmeyen resfebe'lerin ne anlatmak istediğini bulunuz.



Yanıt: FIL - İZ



Yanıt: PLAK - A

NNNNNN

Yanıt: ALTI - N

abcçd Efgğhijklmnoöprsştuüvyz

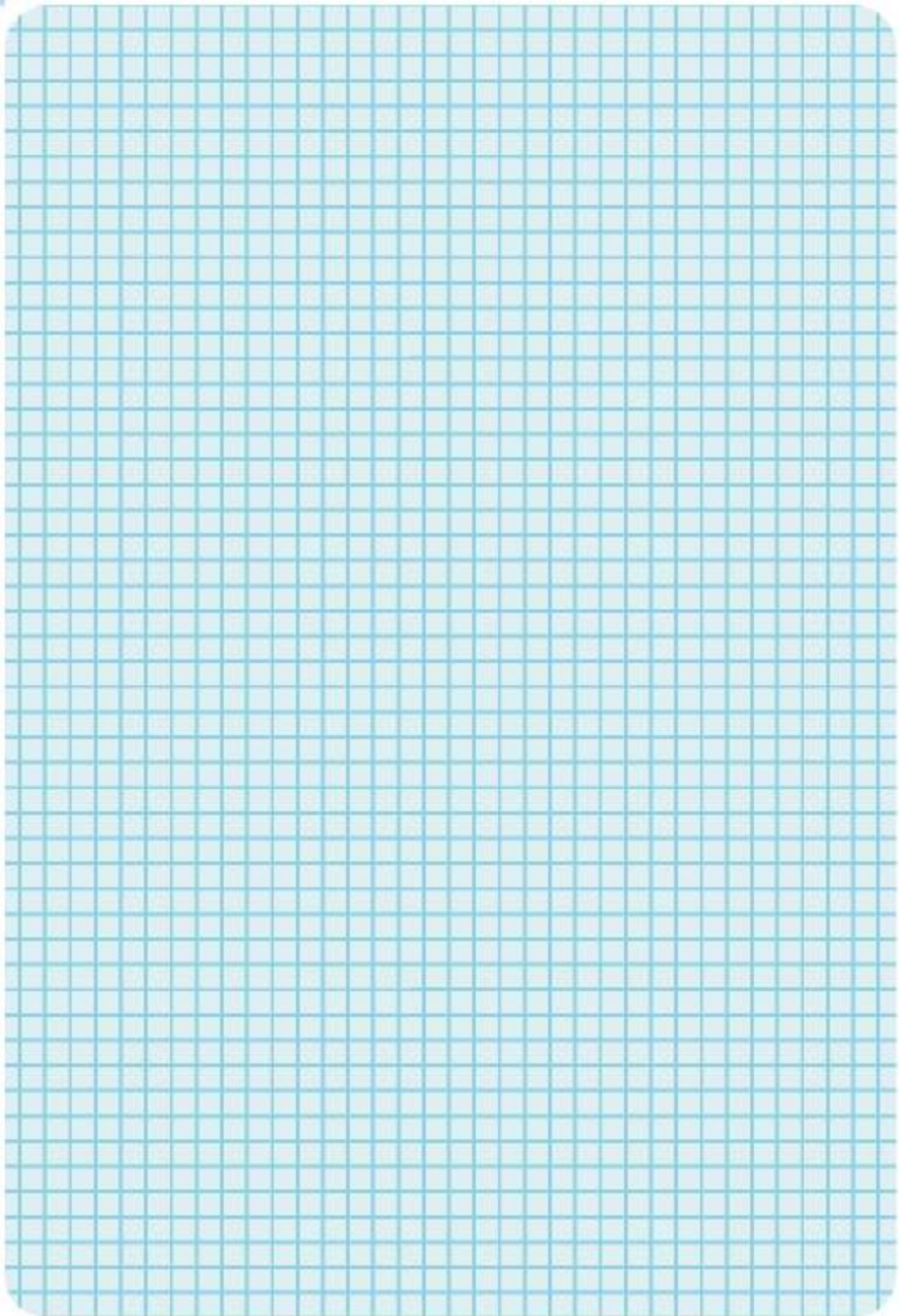
Yanıt:

AABBCCÇÇDD
EEFFGGĞĞHH
İİJJKKLLMM
NNOOÖÖPRR
SSŞŞTTUUÜÜVV
YYZZ

Yanıt:



Yanıt:



3. ÜNİTE

CEBİRSEL İFADELERDEN
EŞİTLİK VE DENKLEMLERE



CEBİR

- Cebirsel İfadeler
- Eşitlik ve Denklem

HATIRLAYALIM

1) Aşağıda sözel olarak verilen ifadelere uygun cebirsel ifadeleri yazınız.

Sözel İfade	Cebirsel İfade
Bir sayının 7 fazlası
Bir sayının 18 eksiği
Bilyelerimin 5 katı
Ali'nın cevizlerinin 2 katının 3 eksiği

Arkadaşlar, bu konuya başlamadan önce "Hatırlayalım" sayfamızdaki soruları evde yaparak derse hazır geliniz.



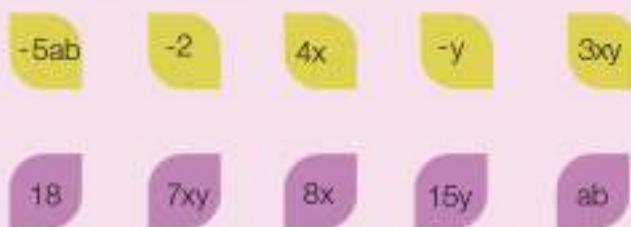
2) Aşağıdaki cebirsel ifadelere uygun birer sözel ifade yazınız.

Cebirsel İfade	Sözel İfade
$x - 6$
$3x + 1$

3) Aşağıdaki tabloda verilen boşlukları uygun ifadelerle doldurunuz.

Cebirsel İfade	Değişkenler	Terim Sayısı	Sabit Terim
$a + 3$
$2x + 3y + 1$
$5mn$
$3x + 5y - 4$

4) Aşağıdaki terimlerden benzer olanları eşleştiriniz.



5) Aşağıdaki ifadelerde değişkenlerin yerine verilen değerleri yazarak cebirsel ifadelerin değerini hesaplayınız.

Cebirsel İfade	Değişkene Verilecek Değer	Cebirsel İfadenin Değeri
$x + 3$	$x = 1$ için
$2x$	$x = 5$ için
$5x + 4$	$x = 2$ için

1. Bölüm: CEBİRSEL İFADELER

Cebirsel İfadelerle Toplama ve Çıkarma İşlemi

Cebir karoları: öğrencilerin cebir konularını daha iyi anlamalarını sağlayan, x 'i somutlaştırarak cebirsel düşünme becerilerini geliştiren matematik materyalleridir.

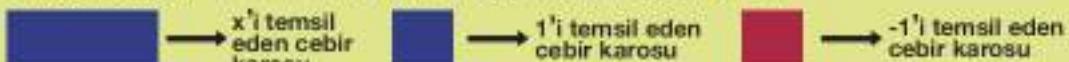
- $x + 3$ cebirsel ifadesini cebir karollarıyla modelleyiniz.

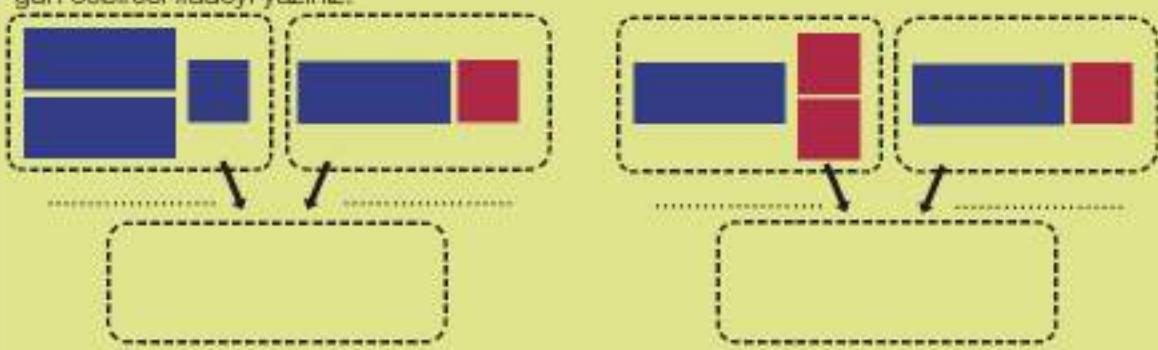


ETKİNLİK

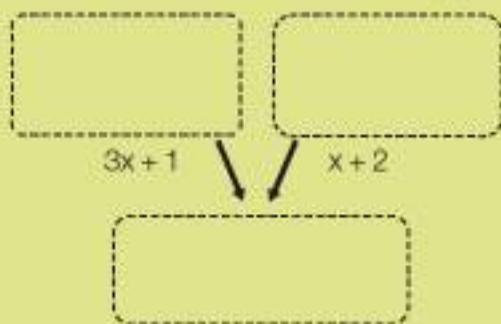
Araç-Gereçler: cebir karoları

Uygulama Basamakları:

- 3-4 kişilik gruplar oluşturunuz.
 - Gruplar olarak -1^l , $+1^l$, ve x^l 'i temsil eden cebir karoları alın.
- 
- Aşağıda cebir karollarıyla modellenen cebirsel ifadeleri belirleyip altlarındaki boşluklara yazınız.
 - Belirlediğiniz cebirsel ifadeleri birleştirerek modelleyiniz ve bu birleşimle oluşan modellemeye uygun cebirsel ifadeyi yazınız.



- Aşağıdaki kutucuklara $3x + 1$ ve $x + 2$ cebirsel ifadelerini modelleyiniz.
- Modellediğiniz cebirsel ifadeleri bir araya getiriniz.
- Bir araya getirdiğiniz cebir karolanna alt cebirsel ifadeyi yazınız.



- Verilen cebirsel ifadeleri birleştirirken dikkat ettiğiniz iki noktayı aşağıda verilen boşluklara yazınız.
 x 'ler bir araya getirilirken toplanır.
Sabit terimler bir araya getirilirken toplanır.

Birlikte Çözelim 1

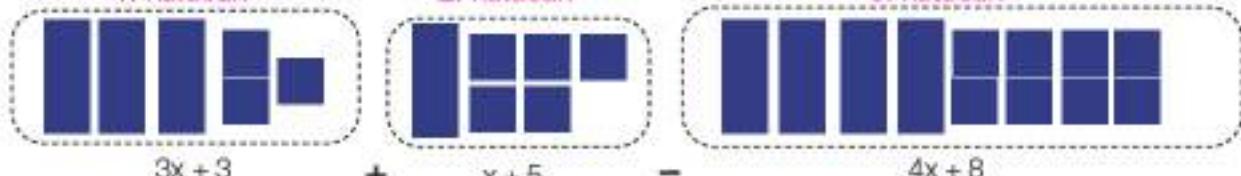
x 'i temsil eden cebir karosu 1 'i temsil eden cebir karosu
olmak üzere $3x + 3$ ve $x + 5$ cebirsel ifadelerini cebir karolar ile modelleyerek toplayalım.

Çözüm:

1. kutucuk

2. kutucuk

3. kutucuk



1. kutucukta x 'i temsil eden 3 tane cebir karosu ve $+1$ 'i temsil eden 3 tane cebir karosu vardır.

1. kutucuktaki karolar $3x + 3$ 'ü temsil etmektedir.

2. kutucukta ise x 'i temsil eden 1 tane cebir karosu ve $+1$ 'i temsil eden 5 tane cebir karosu vardır.
Bu kutucuktaki cebir karolar ise $x + 5$ 'i temsil etmektedir.

Yapılan toplama işleminde benzer karolar yan yana getirildiğinde x 'i temsil eden 4 tane cebir karosu, $+1$ 'i temsil eden 8 tane cebir karosu olduğu görülmektedir. 3. kutucukta $3x + 3$ ve $x + 5$ cebirsel ifadelerinin toplamı olan $4x + 8$ cebirsel ifadesi elde edilmiştir.

Birlikte Çözelim 2

x 'i temsil eden cebir karosu 1 'i temsil eden cebir karosu -1 'i temsil eden cebir karosu

olmak üzere $2x + 1$ ve $x - 2$ cebirsel ifadelerini cebir karolar ile modelleyerek toplayalım.

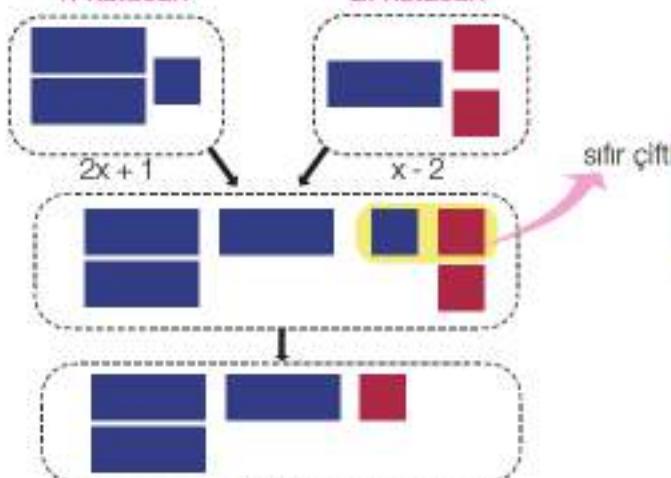
Çözüm:

1. kutucukta x 'i temsil eden 2 tane cebir karosu ve $+1$ 'i temsil eden 1 tane cebir karosu vardır.

2. kutucukta ise x 'i temsil eden 1 tane cebir karosu ve -1 'i temsil eden 2 tane cebir karosu vardır.

1. kutucuk

2. kutucuk



İçerisinde en az bir değişken bulunan ve işlem içeren ifadelere "cebirsel ifadeler" denir.



Bir cebirsel ifadede $(+)$ veya $(-)$ ile ayrılan her bir ifadeye "terim" denir.
Değişkenleri ve bu değişkenlerin kuvvetleri aynı olan terimlere de "benzer terim" denir.

* Cebir karolar ile toplama yaparken nelere dikkat edilmiştir?



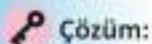
Cebirsel ifadelerde toplama işlemi yapılrken benzer terimlerin katsayıları toplanır ve bu toplam değişkene kat-sayı olarak yazılır. Sabit terimlerin toplamı da sabit terim olarak yazılır.

$$(ax+b)+(cx+d)=(a+c)x+(b+d)$$

(a, b, c ve d tam sayı)

Birlikte Çözelim 3

$(3x - 5)$ ve $(2x - 1)$ cebirsel ifadelerini toplayalım.



Çözüm:

Cebirsel ifadeleri toplamak için benzer terimler kendi aralarında toplanır. Verilen cebirsel ifadelerde $3x$ ile $2x$, -5 ile -1 kendi aralarında benzer terimlerdir.

$$(3x - 5) + (2x - 1) = (3 + 2)x + (-5 - 1)$$

$$= 5x - 6$$

$3x$ ve $2x$ benzer terimlerini kendi aralarında topladığımızda $5x$, -5 ve -1 benzer sabit terimlerini kendi aralarında topladığımızda -6 olur.

$$(3x - 5) + (2x - 1) = 5x - 6$$


HAREZMI

Harezmi, 780 yılında Özbekistan'ın Harezm kentinde dünyaya gelmiştir. Asıl ismi, Ebu Abdullah Muhammed bin Musa El-Harezmi'dir.

Harezmi'nin matematiğe en büyük katkısı, "El'Kitab'ül-Muhtasar fi Hisab'il Cebri ve'l-Mukâbele" isimli cebir kitabıdır. Batı dünyası ilk kez bu kitap sayesinde cebiri kullanmış ve öğrenmiştir.

"Cebirin Babası" unvanıyla tanınmış Türk bilim adamı Harezmi, kitabında "0" rakamını ortaya atarak denklemlerin çözüm sistemlerini anlatmıştır.

Birlikte Çözelim 4

Uzun kenar $4x + 3$, kısa kenar $3x + 1$ olan dikdörtgenin çevre uzunluğunu cebirsel olarak ifade edelim.

$$4x + 3$$



$$3x + 1$$



Çözüm:

Dikdörtgenin çevresinin, dikdörtgenin dört kenar uzunluğunun toplamı olduğunu biliyoruz.

O hâlde,

$$\begin{aligned} \text{Dikdörtgenin çevresi} &= (4x + 3) + (4x + 3) + (3x + 1) + (3x + 1) \\ &= (4 + 4 + 3 + 3)x + (3 + 3 + 1 + 1) \\ &= 14x + 8 \text{ olacaktır.} \end{aligned}$$

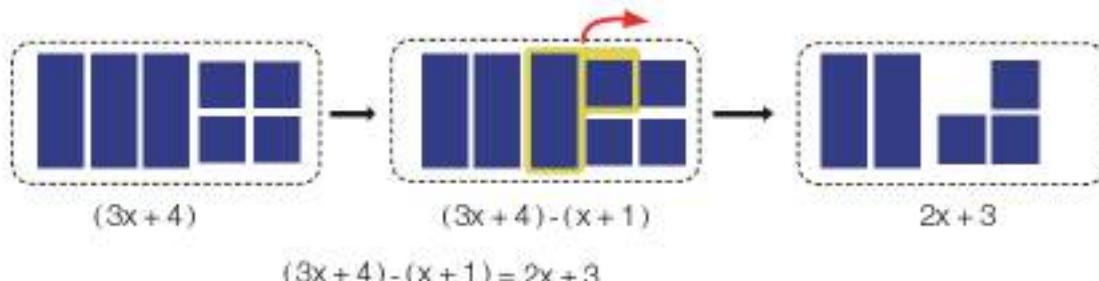
Birlikte Çözelim 5

\rightarrow x 'i temsil eden cebir karosu \rightarrow 1 'i temsil eden cebir karosu \rightarrow -1 'i temsil eden cebir karosu

$(3x + 4) - (x + 1)$ işleminin sonucunu modelleyerek bulalım.

Çözüm:

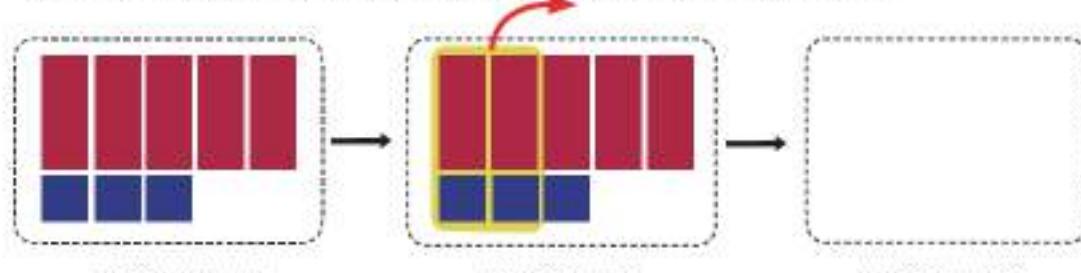
Eksileni modellemek için x 'i temsil eden 3 tane cebir karosu ve $+1$ 'i temsil eden 4 tane cebir karosu kullanalım. Bu modelden x 'i temsil eden 1 tane ve $+1$ 'i temsil eden 1 tane cebir karosunu çıkaralım.



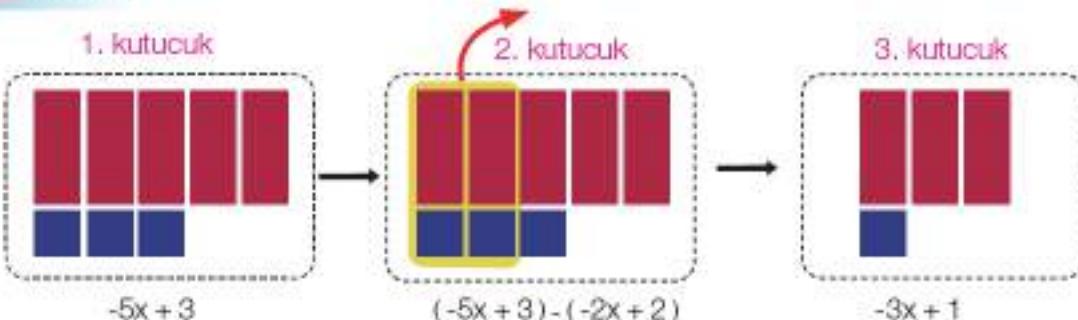
Birlikte Çözelim 6

\rightarrow $-x$ 'i temsil eden cebir karosu \rightarrow 1 'i temsil eden cebir karosu \rightarrow -1 'i temsil eden cebir karosu

Aşağıda modellenen işleme alt cebirsel ifadeleri yazıp sonucu bulalım.



Çözüm:



1. kutucukta $-5x + 3$ cebirsel ifadesi modellenmiştir.

2. kutucukta $(-5x + 3)$ cebirsel ifadesinin modelinden $(-2x + 2)$ cebirsel ifadesinin modeli çıkarılmıştır.

3. kutucuk bu çıkardan kalan $-3x + 1$ 'in modelidir.

* Tam sayıarda çıkarma işleminin toplama işlemi ile ilişkisini düşünerek $(3x + 4) - (x + 1)$ ve $(-5x + 3) - (-2x + 2)$ çıkarma işlemlerini modelleme yapmadan nasıl ifade edebilirsiniz?



Birlikte Çözelim 7

$(3x + 4) - (x + 1)$ işlemini modelleme yapmadan çözelim.

Çözüm:

$(3x + 4) - (x + 1)$ işleminde 3 tane x 'ten 1 tane x 'i çıkarınca 2 tane x kalır.

Aynı şekilde $+4$ 'ten $+1$ çıkarıldığında $+3$ kalır. Dolayısıyla $(3x + 4) - (x + 1) = 2x + 3$ olur.

$(3x + 4) - (x + 1)$ işlemini yaparken tam sayılarla olduğu gibi çıkan ifadenin toplamaya göre tersi alınarak toplama işlemi yapabiliyoruz.

$$\begin{aligned}(3x + 4) - (x + 1) &= (3x + 4) + (-x - 1) \\&= (3x - x) + (4 - 1) \\&= 2x + 3\end{aligned}$$

Cebirsel ifadelerde çıkarma işlemi yaparken tam sayılarla olduğu gibi çıkan ifadenin toplama işlemine göre tersi ile eksilen ifade toplanır.



Bir cebirsel ifadenin toplama işlemine göre tersi bulunurken cebirsel ifadenin tüm terimlerinin işaretleri ters çevrilir.

Birlikte Çözelim 8

Aşağıdaki çıkarma işlemlerini yapalım.

a) $4a - (2a + 1)$

b) $3x + 6 - (-4x - 1)$

Çözüm:

Verilen işlemleri yapmak için parantezlerin içindeki cebirsel ifadelerin işaretlerini değiştirelim.

$$\begin{aligned}a) 4a - (2a + 1) &= 4a + (-2a - 1) \\&= 4a - 2a - 1 \\&= 2a - 1\end{aligned}$$

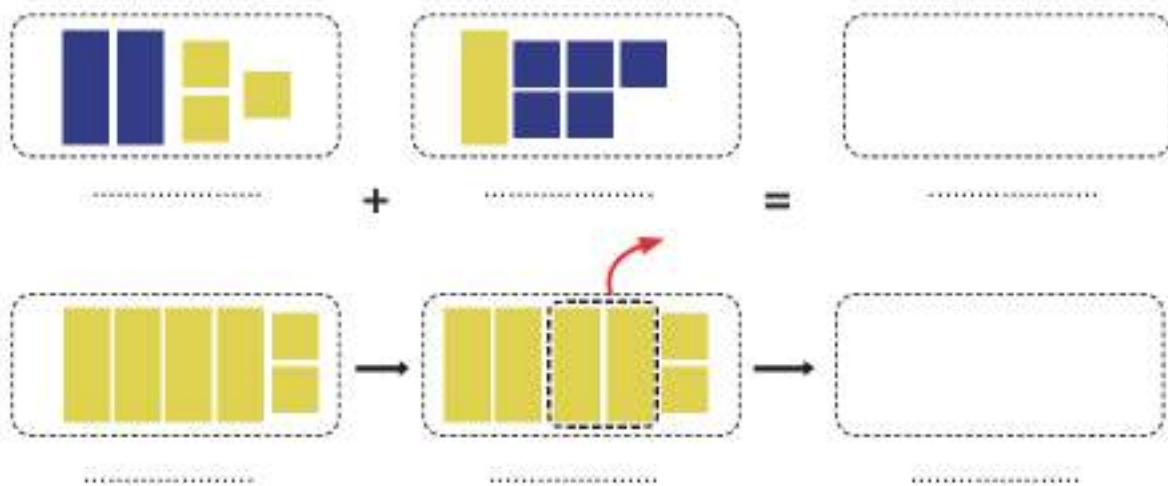
$$\begin{aligned}b) 3x + 6 - (-4x - 1) &= 3x + 6 + (4x + 1) \\&= 3x + 6 + 4x + 1 \\&= 7x + 7\end{aligned}$$



Çözüm Sende

1) $\rightarrow x$ $\rightarrow -x$ $\rightarrow 1$ $\rightarrow -1$

Aşağıda verilen modellemelere karşılık gelen cebirsel ifadeleri ve işlemlerinin sonuçlarını bulunuz.



2) Aşağıda verilen cebirsel ifadelerle toplama ve çıkarma işlemlerini yaparak sonuçlarını yazınız.

a) $(x+3)+(2x+1) = \dots$

b) $(4x-2)+(3x-5) = \dots$

c) $(7a-1)+(a+7) = \dots$

d) $5m-(2m+3) = \dots$

e) $(-2x+4)-(-5x+1) = \dots$

3) Uzun kenarı $(5a-2)$ br ve kısa kenarı $(a+5)$ br olan bir dikdörtgenin çevresini bulunuz.

4) Bir giyim mağazasında satılan kot pantolonun fiyatı $(3x+5)$ TL'dir. Gömleğin fiyatı ise kot pantolonun fiyatından $(x+2)$ TL eksiktir. Buna göre bir gömleğin fiyatını bulunuz.

5) Ferdi kirtasiyede bir defter ve bir kaleme $(3x+5)$ TL ödemistiştir. Buna göre defter ve kalemin fiyatının alabileceği değerleri cebirsel ifade olarak yazınız.

Bir Doğal Sayısı Bir Cebirsel İfade ile Çarpma

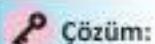


Yanda verilen trafik levhası eşkenar üçgen olup bir kenarının uzunluğu $(a + 5)$ cm'dir.

- Bu levhanın çevresini cebirsel olarak nasıl ifade edebilirsiniz?
- Levhanın çevresini bulmak için farklı çözüm yolları var mıdır?

Birlikte Çözelim 1

Bir kenar uzunluğu $(a + 1)$ br olan karenin çevresini bulalım.



Çözüm:

Bir kenar uzunluğu $(a + 1)$ br olan karenin çevresini,

$\text{Çevre} = \mathcal{C} = (a + 1) + (a + 1) + (a + 1) + (a + 1)$ şeklinde bulabileceğimiz gibi

$\mathcal{C} = 4 \cdot (a + 1)$ işlemi ile de bulabiliriz.

Bu ifadelerin her ikisi karenin çevresini verdiği için

$4 \cdot (a + 1) = (a + 1) + (a + 1) + (a + 1) + (a + 1)$ olacaktır.

Eşitliğin sağ tarafındaki cebirsel ifadeleri topladığımızda

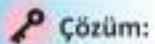
$4 \cdot (a + 1) = 4a + 4$ olduğunu görürüz.

Bu eşitlik, tam sayılarda çarpma işleminin toplama işlemi üzerine dağılma özelliğidir.

$$\begin{aligned} 4(a+1) &= (4a)+(4 \cdot 1) \\ &= 4a+4 \end{aligned}$$

Birlikte Çözelim 2

5 doğal sayısı ile $(x + 3)$ cebirsel ifadesini çarpalım.



Çözüm:

5 doğal sayısını parantezin içindeki terimlerle ayrı ayrı çarparak sonucu bulalım.

$$\begin{aligned} 5 \cdot (x + 3) &= (5 \cdot x) + (5 \cdot 3) \\ &= 5x + 15 \end{aligned}$$

Bir doğal sayı ile bir cebirsel ifade çarpılırken tam sayılar olduğu gibi çarpmanın toplama ve çıkarma işlemi üzerine dağılma özelliğinden yararlanılır. Doğal sayı ile cebirsel ifadenin tüm terimleri ayrı ayrı çarpılır.

$$a(bx + c) = (a \cdot b)x + (a \cdot c)$$



$(a + 1)$



Örüntüler ve İlişkiler

Örüntü, sayı ve şekiller gibi bir dizi matematiksel nesnelerin belli bir kural eşliğinde yapılandırılmasıdır. Bir yılın ayları, mevsimleri veya haftanın günleri örüntülere verilebilecek en güzel örneklerdir. Bunların yanında doğadaki örümcek ağlarının, bal peteklerinin ve birçok bitki türünün örüntülerdenoluştugu görülmektedir. Bu örüntüler sayesinde estetik görüntüler ortaya çıkmaktadır.

- Yanda verilen mutfağın fayanslarının dizilişinde nasıl bir örütüden yararlanılmıştır?



ETKİNLİK

Araç-Gereçler: aynı boyda kalemler

Uygulama Basamakları:

- Aşağıda verilen şekil örütüsünü aynı boyda kalemlerle modelleyerek 4. ve 5. adımda meydana gelecek şekilleri oluşturunuz.

1. adım

2. adım

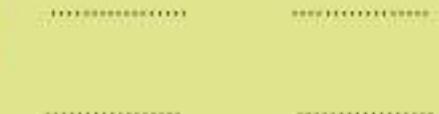
3. adım

4. adım

5. adım



3 tane
kalem



- Örütüdeki her bir şekli oluşturan kalem sayılarını şekillerin altlarına yazınız ve aşağıda verilen tabloyu doldurunuz.

Adım Sayısı	1. Adım	2. Adım	3. Adım	4. Adım	5. Adım Adım	n. Adım
Kullanılan Kalem Sayısı	3	5	7
Adım Sayısı ile Kalem Sayısı Arasındaki İlişki	$2 \cdot 1 + 1$	$2 \cdot 2 + 1$	$2 \cdot 3 + 1$

- Her adımda kullanılan kalemlerin sayısında nasıl bir artış vardır? Yukarıdaki örütüyü inceleyerek adımlar ile kalem sayıları arasındaki ilişkili bulunuz.
- n. adım sayısını göstererek olursa bu örütünün n. adımda kullanılan kalem sayısını veren genel ifadeyi yazınız.
- Genel ifadedeki n'nin katsayıları ile kalem sayılarının artış miktarı arasında nasıl bir ilişki vardır?



...

Yukarıdaki kibrıt çöpleri ile oluşturulan şekil örüntüsünü inceleyerek aşağıdaki tabloyu dolduralım. Kullanılan kibrıt çöpü sayısının adım sayısını ile ilişkisini cebirsel ifade olarak belirtelim.

Adım Sayısı	Kullanılan Kibrıt Çöpü Sayısı	Adım Sayısı ile Kibrıt Çöpü Sayısı Arasındaki İlişki
1	2	1·2
2	4	2·2
3		
4		
.....		
n		

Bir örüntüdeki adım sayısı ile örüntünün terimleri arasındaki ilişkiyi veren cebirsel ifadeye "örüntünün genel terimi" denir.

Bir örüntünün genel terimi " n " değişkeni ile gösterilir. Buradaki " n " değişkenine temsilci sayı veya genel sayı denir.



Çözüm:

Verilen örüntüyü kullanarak aşağıdaki tabloyu dolduralım. Öncelikle her adımda kullanılan kibrıt çöpü sayısını belirleyelim ve tablodaki ilgili sütunu dolduralım.

Örüntüye 2 kibrıt çöpü ile başlanmış ve her adımda bir önceki adıma 2 kibrıt çöpü eklenerek örüntü devam ettirilmiştir. Yani artış miktarı sabittir.

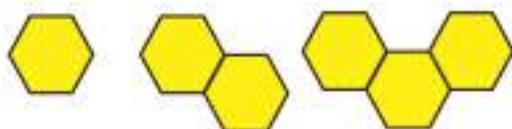
$$\begin{aligned} 1. \text{ adım: } & 2 \\ 2. \text{ adım: } & 2 + 2 = 4 \\ 3. \text{ adım: } & 4 + 2 = 6 \\ 4. \text{ adım: } & 6 + 2 = 8 \\ \vdots & \vdots \end{aligned}$$

Adım Sayısı	Kullanılan Kibrıt Çöpü Sayısı	Adım Sayısı ile Kibrıt Çöpü Sayısı Arasındaki İlişki
1	2	1·2
2	4	2·2
3	6	3·2
4	8	4·2
.....
n		n·2

Örüntü devam ettirildiğinde adım sayısı ile o adımda kullanılan kibrıt çöpü sayısı arasında bir ilişki olduğu görülür. Buna göre kibrıt çöpü sayısı adım sayısının 2 katıdır.

O hâlde örüntünün herhangi bir adımı olan n. adımda ise kibrıt çöpü sayısı $n \cdot 2 = 2n$ olur.

Bu örüntünün genel kuralı $2n$ 'dir.



1. adım

2. adım

3. adım

4. adım

Yandaki örüntüde ilk altigeninden başlayarak her adımda mevcut altigenlerden yalnız biriyle ortak kenara sahip olacak şekilde örüntüye birer altigen eklenmiştir.

Bu örüntüden yararlanarak altigen sayısı ile toplam kenar sayısının arasındaki ilişkinin cebirsel kuralını (genel kural) bulalım.

Çözüm:

Verilen örüntüdeki altigen sayısının toplam kenar sayısını bir tablo üzerinde gösterelim ve bu iki sayı arasındaki ilişkiye bülterleyelim.

Adım (Altigen Sayısı)	Toplam Kenar Sayısı	Adım Sayısı ile Kenar Sayısı Arasındaki İlişki
1	6	$5 \cdot 1 + 1$
2	11	$5 \cdot 2 + 1$
3	16	$5 \cdot 3 + 1$
4	21	$5 \cdot 4 + 1$
5	26	$5 \cdot 5 + 1$
.....
n		$5 \cdot n + 1$

Örüntü 1 tane altigenin altı kenanya başlayıp her adımda toplam kenar sayısı 5 artmaktadır. Örüntünün adımları arasında artış miktarı sabittir.

Tablodan toplam kenar sayısının, adım sayısının 5 katının 1 fazlası olduğu görülebilir.

O hâlde verilen örüntünün herhangi bir adımı olan n. adımda toplam kenar sayısı $5 \cdot n + 1 = 5n + 1$ 'dir.

Bu örüntünün genel kuralı $5n + 1$ 'dir.



Ardışık iki terim arasındaki farkı sabit olan örüntülerde örüntünün genel terimini bulmak için

- Sabit olan fark, örüntünün temsilci sayısı olan n'nin katsayısına yazılır ve n'li bir terim elde edilir.
- n yerine 1 yazılarak elde edilen değer ile örüntünün ilk terimi karşılaştırılır. Arada fark varsa ilk terimi elde etmek için gereken sayı kadar eklemeye ya da çıkarma yapılır.
- Eklenen veya çıkarılan sayı, n'li terimin yanına yazılır.

Birlikte Çözelim 3

4, 10, 16, 22, ... şeklinde devam eden sayı örüntüsünün genel terimini bulalım.

Çözüm:

Verilen örüntüyü bir tabloya yerlestirelim. Terimler arasındaki artışı belirleyelim. Bu artışı örüntünün genel kuralındaki temsilci sayının katsayısı olarak yazalım. 1. terimi elde etmek için yapmamız gereken işlemi belirleyip örüntünün genel kuralını oluşturalım.

Adım Sayısı	1	2	3	4	...	n
Terimler	4	10	16	22
Adım Sayısı ile Terimler Arasındaki İlişki	$6 \cdot 1 - 2$	$6 \cdot 2 - 2$	$6 \cdot 3 - 2$	$6 \cdot 4 - 2$...	$6 \cdot n - 2$

Örüntünün adımları arasında sabit bir fark olup bu fark 6'dır.

Artış miktarı: **6**

O hâlde örüntünün genel kuralındaki temsilci sayının (n) katsayısı **6**'dır.

Örüntünün 1. terimi olan 4'ü elde etmek için 6'dan 2 çıkarmalıyız.

Buradan örüntünün genel kuralı $6n - 2$ olur.

Birlikte Çözelim 4

Peçete koleksiyonu yapmaya başlayan Esra, ilk hafta 7 peçete alır. Sonraki her hafta koleksiyonuna 5 peçete eklemeye karar verir. Esra'nın 15. haftada toplam kaç peçete olacağını bulalım.

Çözüm:

Esra'nın peçete koleksiyonundaki peçete sayısı ile hafta sayısı arasındaki ilişkisi veren bir tablo oluşturalım.

Hafta Sayısı	Toplam Peçete Sayısı	Hafta Sayısı ile Toplam Peçete Sayısı Arasındaki İlişki
1	7	$5 \cdot 1 + 2$
2	12	$5 \cdot 2 + 2$
3	17	$5 \cdot 3 + 2$
4	22	$5 \cdot 4 + 2$
.....
n	$5 \cdot n + 2$

Esra'nın haftalara göre peçete sayısındaki artış miktarı sabittir. Bu yüzden haftalara göre toplam peçete sayısını gösteren örüntü, sabit artan bir örüntüdür.

Artış miktarı: **5**

O hâlde örüntünün genel kuralındaki temsilci sayının (n) katsayısı **5**'tir.

1. haftadaki peçete sayısını bulmak için 5'e 2 eklememiz gereklidir.

Esra'nın koleksiyonu için hafta sayısı ile peçete sayısı arasındaki ilişkiye alt genel kural $5n + 2$ 'dir.

Bize Esra'nın 15. haftadaki toplam peçete sayısı sorulduğum için genel kuralda n yerine 15 yazmalıyız.

15. haftadaki peçete sayısı $5 \cdot 15 + 2 = 77$ 'dir.

Esra'nın 15. haftada toplam 77 peçetesi olur.

Birlikte Çözelim 5

Genel kuralı $4n - 2$ olan bir örüntünün 20. ve 21. adımları arasındaki farkın kaç olacağını bulalım.



Çözüm:

$$\begin{aligned} \text{Genel kuralı } 4n - 2 \text{ olan bir örüntünün 20. adımı} &= 4 \cdot 20 - 2 \\ &= 78 \text{ olur.} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{Genel kuralı } 4n - 2 \text{ olan bir örüntünün 21. adımı} &= 4 \cdot 21 - 2 \\ &= 82 \text{ olur.} \end{aligned}$$

21. adım ile 20. adının farkı: $82 - 78 = 4$ olur.

Ardışık iki adım arasındaki farkın genel kuralındaki temsilci sayısının katsayısına eşit olduğu görülür.

Birlikte Çözelim 6

Kuralı $3n + 1$ olan bir örüntünün

- a) İlk 3 terimini yazalım.
- b) 22. terimini bulalım.



Çözüm:

a) Kuralı $3n + 1$ olan bir örüntünün ilk 3 terimi için n 'ye 1, 2 ve 3 değerlerini vermemeliyiz.

$$n = 1 \text{ için } 1. \text{ terim: } 3 \cdot 1 + 1 = 4$$

$$n = 2 \text{ için } 2. \text{ terim: } 3 \cdot 2 + 1 = 7$$

$$n = 3 \text{ için } 3. \text{ terim: } 3 \cdot 3 + 1 = 10$$

Örüntünün ilk 3 terimi 4, 7 ve 10'dur.

b) Örüntünün 22. terimi için genel kuralda "n" yerine 22 yazmamız gereklidir.

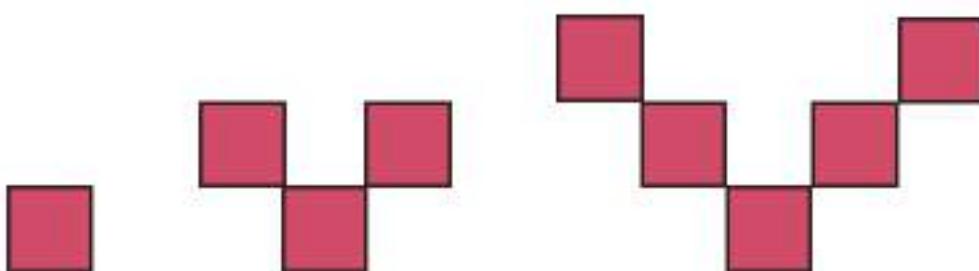
$$\begin{aligned} n = 22 \text{ için } 22. \text{ terim: } 3 \cdot 22 + 1 &= 66 + 1 \\ &= 67 \text{ olur.} \end{aligned}$$

Örüntünün 22. terimi 67'dir.



Çözüm Sende

1)



1. adım

2. adım

3. adım

...

Yukanda karelerden oluşturulmuş ve adımlar arasındaki farkı sabit olan örüntünün aynı şekilde devam etiği düşünülürse bu örüntünün

- a) Genel kuralını bulunuz.
- b) Bu örüntüde 15. adımda kaç tane kare olacağını bulunuz.

2)



Yandaki örüntü aynı şekilde devam ettirildiğinde 100. adımda kaç tane yeşil kare olacaktır?

3) 5, 12, 19, 26, ... şeklinde devam eden sayı örüntüsünün genel kuralını yazınız.

4) Aşağıdaki sayı örüntülerini verilen genel kurallar ile eşleştiriniz.

- a) 3, 5, 7, 9, ... ★ $3n + 9$
- b) 6, 10, 14, 18, ... ★ $2n + 1$
- c) 1, 8, 15, 22, ... ★ $7n - 6$
- ç) 12, 15, 18, 21, ... ★ $4n + 2$
- ★ $6n + 2$

5) Aşağıda genel kuralları verilen sayı örüntülerinden artış miktarı en az olan hangisidir?

- A) 8n
- B) $n + 180$
- C) $4n + 1$
- D) $5n - 5$

6) Sabit artan ve genel kuralı $11n - 4$ olan bir örüntünün ilk 4 teriminin toplamını bulunuz.

7) Güliz Hanım, kızı Birce'ye bir kumbara hediye eder. Kumbaraya 30 TL atan Güliz Hanım, kızından her hafta 3 TL biriktirmesini ister. Buna göre Birce'nin 7 hafta sonra kumbarasında kaç TL'si olur?

2. Bölüm: EŞİTLİK VE DENKLEM BİRİNCİ DERECEDEN BİR BİLİNMEYENLİ DENKLEMLER

"Özgürliğin de eşitliğin de adaletin de kaynağı ulusal egemenliktir."

Mustafa Kemal Atatürk



Türkiye Cumhuriyeti Adalet Bakanlığı, Türkiye Cumhuriyeti hükümetine bağlı olarak çalışan ve yargı işlerinden sorumlu bir bakanlıktır. TBMM'nin açılmasından itibaren Adliye Vekâleti olarak anılan Bakanlığın adı, 1945 yılında Adalet Bakanlığı olmuştur.

Yandaki logo T.C. Adalet Bakanlığına aittir.

- Logoda kullanılan semboller seçiliırken sizce nelere dikkat edilmiştir?
- Logoda kullanılan terazi ile anlatılmak istenen nedir?

ETKİNLİK

Araç-Gereçler: kağıt, kalem

Uygulama Basamakları:

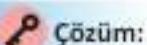
Sözel İfade	Cebirsel İfade	Sözel İfade	Matematik Cümlesi
Bir sayının 3 fazlası	Bir sayının 3 fazlası 8'dir.
Bilyelerimin 5 eksigi	Bilyelerimin 5 eksigi 29'dur.
Mehmet'in yaşıının 4 katı	Mehmet'in yaşıının 4 katı 48'dir.
Beyza'nın kalemlerinin 3 fazlasının 2 katı	Beyza'nın kalemlerinin 3 fazlasının 2 katı 20'dir.
Seda'nın tokalarının 3 katının 2 fazlası	Seda'nın tokalarının 3 katının 2 fazlası 17'dir.

Yukarıda verilen bilgileri inceleyerek

- Mavi sütundaki ifadelerle yeşil sütundaki ifadeler arasındaki farklılığı belirleyiniz.
- Tabloda mavi sütunda verilen sözel ifadelerle uygun cebirsel ifadeleri yanındaki sütuna yazınız.
- Tabloda yeşil sütunda verilen sözel ifadelerin matematik cümlelerini yanındaki sütuna yazınız.

Birlikte Çözelim 1 ➤

Kaya'nın aklından tuttuğu sayıının 2 katının 5 fazlası 21'dir. Kaya'nın aklından tuttuğu sayıyı bulabilmek için gerekli olan matematik cümlesini yazalım.



Çözüm:

Kaya'nın aklından tuttuğu sayıyı bilmemişiz için bu sayıyı bir değişkenle ifade edelim. Daha sonra bu değişkeni kullanarak matematik cümlesini oluşturalım.

Kaya'nın aklından tuttuğu sayı: x olsun.

Sayıının iki katı: $2x$

Sayıının iki katının 5 fazlası: $2x + 5$

Sayıının iki katının 5 fazlası 21'dir. O hâlde $2x + 5 = 21$ olur.



İçerisinde bilinmeyen bulunan eşitliklere "denklem" denir.
 a, b, c rasyonel sayılar ($a \neq 0$) olmak üzere $ax + b = c$ denkleminde bilinmeyen sayısı 1 tane ve x 'in kuvveti 1 olduğunda bu denkleme "birinci dereceden bir bilinmeyenli denklem" denir.

Birlikte Çözelim 2

Aşağıda verilen denklemlerden birinci dereceden bir bilinmeyenli denklem olanları bulalım.

- a) $x + 3 = 8$ b) $3x + 4y = 9$ c) $2x^2 - 5x = -2$

Çözüm:

Verilen denklemlerden içerisinde bir bilinmeyen bulunan ve bilinmeyenin en büyük kuvvetinin 1 olduğu denklemler, birinci dereceden bir bilinmeyenli denklemlerdir. Buna göre a maddesindeki $x + 3 = 8$ denklemi birinci dereceden bir bilinmeyenli denklemdir. b maddesindeki $3x + 4y = 9$ denkleminde 2 tané bilinmeyen vardır. c maddesindeki $2x^2 - 5x = -2$ denkleminde ise bilinmeyenin kuvveti 2'dir. Bu nedenle $3x + 4y = 9$ ve $2x^2 - 5x = -2$ denklemleri birinci dereceden bir bilinmeyenli denklem değildir.

Birlikte Çözelim 3

32 kişilik bir sınıfta kız öğrencilerin sayısı, erkek öğrencilerin sayısının iki katından 10 eksiktir. Bu sınıftaki erkek öğrencilerin sayısını veren denklemi yazalım.

Çözüm:

Erkeklerin sayısı: x olsun.

Kızların sayısı: $2x - 10$ olur.

Sınıf mevcudu 32'dir.

Erkeklerin sayısı ile kızların sayısının toplamı sınıf mevcudunu vereceğinden $x + 2x - 10 = 32$ olur. Bu ifadeyi düzenlediğimizde $3x - 10 = 32$ denklemi elde ederiz.

Birlikte Çözelim 4

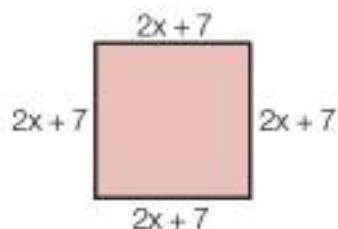
Bir kenar uzunluğu $(2x + 7)$ br olan karenin çevresi 68 br olduğuna göre x bilinmeyenini bulmak için kullanılacak denklemi yazalım.

Çözüm:

Bir kenar uzunluğu $(2x + 7)$ br olan karenin çevresini bulmak için bir kenar uzunluğunu 4 ile çarpalım.

$$4 \cdot (2x + 7) = 8x + 28$$

Karenin çevresi 68 br olduğundan $8x + 28 = 68$ denklemi x bilinmeyenini bulmak için kullanılacak denklemidir.



Çözüm Sende

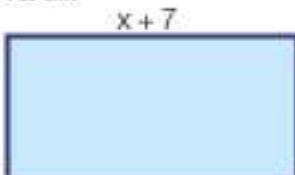
1) Aşağıda verilen denklemlerden hangilerinin birinci dereceden bir bilinmeyenli denklem olduğunu bulunuz.

- a) $m - 23 = -4$ b) $3t - 4 = 7t - 24$ c) $3x^3 + 4y = 0$ d) $2n^2 + 5n = 63$

2) Aşağıdakilerden uygun olanı işaretleyiniz.

- a) Bir sayının 7 katının 5 eksiği 44'tür.
 b) Bir sayının 4 fazlasının 3 katı 5'tir.
 c) Ahmet'in bilyelerinin sayısı, kardeşinin bilyelerinin 7 fazlasıdır. İki kardeşin toplam 23 bilyesi vardır.

3)



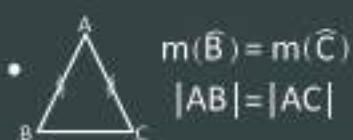
Yandaki dikdörtgenin çevresi 54 cm olduğuna göre x bilinmeyenini veren denklemi yazınız.

Eşitliğin Korunumu

Eşitlik, birden çok niceliğin değer olarak aynı veya denk miktarda olmaları durumudur.

- $2 + 3 = 5$

-  Çevre = $2\pi r$

-  $m(\hat{B}) = m(\hat{C})$
 $|AB| = |AC|$

Eşitlik için "=" simbolü kullanılır. Bu simbolü 16. yüzyılda ünlü matematikçi Robert Record (Robert Rikord) tasarlamıştır. Record, bu simbol için "Eşittir sözcüğünün yerine paralel iki çizgi koyacağım çünkü paralel iki çizgiden daha eşit bir şey olamaz." diyerek "=" simbolünü matematiğe kazandırılmıştır.

- Siz de yanda verilen örnekleri inceleyerek "=" simbolü içeren eşitlikler yazınız.

ETKİNLİK

Araç-Gereçler: terazi, birbirine eş bilyeler

Uygulama Basamakları:

- 5-6 kişilik gruplar oluşturunuz. Gruplar olarak birer terazi ve bir miktar eş bilye alınız.
- Terazilerin her iki kefesine altışar bilye koynuz ve denge durumu hakkında yorum yapınız.

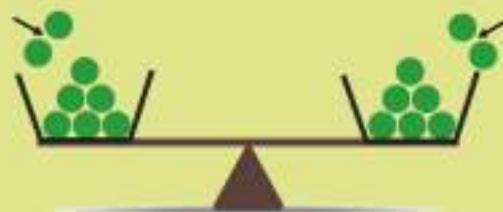


Dengedeki teraziler için aşağıdaki sorgulamaları yapınız.

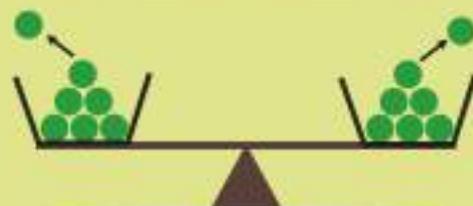
- Dengedeki terazinin sol kefesine 1 bilye eklerseniz denge durumu bozulur mu? Bozulursa ne yapmalısınız?



- Terazinin dengedeki kefelerine ikişer adet bilye eklediğinizde dengeye dair ne gözlemlersiniz?



- Terazinin dengedeki kefelerinden birer adet bilye aldığınızda denge durumu nasıl olur?



- Terazinin dengedeki kefelerinin birinden bir miktar bilye aldığınızda dengenin bozulması için ne yapmalısınız? Bu durumu matematiksel olarak ifade ediniz.
- Terazinin her kefesindeki bilye sayısını 2 katına çekerse denge durumu nasıl değişir? Bu durumu matematiksel olarak ifade ediniz.
- Terazinin kefelerindeki bilyelerin yansını her iki kefededen alırsanız denge durumu nasıl değişir? Bu durumu matematiksel olarak ifade ediniz.

Bir eşitliğin:

- 1) Her iki tarafındaki terimlere aynı sayı eklenince
- 2) Her iki tarafındaki terimlerden aynı sayı çıkarıldığında
- 3) Her iki tarafındaki terimler aynı sayı ile çarpıldığında
- 4) Her iki tarafındaki terimler sıfırdan farklı bir sayıya bölündüğünde eşitlik bozulmaz.



Birlikte Çözelim 1



- 3 kg
- 4 kg
- 1 kg
- 2 kg

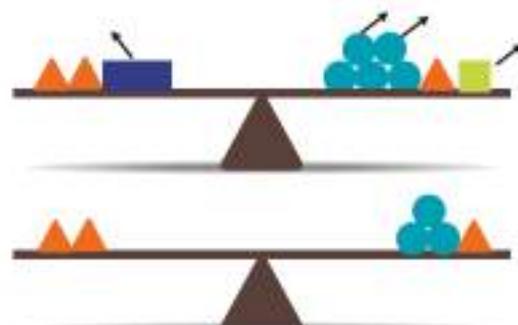
Şekildeki terazinin sol kefesine 2 tane 3 kg, 1 tane 4 kg; sağ kefesine 5 tane 1 kg, 1 tane 2 kg ve 1 tane 3 kg koyulduğunda terazi denge durumuna geldiğine göre

- a) Terazinin sol kefesinden 1 tane 4 kg, sağ kefesinden 2 tane 1 kg ve 1 tane 2 kg alınırsa
- b) Terazinin her iki kefesindeki toplam kütleler yarıya indirilirse terazinin denge durumunun değişip değişimeyeceğini bulalım.

Çözüm:

a)

$$\begin{array}{ccc} \underbrace{3 \text{ kg} + 3 \text{ kg} + 4 \text{ kg}}_{10 \text{ kg}} & = & \underbrace{1 \text{ kg} + 1 \text{ kg} + 1 \text{ kg} + 1 \text{ kg} + 1 \text{ kg} + 2 \text{ kg} + 3 \text{ kg}}_{10 \text{ kg}} \\ \text{Sol kefe} & & \text{Sağ kefe} \end{array}$$



$$3 \text{ kg} + 3 \text{ kg} ? 1 \text{ kg} + 1 \text{ kg} + 1 \text{ kg} + 3 \text{ kg}$$

$$6 \text{ kg} = 6 \text{ kg}$$

Eşitliğin her iki tarafından aynı miktarda kütle çıkarıldığında eşitlik değişmediğinden terazinin denge durumu değişmez.

b)

$$\begin{array}{ccc} \underbrace{3 \text{ kg} + 3 \text{ kg} + 4 \text{ kg}}_{10 \text{ kg}} & = & \underbrace{1 \text{ kg} + 1 \text{ kg} + 1 \text{ kg} + 1 \text{ kg} + 1 \text{ kg} + 2 \text{ kg} + 3 \text{ kg}}_{10 \text{ kg}} \\ \text{Sol kefe} & & \text{Sağ kefe} \end{array}$$

Her iki kefedeki toplam kütleleri yarıya indirirsek $\frac{10}{2} ? \frac{10}{2}$

$$5 = 5 \text{ eşitliğini elde ederiz.}$$

Eşitliğin her iki tarafındaki toplam kütleleri yarıya indirdiğimizde eşitlik değişmediğinden terazinin denge durumu değişmez.

Denklem Çözme



1. kutu



2. kutu

Yukarıda verilen kutulardaki çikolata sayıları birbirine eşittir. 1. kutuda, içinde kaç tane çikolata olduğunu bilmemişiz bir torba vardır.

- Bu torbanın içindeki çikolata sayısını nasıl bulabilirsiniz?

Birlikte Çözelim 1



Yandaki terazi dengede olup "●" 1 birim kütleyi ifade etmektedir. Buna göre ▲ kütlesinin kaç birim kütle olduğunu, denge durumuna alt denklemi kurarak bulalım.

Çözüm:

Sol kefede 6 birim kütle, sağ kefede ise 2 birim kütle ve 2 tane külesi bilinmeyen şekil vardır.

Sol kefe Sağ kefe

$$6 = 2 + 2x$$

$$(-2) + 6 = (-2) + 2 + 2x \quad \text{Bilinmeyen olarak adlandırdıktan } x \text{ i yalnız bırakmak için her iki tarafa } (-2) \text{ ekleyelim.}$$

$$4 = 2x$$

$$4 \cdot \frac{1}{2} = 2x \cdot \frac{1}{2} \quad \text{Her iki tarafı } 2 \text{ nin çarpımıya göre tersi olan } \frac{1}{2} \text{ ile çarpalımlım.}$$

$$2 = x$$

Bulduğumuz x değerinin doğruluğunu x 'i denklemde yerine koymak kontrol edelim:

$$6 = 2 + 2x$$

↓

$$6 = 2 + 2 \cdot 2$$

$$6 = 6$$

x 'in değerini yerine koymduğumuzda eşitliğin her iki tarafında da aynı sayıyı elde ettiğimiz için sonucumuz doğrudur.

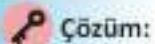
Bir denklemin eşitliğini sağlayan bilinmeyene "denklemin çözümü", bilinmeyeni bulma işlemine de "denklem çözme" denir.



Birlikte Çözelim 2

Aşağıda verilen denklemleri çözelim.

a) $4 = x + 8$ b) $x - 7 = -4$ c) $-42 = -6n$ d) $3x + 4 = 16$



Çözüm:

Denklemlerde bilinmeyen genellikle "x" ile ifade edilse de başka harf ya da sembol kullanılabilir. Denklemleri çözmek için her bir denklemdeki bilinmeyeni yalnız bırakmalıyız.

a) $4 = x + 8$

$$4 + (-8) = x + 8 + (-8) \rightarrow \text{Her iki tarafa } (-8) \text{ ekleyelim.}$$
$$-4 = x$$

b) $x - 7 = -4$

$$x - 7 + (+7) = -4 + (+7) \rightarrow \text{Her iki tarafa } (+7) \text{ ekleyelim.}$$
$$x = 3$$

c) $-42 = -6n$

$$-42 \cdot \left(-\frac{1}{6}\right) = -6n \cdot \left(-\frac{1}{6}\right) \rightarrow \text{Her iki tarafi } \left(-\frac{1}{6}\right) \text{ ile çarpalım.}$$
$$7 = n$$

d) $3x + 4 = 16$

$$3x + 4 + (-4) = 16 + (-4) \rightarrow \text{Her iki tarafa } (-4) \text{ ekleyelim.}$$
$$3x = 12$$

$$3x \cdot \frac{1}{3} = 12 \cdot \frac{1}{3} \rightarrow \text{Her iki tarafi } \left(\frac{1}{3}\right) \text{ ile çarpalım.}$$
$$x = 4$$

Bir sayıyı $\frac{1}{3}$ ile çarpmak, o sayıyı 3'e bölmektir.

$$\left(12 \cdot \frac{1}{3} = \frac{12}{3}\right)$$



Birlikte Çözelim 3

$-3x + 9 = 6x - 36$ denklemini çözelim.



Çözüm:

Eşitliğin her iki tarafında da bilinmeyen olan denklemlerde, bir tarafta bilinenler, diğer tarafta bilinmeyenler olacak şekilde düzenleme yapmamız gereklidir.

$$-3x + 9 = 6x - 36$$

$$(+3x) + -3x + 9 = (+3x) + 6x - 36 \rightarrow \text{Her iki tarafa } (+3x) \text{ ekleyip bilinmeyeni eşitliğin bir tarafında bırakalım.}$$
$$9 = 9x - 36$$

$$9 + (+36) = 9x - 36 + (+36) \rightarrow \text{Her iki tarafa } (+36) \text{ ekleyelim.}$$

$$45 = 9x$$

$$\frac{45}{9} = \frac{9x}{9} \rightarrow$$

$$5 = x$$



ÖMER HAYYAM

1044 yılında doğan Ömer Hayyam; Fars kökenli şair, yazar, filozof olmakla beraber matematik ve astronomi alanlarındaki çalışmalıyla bilimin gelişimine büyük katkılar sağlamış seçkin bir bilim adamıdır.

Ömer Hayyam, denklemleri ele alan bir kitabında bilinmeyen sayıyı göstermek için Arapçadaki "şey" teriminini kullanmıştır. Sonraları İspanyolların ilmi eserlerlerine "Xay" olarak geçen bu kelime zamanla kısaltılarak "x" hâlini alıp tüm dünyada bilinmeyen sayının simgesi haline gelmiştir.



$2(x - 4) + 3x = x + 16$ denklemini çözelim.

Çözüm:

$2(x - 4) + 3x = x + 16$ denkleminin çözümüne 2 tam sayısı ile $x - 4$ cebirsel ifadesini çarparak başlayalım.

$$\begin{array}{l} \curvearrowright \\ 2(x - 4) + 3x = x + 16 \end{array}$$

$$2x - 8 + 3x = x + 16$$

$$5x - 8 = x + 16$$

$$5x - 8 + 8 = x + 16 + 8$$

$$5x = x + 24$$

$$5x - x = x + 24 - x$$

$$4x = 24$$

$$\frac{4x}{4} = \frac{24}{4}$$

$$x = 6$$



Çözüm Sende

1) Aşağıdaki denklemlerde bilinmeyenleri bulunuz.

- | | |
|--------------------|-------------------|
| a) $x - 3 = -14$ | c) $-120 = -5n$ |
| b) $-27 + x = -20$ | d) $-12 = -p + 9$ |
| c) $-3n = 17$ | e) $16 = 25 - 3p$ |

2) Aşağıdaki denklemleri çözünüz.

- | | |
|-------------------|-----------------------|
| a) $5x - 20 = 0$ | c) $28 = 50 - 4n$ |
| b) $22 - 4x = 30$ | d) $4 - 2x = 5x - 17$ |
| c) $1 = -3n + 7$ | e) $x + 1 = 3x - 6$ |

3) Aşağıdaki denklemleri çözünüz.

- | | |
|---------------------|--------------------------------|
| a) $7(x - 3) = 56$ | c) $7(m - 8) - 2(m - 2) = -2$ |
| b) $30 = -5(4 - x)$ | c) $5(1 + 3m) + 15 = 8(m + 6)$ |

4) Bora



$$\begin{aligned} x + 13 &= 20 \\ x + 13 - 13 &= 20 - 13 \\ x &= 7 \end{aligned}$$

Bora ve Canan'ın yaptığı çözümlerden hangisi doğrudır? Neden?

Canan



$$\begin{aligned} x + 13 &= 20 \\ x + 13 - 13 &= 20 \\ x &= 20 \end{aligned}$$

Birinci Dereceden Bir Bilinmeyenli Denklem Problemleri

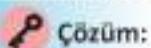
Ayşe, yanda afiş verilen Karadeniz turuna çıkmak istemektedir. Ayşe'nin birlikmiş 1000 TL'si vardır. Ayşe, bu tura 5 ay sonra çıkacağı için maaşından her ay eşit mikarda para biriktirmeyi planlamaktadır.

- Ayşe'nin her ay biriktirmesi gereken para miktarını nasıl hesaplarınız?



Birlikte Çözelim 1

Ardışık 3 tam sayının toplamı 63'tür. Küçük olan tam sayı kaçtır? Bu problemi çözelim.



Çözüm:

* Problemde verilenleri ve istenenleri belirleyelim:

Ardışık 3 tam sayının toplamının 63 olduğu verilmiştir. Küçük sayının kaç olduğu istenmektedir.

* Problemi çözebilmek için neler yapmamız gerektiğini planlayalım:

En küçük sayıyı x ile gösterelim. Ardışık sayılar birer artmaktadır. Buna göre diğer sayılarla alt cebirsel ifadeleri yazalım ve uygun denklemi kuralım.

* Problemin çözümünü yapalım:

Küçük sayı : x olsun.

Ortanca sayı : $x+1$ olur.

Büyük sayı : $x+2$ olur.

3 sayının toplamı 63 olduğundan $x + (x + 1) + (x + 2) = 63$ olacaktır.

$$x + x + 1 + x + 2 = 63$$

$$3x + 3 = 63$$

$$3x + 3 + (-3) = 63 + (-3)$$

$$3x = 60$$

$$\frac{3x}{3} = \frac{60}{3}$$

$$x = 20$$

* Çözümümüzü kontrol edelim:

Bulduğumuz x değerinin doğruluğunu kontrol edelim:

Küçük sayı : $x = 20$

Ortanca sayı : $x + 1 = 21$

Büyük sayı : $x + 2 = 22$ olur.

Bu üç sayının toplamının 63 olup olmadığını kontrol edelim:

$$20 + 21 + 22 = 63$$

$$63 = 63$$

Toplamı 63 eden ardışık üç sayı 20, 21 ve 22'dir. Bu sayıların en küçüğü de 20 olduğu için çözüm doğrudur.

Birlikte Çözelim 2

Tuna'nın yaşı, kızı Defne'nin yaşıının 7 katının 8 eksigidir. Tuna ile Defne'nin yaşları toplamı 40'tır. Probleme uygun denklemi yazalım ve Defne'nin yaşıını bulalım.

Çözüm:

* Problemde verilenleri ve istenenleri belirleyelim:

Tuna'nın yaşı, kızı Defne'nin yaşıının 7 katının 8 eksigidir. Tuna ile Defne'nin yaşları toplamı 40'tır. Bzden probleme uygun denklemi yazmamız ve Defne'nin yaşıını bulmamız istenmektedir.

* Problemi çözebilmek için neler yapmamız gerektiğini planlayalım:

Defne'nin yaşı bilmediğimiz için bunu bir bilinmeyenle ifade edip Tuna'nın yaşı da kızının yaşı cinsinden ifade edelim.

Her ikisinin yaşları toplamı 40 olacak şekilde denklemi yazalım.

Denklemi çözerek Defne'nin yaşıını bulalım.

* Problemin çözümünü yapalım:

Defne'nin yaşı: x olsun.

Tuna'nın yaşı: $7x - 8$ olur.

Tuna ile Defne'nin yaşları toplamı 40 olduğuna göre

$$x + 7x - 8 = 40$$

$$8x - 8 = 40$$

$$8x - 8 + (+8) = 40 + (+8)$$

$$8x = 48$$

$$\frac{8x}{8} = \frac{48}{8}$$

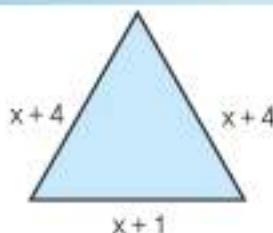
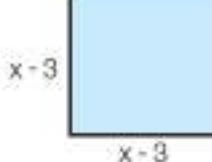
$$x = 6$$

* Çözümümüzü kontrol edelim:

Defne'nin yaşı 6 olarak bulunduğundan Tuna'nın yaşı $7 \cdot 6 - 8 = 34$ olarak bulunur.

İkisinin yaşları toplamı $34 + 6 = 40$ olacağından problemimizin çözümü doğrudur.

Birlikte Çözelim 3



Yandaki kare ve ikizkenar üçgenin çevreleri birbirine eşit olduğuna göre karenin bir kenarının uzunluğunun kaç br olduğunu bulalım.

Çözüm:

Üçgenin çevresi: $(x+4) + (x+4) + (x+1) = 3x + 9$ 'dur.

Karenin çevresi: $4 \cdot (x-3) = 4x - 12$ 'dir.

Üçgen ve karenin çevresi birbirine eşit olarak verildiğinden

$$3x + 9 = 4x - 12$$

$$3x + (-3x) + 9 = 4x + (-3x) - 12$$

$$(+12) + 9 = x - 12 + (+12)$$

$$9 + 12 = x$$

$$21 = x$$

$x = 21$ olduğuna göre karenin bir kenarı $21 - 3 = 18$ birimdir.

Birlikte Çözelim 4

Bir çiftlikteki tavuk ve tavşanların toplam sayısı 25, hayvanların ayaklarının toplam sayısı 84'tür. Bu çiftlikteki tavuk sayısını bulalım.



Çözüm:

Ciftlikteki tavuk sayısı: x olsun.

Tavşan ve tavukların toplamları 25 olduğundan

Tavşan sayısı: $25 - x$ olur.

Tavukların toplam ayak sayısı: $2x$,

Tavşanların toplam ayak sayısı: $4(25 - x)$ 'tir.

Tavuk ve tavşanların toplam ayak sayısı: $2x + 4(25 - x)$ olur.

Toplam ayak sayısı 84 olduğundan $2x + 4(25 - x) = 84$ denklemi elde edilir.

Bu denklemin çözümü tavuk sayısına eşittir.

$$2x + 4(25 - x) = 84$$

$$2x + 100 - 4x = 84$$

$$-2x + 100 = 84$$

$$-2x = -16$$

$$x = 8$$

Bu çiftlikte 8 adet tavuk vardır.

Birlikte Çözelim 5

Bir sınıfındaki öğrenciler sıralara ikişerli oturduklarında 4 öğrenci ayakta kalmış, üçerli oturduklarında ise bir sıra boş kalmış. Buna göre sınıfda kaç öğrenci olduğunu bulalım.



Çözüm:

Sınıftaki sıra sayısı: x olsun.

Öğrenciler sıralara ikişerli oturduğunda 4 kişi ayakta olacağından sınıf mevcudu $2x + 4$ olur.

Öğrenciler üçerli oturduklarında bir sıra boş kalmıştır

$(x - 1)$, kullanılan sıra sayısı ve 3, bir sırada oturan öğrenci sayısı olmak üzere sınıf mevcudu $3(x - 1)$ olur.

İki durumda da sınıf mevcutları eşit olacağından $2x + 4 = 3(x - 1)$ olur. Bu denklemin çözümü x 'i verecektir.

$$2x + 4 = 3(x - 1)$$

$$2x + 4 = 3x - 3$$

$$4 = x - 3$$

$$7 = x$$

Bu sınıftaki sıra sayısı 7'dir.

Sıra sayısını denklemde yerine koymak sınıf mevcudunu bulalırmı.

$$\text{Sınıf mevcudu} = 2x + 4 \quad \text{veya} \quad = 3(x - 1)$$

$$= 2 \cdot 7 + 4 \quad = 3(7 - 1)$$

$$= 18' \text{dir.} \quad = 3 \cdot 6$$

$$= 18' \text{dir.}$$

Her iki durumda da sınıf mevcudunun 18 olduğu görülmektedir.



Çözüm Sende

1) Hangi sayının 2 katının 3 fazlası 37'dir?

2) Bir sayının 3 eksisinin 5 katı 45'tir. Bu sayı kaçtır?

3) Bir annenin yaşı, dörder yıl arayla doğan 3 çocuğunun yaşları toplamından 10 fazladır. Anne 34 yaşında olduğuna göre en büyük çocuk kaç yaşındadır?

4) Bir yolcu otobüsünde 44 yolcu vardır. İlk durakta otobüsten evli dört çiftin nince otobüsteki kadın sayısı, erkek sayısının iki katı oluyor. Buna göre başlangıçta otobüste kaç kadın vardır?



5) Seda, Pelin'den 10 yaş küçüktür. 3 yıl sonra, Pelin'in yaşı Seda'nın yaşıının 2 katı olacaktır. Seda ve Pelin'in şimdiki yaşlarını bulunuz.

6) Bir ABC üçgeninin iç açılarından B açısının ölçüsü, C açısının ölçüsünün 3 katı; A açısının ölçüsü de B açısının ölçüsünün 2 katıdır. Buna göre Üçgenin iç açılarının ölçülerini bulunuz.

7) Bir dikdörtgenin çevresinin uzunluğu 38 cm'dir. Dikdörtgenin uzun kenarı, kısa kenarının 3 katından 1 eksiktir. Bu dikdörtgenin kenar uzunluklarını bulunuz.

8) Bir kutuda deste ve düzine olarak paketlenmiş 19 paket silgi vardır. Kutudaki toplam silgi sayısı 208 olduğuna göre düzlineli paket sayısı kaçtır?

9) Cem'in bilyelerinin sayısı, Metin'in bilyelerinin sayısının 3 eksisinin 6 katına eşittir. Cem'in bilyelerinin sayısı 75'ten az olduğuna göre Metin'in en çok kaç bilyesi olabilir?

10) Motosiklet ve otomobilin bulunduğu bir park yerinde toplam 19 araç vardır. Bu park yerindeki toplam tekerlek sayısı 50'den az, 20'den fazla olduğuna göre park yerinde kaç tane motosiklet olabilir?

11) Bir matematik öğretmeni sınıfta bir oyun oynar ve bu oyunun kuralları aşağıdaki gibidir:

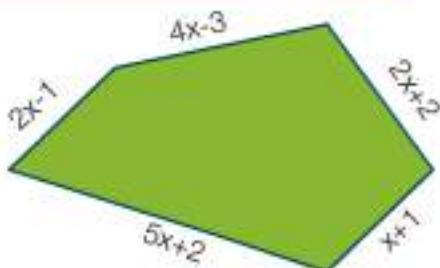
- Öğrenciler akıllarından bir sayı tutar. Bu sayıya, sayının bir fazlasını ekler. Sonuca 15 ilave eder. Çıkan sayıyı ikiye bölüp sonuçtan, ilk başta tuttuğu sayıyı çıkarır.
- Öğretmen öğrencilere sonucu sorar ve öğrencilerin hepsi sonucun 8 olduğunu söyler.

Buna göre öğretmen her defasında nasıl aynı sonucu bulmuştur? Açıklayınız.

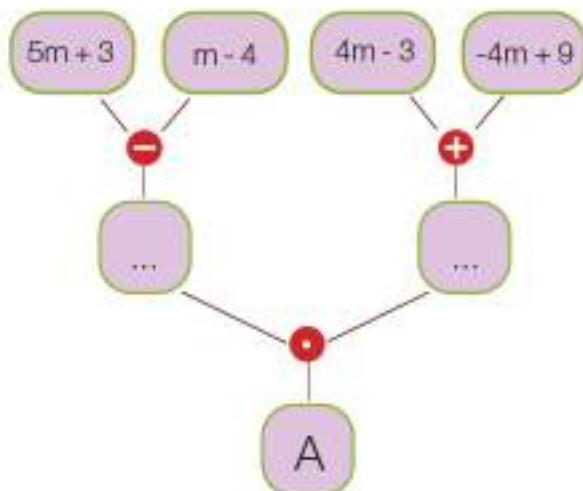
3. ÜNİTE DEĞERLENDİRME SORULARI



- 1) Yanda verilen çokgenin çevre uzunluğunu bulunuz.



2)



Yanda verilen görselde gerekli işlemleri yaparak A'nın değerini bulunuz.

- 3) Uzun kenarının uzunluğu, kısa kenarının uzunluğunun 2 katından 3 metre fazla olan dikdörtgen şeklindeki bir bahçenin kısa kenar x metredir.

Bu bahçenin çevresinin kaç metre olduğunu gösteren cebirsel ifade aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $3x + 3$ B) $6x + 6$ C) $6x - 6$ D) $4x + 4$
- 4) Betül Hanım'ın $(10x + 20)$ TL'si vardır. 3 çocuğunun her birine $(2x + 4)$ TL veren Betül Hanım'a kaç TL kalır?
- 5) Kilosu $(2x + 3)$ TL olan elmadan 3 kg, kilosu $(3x + 1)$ TL olan armuttan 4 kg alan Arif Bey manav'a kaç TL öder?
- 6) Derece Fahrenheit'ı ($^{\circ}\text{F}$), derece Celsius'a ($^{\circ}\text{C}$) çevirmek için $(^{\circ}\text{F} - 32) \cdot \frac{5}{9} = ^{\circ}\text{C}$ formülü kullanılır. 50°F 'in kaç $^{\circ}\text{C}$ olduğunu bulunuz.

7)



Yukarıda verilen örüntü, aynı şekilde devam ettirildiğine göre

- a) Örüntünün genel kuralını bulunuz.
 b) Örüntünün 17. adımındaki daire sayısını bulunuz.

8) Aşağıdaki örütünün genel kuralını yazınız.



9) Yeni açılan bir şirketin haftalık kazancı aşağıdaki tabloda verilmiştir. Bu şirketin kazancının tablodaki gibi devam ettiği düşünülürse şirketin 22. haftadaki kazancı kaç TL olur?

Tablo: Şirketin Haftalara Göre Toplam Kazancı

Haftalar	1	2	3
Haftalık Toplam Kazanç (TL)	1500	1700	1900

10) Sabit artan ve genel kuralı $4n - 3$ olan örütünün 70. terimi kaçtır?

11) Sabit artan ve genel kuralı $5n + 13$ olan örütünün 200. terimi 196. teriminden kaç fazladır?

12) $5a + \square + 8 = 5a + 3$ ifadesinin doğru olabilmesi için \square yerine hangi sayı yazılmalıdır?

13) "Bir sayının 5 katının 4 eksiği, aynı sayının 12 fazlasına eşittir." ifadesine alt denklemi yazınız.

14) Beyaz eşya mağazasına giden Mehmet Bey, bir ütü ve bir buzdolabı alacaktır. Buzdolabının fiyatı Ütünün fiyatının 15 katından 150 lira fazladır. Ütünün fiyatı 280 lira olduğuna göre, Mehmet Bey mağazaya kaç lira ödeyecektir?

A) 3500

B) 4480

C) 4760

D) 4860

15) Cansu 8, Berkay 34 yaşıdadır. Kaç yıl sonra Berkay'ın yaşı, Cansu'nun yaşıının 3 katı olur?

16) Bir karenin her bir kenarının uzunluğu 6 cm arttırıldığında karenin çevresinin uzunluğu 96 cm oluyor. Karenin ilk durumda bir kenar uzunluğu kaçtır?

17) Bir ip 12 eş parçaya ayrılıyor. İp 8 parçaya ayrılsaydı her parça 7 cm daha uzun olacaktı. Buna göre ipin uzunluğu kaç cm'dir?

18) Bir kampta 3 kişilik ve 4 kişilik 13 çadır bulunmaktadır. Kampta 44 kişi olduğuna göre 3 kişilik çadır sayısı kaçtır?



19) Bir şirkette çalışan Burcu'ya arkadaşları doğum günü hediyeleri almak için kişi başına 8 TL toplamayı kararlaştırmışlardır. Burcu'nun 3 yakın arkadaşı özel bir hediye alacaklarından topluca alınan hediyeye katkımlıktan vazgeçiyorlar. Bu durumda hediye için kişi başına 10 TL toplanması gerekmektedir. Buna göre alınan hediye kaç TL'dir?



KENDİMİ DEĞERLENDİRİYORUM

Aşağıdaki formda 3. ünitede işlenen konulara ilişkin sizden beklenen beceri ifadeleri bulunmaktadır. Tablonun her bir satırındaki derecelendirme durumunu kendinizi değerlendirerek işaretleyiniz. Bu değerlendirme formunu öğretmeninizle paylaşıp öğretmeninizin görüş ve önerilerini de alarak yapmanız gerekenleri planlayınız.

CEBİRSEL İFADELER, EŞİTLİK VE DENKLEMLER	ORTA	İYİ	ÇOK İYİ
Cebirsel ifadelerle toplama işlemleri yapabiliyorum.			
Cebirsel ifadelerle çıkarma işlemleri yapabiliyorum.			
Bir doğal sayı ile bir cebirsel ifadeyi çarparılabiliyorum.			
Sayı örüntülerinin kuralını harfle yazabiliyorum.			
Kuralı harfle ifade edilen örüntünün istenilen terimini yazabiliyorum.			
Eşitliğin her iki tarafına yapılan aynı işlemlerin eşitliği bozmadığını bilirim.			
Birinci dereceden bir bilinmeyenli denklemi tanıdım.			
Birinci dereceden bir bilinmeyenli denklem kurabilirim.			
Birinci dereceden bir bilinmeyenli denklemi çözürebiliyorum.			
Birinci dereceden bir bilinmeyenli denklem kurmayı gerektiren problemleri çözebilirim.			

Tam olarak öğrendiğim konular:

Tekrar etmem gereken konular:

Öğretmenimden aldığım öneriler:

BİRAZ DA EĞLENELİM

Aşağıdaki her meyve çeşidi bir rakamı temsil etmektedir. Verilen eşitlikleri inceleyerek her bir meyvenin temsil ettiği rakamı bulunuz. Bulduğunuz rakamları en alta verilen işlemlerde yerine koyarak sonuçları yazınız.

$$\text{Pear} + \text{Banana} = \text{Blueberries}$$

$$\text{Cherries} - \text{Pear} = \text{Orange}$$

$$\text{Strawberry} + \text{Apple} = \text{Strawberry}$$

$$\text{Banana} + \text{Banana} + \text{Banana} + \text{Banana} + \text{Apple} = \text{Orange}$$

$$\text{Orange} \times \text{Pear} = \text{Pomegranate}$$

$$\text{Apple} + \text{Pear} + \text{Lime} = \text{Strawberry}$$

$$\text{Blueberries} \times \text{Banana} = \text{Blueberries}$$

$$\text{Pear} \times \text{Pear} = \text{Orange}$$

$$\text{Pomegranate} - \text{Blueberries} = \text{Lime}$$

$$\text{Cherries} - \text{Lime} = \text{Banana}$$

$$\text{Lime} \quad \text{Orange} \quad \text{Strawberry}$$

$$\text{Blueberries} \quad \text{Apple} \quad \text{Banana}$$

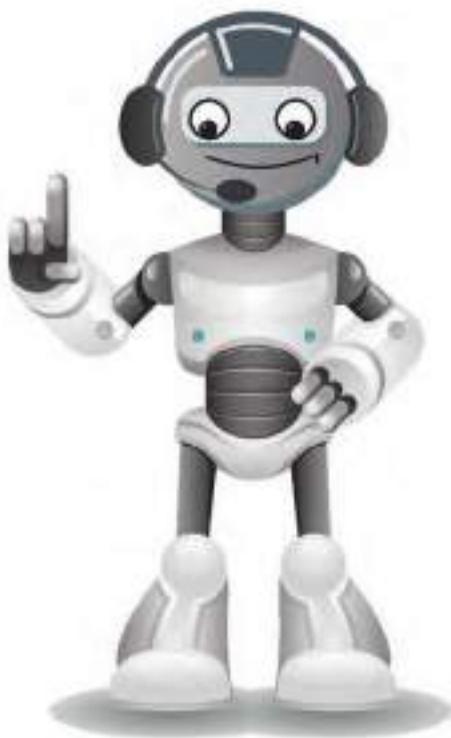
$$+ \quad \boxed{} \quad \boxed{} \quad \boxed{}$$

$$+ \quad \boxed{} \quad \boxed{} \quad \boxed{}$$



4. ÜNİTE

ORAN ORANTIDAN YÜZDELERE



SAYILAR VE İŞLEMLER

- Oran ve Oranti
- Yüzdeler

HATIRLAYALIM

- 1) Aşağıda verilen tabloya göre sorulan yanıtlayınız.

Tablo: Sınıflara Göre Kız ve Erkek Öğrenci Dağılımı

Sınıflar Öğrenciler	7-A	7-B	7-C	7-D
KIZ	12	18	10	14
ERKEK	15	12	16	12

Arkadaşlar, bu konuya başlamadan önce "Hatırlayalım" sayfamzdaki soruları evde yaparak derse hazır geliniz.



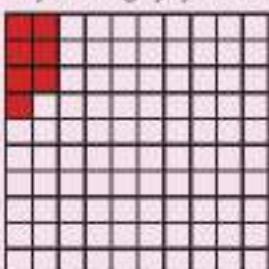
- a) 7-D sınıfındaki kız öğrenci sayısının toplam öğrenci sayısına oranı ...
- b) 7-B sınıfındaki öğrenci sayısının 7-C sınıfındaki kız öğrenci sayısına oranı ...
- c) Toplam kız öğrenci sayısının toplam erkek öğrenci sayısına oranı ...
- d) 7-A sınıfındaki kız öğrenci sayısının 7-C sınıfındaki erkek öğrenci sayısına oranı ...

- 2) Aşağıdaki tabloyu doldurunuz.

Tablo: Rasyonel Sayıların Farklı Gösterimleri

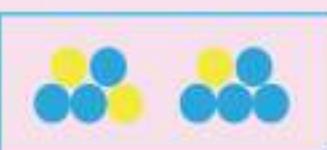
Rasyonel Sayı	Ondalık Gösterim	Paydası 100 Olan Rasyonel Sayı	Yüzdelik Gösterim
$\frac{20}{100}$	0,20	$\frac{20}{100}$	%20
.....	0,35
$\frac{3}{4}$
.....	0,74
$\frac{6}{15}$

- 3) Boyalı bölgeyi yüzdelik olarak bulup % simbolü ile ifade ediniz.

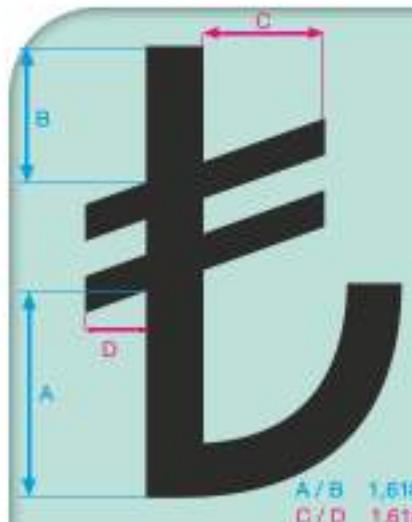


- 4) Aşağıda verilen problemleri çözünüz.

- a) 20 çikolatanın 7'sini yiyen Kadir, çikolataların yüzde kaçını yemiştir?
- b) Aşağıdaki kutuda san bilye sayısı tüm bilyelerin yüzde kaçıdır?



1. Bölüm: ORAN VE ORANTI ORAN



Türk lirasının ülkemizde ve dünyada tanıtılmasına yönelik bir simge belirlenmesi amacıyla T.C. Merkez Bankası tarafından bir tartışma düzenlenmiştir ve 1 Mart 2012 tarihinde TL simgesinin son hali kamuoyuna duyurulmuştur. "₺" simgesi, Türk lirası ve Türk ekonomisinin iki belirgin özelliğinin "güven" ve "İstikrar içinde yükselen değer" ön plana çıkarılacak şekilde düzenlenmiştir.

Simgenin çapaya benzemesi, Türk lirasının kıymet saklama aracı olarak "güvenli bir liman hâline geldiğini" vurgulamaktadır. Paralel çizgilerin yukarı eğimli olması ise TL'nin ve Türkiye ekonomisinin "İstikrar içinde yükselen değerini" simgelemektedir.

TL sembolü altın oran kullanılarak tasarlanmıştır. TL simgesinin, "₺" harfinin paralel çizgilerinin altında kalan kısmı ile üstünde kalan kısmının, yine aynı şekilde, söz konusu çizgilerin sağ ve sol tarafta kalan kısmının birbirine oranı "altın oranı" vermektedir.

Altın Oran: Doğada yaratılan güzellikin ölçüsü olarak bilinen altın oran, evrende eşle benzeri olmayan bir orandır. İnsan vücudundan çam kozalaklarındaki tanelere, salyangoz kabuklarından açıcıçığına kadar doğanın pek çok detayında altın oran saklıdır. Birçok ressam, heykeltıraş ve mimar, eserlerinde altın oranını kullanmıştır. Fibonacci sayı dizisindeki her sayının kendisinden bir önceki sayıya oranı, altın orana yaklaşmaktadır. Altın oranın yaklaşık değeri 1,618'dir.



a

b



Uzun kenarının kısa kenarına oranı, altın oranını veren dikdörtgene "altın dikdörtgen" denir. $a/b = 1,618$ dir. Altın dikdörtgenin ayırt edici özelliklerinden biri, şeklin içinden küçük kenar uzunluğunda bir kare çıkarıldığında yine bir altın dikdörtgen elde edilmesidir. Yeni dikdörtgen, ilkiyle aynı oranlara sahiptir.

ETKİNLİK

Araç-Gereçler: kalem, kağıt

Uygulama Basamakları:

Aşağıdaki tabloda peynir yapımında kullanılan süt ve bu sütten üretilen peynir miktarları verilmiştir.

Tablo: Kullanılan Süt ve Sütten Üretilen Peynir Miktarları

Kullanılan Süt Miktarı (litre)	10	35	60
Üretilen Peynir Miktarı (kg)	1	5	12

- Yukandaki tabloda, üretilen peynir miktarına göre kullanılan süt miktarını belirleyiniz.
- 1 kg peynir kaç litre sütten elde edilir?
- 20 kg peynir elde etmek için kaç litre sütte ihtiyaç vardır?
- 55 litre sütten kaç kg peynir elde edilir?
- Kullanılan süt miktarı ile elde edilen peynir miktarı arasında nasıl bir ilişki vardır? Açıklayınız.

Birlikte Çözelim 1

Bir markette 3 kg toz şeker 12 TL olduğuna göre 1 kg toz şekerin fiyatını bulalım.



Çözüm:

Şekerin fiyatını şekerin miktarına oranlayalım.

$$\frac{\text{Şekerin fiyatı (TL)}}{\text{Şeker miktarı (kg)}} = \frac{12}{3}$$

1 kg şekerin fiyatını bulabilmek için bu oranı 3 ile sadeleştirelim.

$$\frac{\text{Şekerin fiyatı (TL)}}{\text{Şeker miktarı (kg)}} = \frac{12}{3} = \frac{12 \div 3}{3 \div 3} = \frac{4}{1} \text{ olduğundan } 1 \text{ kg toz şeker } 4 \text{ TL'dir.}$$



Bir ürünün birim fiyatını belirlemek için fiyat/miktar oranı, miktar 1 olacak şekilde sadeleştirilir.
İstenen çokluk 1 olduğunda diğer çokluğun aldığı değer bulunur.

Birlikte Çözelim 2

8 bardak pirinç için 12 bardak su kullanarak pilav yapan bir aşçının, 1 bardak pirinç için kaç bardak su kullanılması gerektiğini bulalım.



Çözüm:

Verilen tarifte su miktarının pirinç miktarına oranı $\frac{12}{8}$ 'dir.

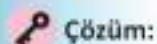
1 bardak pirinç için gerekli su miktarını bulabilmek için bu oranı 8 ile sadeleştirelim.

$$\frac{\text{Su(bardak)}}{\text{Pirinç(bardak)}} = \frac{12}{8} = \frac{12 \div 8}{8 \div 8} = \frac{1,5}{1} \text{ olduğundan } 1 \text{ bardak pirinç için } 1,5 \text{ bardak su kullanılmalıdır.}$$

A Marka Un
2 kg'lık paket 8,4 TL

B Marka Un
3 kg'lık paket 12,9 TL

Yandaki etiketler bir marketteki iki farklı marka unun satış fiyatlarını göstermektedir. Unların birim fiyatları dikkate alındığında hangi marka unu tercih etmemiz gerektiğini bulalım.



Öncelikle her iki marka unun 1 kilogramının fiyatının kaç TL olduğunu bulalım.

$$\frac{\text{A marka unun fiyatı (TL)}}{\text{Un miktarı (kg)}} = \frac{8,4}{2} = \frac{8,4 \div 2}{2 \div 2} = \frac{4,2}{1}$$

olduğundan 1 kg A marka un 4,2 TL'dir.

$$\frac{\text{B marka unun fiyatı (TL)}}{\text{Un miktarı (kg)}} = \frac{12,9}{3} = \frac{12,9 \div 3}{3 \div 3} = \frac{4,3}{1}$$

olduğundan 1 kg B marka un 4,3 TL'dir.

Bu durumda birim kg fiyatı daha ucuz olan A marka unu tercih etmemiz gereklidir. Karşılaştırma yapabilmek için birim kg fiyatı dışında herhangi bir miktar da kullanılabilir. Örneğin her iki marka unun 6 kg'ının kaç TL olduğu hesaplanarak da karşılaştırma yapılabilir.



Çözüm Sende

- 5 litre zeytinyağının fiyatı 95 TL'dir. 1 litre zeytinyağı kaç TL'dir?
- 120 km'lik yolda 8 litre benzin tüketen bir araç, 1 litre benzinle kaç km yol gider?
- Markete deterjan almaya giden Rasim, aynı marka deterjanın farklı kilogramlarda paketlenerek üç ayrı seçenekle satışa sunulduğunu görmüştür. Rasim, aşağıdaki seçeneklerden hangisini alırsa daha ekonomik bir alışveriş yapar?

A seçeneği:
3 kg'lık paket 10 TL

B seçeneği:
5 kg'lık paket 17 TL

C seçeneği:
2 kg'lık paket 7 TL

- Yandaki tablo A marka çikolatanın üç farklı marketteki fiyatlarını göstermektedir.
Hangi marketteki çikolatanın fiyatı daha uygundur?

Tablo: Farklı Marketlerdeki Çikolata Fiyatları

A Marka Çikolata		
X Market	Y Market	Z Market
48'li paket ₺24	60'lı paket ₺27	50'li paket ₺21

Birlikte Çözelim 4

Bir bahçedeki elma ağaçlarının sayısının armut ağaçlarının sayısına oranı $\frac{2}{3}$ 'tür. Bahçede 18 armut aacı olduğuna göre kaç tane elma aaci olduğunu bulalım.

Çözüm:

$$\frac{2}{3} = \frac{\text{Elma ağaçlarının sayısı}}{\text{Armut ağaçlarının sayısı}}$$

$$\frac{2}{3} = \frac{\text{Elma ağaçlarının sayısı}}{18}$$

$$\frac{2}{3} = \frac{\text{Elma ağaçlarının sayısı}}{18}$$

Elma ağaçları sayısının armut ağaçları sayısına oranı olan $\frac{2}{3}$ 'ü 6 ile genişlettiğimizde $\frac{12}{18}$ oranını elde ederiz. Bu oran, 18 armut aaciına karşı 12 elma aaci olduğunu verir.

$$\frac{12}{18} = \frac{\text{Elma ağaçlarının sayısı}}{18}$$

Bahçedeki elma ağaçlarının sayısı 12'dir.

Birlikte Çözelim 5

Bir mağaza, fiyatı 100 TL olan bir gömleğe 12 TL indirim yapmıştır. Bu mağaza, fiyatı 500 TL olan paltoya aynı oranda indirim uyguladığında indirimin kaç TL olacağını bulalım.

Çözüm:

Mağazanın paltoya uygulayacağı indirim, indirim oranlarının eşit olmasından yararlanarak bulalım.

$$\frac{\text{Ürünün fiyatı (TL)}}{\text{İndirim (TL)}} = \frac{100}{12} = \frac{500}{?}$$

$$\frac{\text{Ürünün fiyatı (TL)}}{\text{İndirim (TL)}} = \frac{500}{60} = \frac{500}{?}$$

Fiyatı 500 TL olan paltoya 60 TL indirim yapılmıştır.

Ürünün fiyatının ürüne yapılan indirimme oranı olan $\frac{100}{12}$ 'yi 5 ile genişlettiğimizde $\frac{500}{60}$ oranını elde ederiz. Bu oran 500 TL'lik ürüne yapılan indirimin 60 TL olduğunu verir.

Birbirine oranı verilen iki çokluktan biri verildiğinde diğerini bulmak için oran genişletilir veya sadeleştirilir.



Birlikte Çözelim 6

Türkiye'nin vitrini olan Miniatürk'te mimari eserler $\frac{1}{25}$ oranında küçültülmüştür. Buna göre yaklaşık 1550 m uzunluğundaki 15 Temmuz Şehitler Köprüsü'nün Miniatürk'teki maket uzunluğunun kaç metre olduğunu bulalım.

Çözüm:

Bir eserin $\frac{1}{25}$ oranında küçütülmesi, her 25 biriminin 1 birimle temsil edilmesidir. Bu durumda bütün eserlerin maket uzunluğunun gerçek uzunluğuna oranı $\frac{1}{25}$ olur.

$$\frac{\text{Köprünün Miniatürk'teki maketinin uzunluğu}}{\text{Köprünün gerçek uzunluğu}} = \frac{x}{1550} = \frac{1}{25}$$

$$\frac{x}{1550} = \frac{1}{25}$$

$$x = \frac{1}{25} \cdot 1550$$

$$x = 62$$

15 Temmuz Şehitler Köprüsü'nün Miniatürk'teki maketinin uzunluğu 62 m'dir.



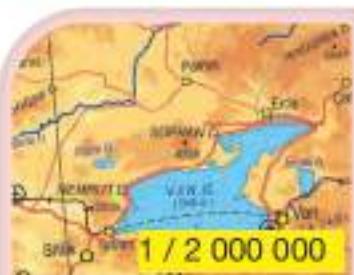
MINİATÜRK

İstanbul'da 02 Mayıs 2003 tarihinde ziyarete açılan Miniatürk, "Büyük Ülkenin Küçük Bir Modeli" sloganıyla Türkiye'nin vitrini olmuştur.

Antik Çağ'dan Roma'ya, Bizans'a, Selçuklu'ya, Osmanlıya deðin bu topraklarda hüküm süren medeniyetlerden kalan 132 mimari eserin $1/25$ oranında küçültülmüş minyatür modelleri Miniatürk'te sergilenmektedir.

Birlikte Çözelim 7

$\frac{1}{100\ 000}$ ölçekli bir haritada iki şehir arası 3 cm olarak ölçülmüştür. Bu iki şehir arasındaki gerçek uzaklığın kaç kilometre olduğunu bulalım.



ÖLÇEK

Harita ve planda belirtilmiş olan herhangi iki nokta arasındaki uzunluğun, bu noktalar arasındaki gerçek uzunluğa oranına "ölçek" denir.



Çözüm:

$$\frac{1}{100\ 000} = \frac{\text{Haritadaki uzunluk (cm)}}{\text{Gerçek uzaklık (cm)}}$$

$$\frac{1}{100\ 000} = \frac{3}{\text{Gerçek uzaklık (cm)}}$$

$$\frac{3}{300\ 000} = \frac{3}{\text{Gerçek uzaklık (cm)}}$$

$$\text{Gerçek uzaklık (cm)} = 300\ 000 \text{ cm}$$

$$300\ 000 \text{ cm} = 3 \text{ km} \quad (1 \text{ km} = 100\ 000 \text{ cm})$$

Bu iki şehir arasındaki gerçek uzaklık 3 km'dir.



Çözüm Sende

- 1)** Bir sınıfındaki kız öğrencilerin sayısının erkek öğrencilerin sayısına oranı $\frac{4}{5}$ 'tir. Bu sınıfta 15 erkek öğrenci olduğuna göre sınıf mevcudu kaçtır?
- 2)** Aşağıdaki eşitliklerde bilinmeyenleri bulunuz.
- a) $\frac{8}{5} = \frac{40}{A}$
- b) $\frac{12}{15} = \frac{4}{B}$
- c) $\frac{3}{4} = \frac{x+4}{36}$
- 3)** 4 litre benzin 25 TL olduğuna göre 16 litre benzinin fiyatını bulunuz.
- 4)** Nesrin, bahçede arkadaşının boyunu 150 cm, gölgesini 40 cm olarak ölçüyor. Bahçedeki selvi ağacının uzunluğunu da merak eden Nesrin, boy ve gölge arasındaki ilişkiden yararlanarak selvinin uzunluğunu hesaplamak istemektedir. Selvinin gölgesini 160 cm olarak ölçen Nesrin, bu hesaplama için nasıl bir yol izlemeliidir?
- 5)** A ve B şehirleri arası 250 km'dır. Bu iki şehir arası, haritada 2,5 cm olarak çizildiğine göre haritanın ölçüğünü bulunuz.
- 6)** A ve B şehirleri arasındaki uzaklık 60 km olup haritada 2,5 cm olarak ölçülmüştür. Buna göre aynı haritada aralarındaki uzunluk 4 cm olarak ölçülen C ve D şehirleri arasındaki gerçek uzaklık kaç km'dır?
- 7)** $\frac{1}{1\,000\,000}$ ölçekli bir haritada iki şehir arası uzunluk 8 cm'dir. Bu iki şehir arasındaki gerçek uzaklık kaç km'dır?
- 8)** Okulun krokisini çizen Metin, krokide bahçe kapısı ile giriş kapısının arasını 6,5 cm olarak almıştır. Gerçekte bu mesafe 260 m olduğuna göre krokının ölçüğünü bulunuz.

ORANTI



Keops piramidi, dünyanın yedi harikasından biridir. Ünlü matematikçi Thales, Keops piramidinin yüksekliğini merak etmiştir. O günün şartlarında piramidin üstüne çıkışının imkânsızlığından yeni arayışlar içine girmiştir. Bunun üzerine güneşli bir günde kendi boyunun gölgesine oranından yola çıkarak Keops piramidinin yüksekliğini hesaplayabilmiştir.

- Bu hesaplama, kendi boyunun gölgesinin boyuna oranı ile piramidin boyunun gölgesinin boyuna oranı arasında hangi ilişkiden yararlanmıştır?

Birlikte Çözelim 1

Elif 5 kaleme 20 TL, Kerem ise 3 kaleme 12 TL ödemisti. Elif ve Kerem'in aldığı kalemlerin adet fiyatlarını bulalım.

Çözüm:

Elif ve Kerem'in ödediği miktarları, aldığı kalemlerin adedine oranlayalım. Böylece her ikisinin kalemlerinin birer adedine ne kadar ödediğini bulmuş oluruz.

Elif 5 kaleme 20 TL ödediğinden

$$\frac{\text{Elif'in ödediği para (TL)}}{\text{Elif'in aldığı kalem sayısı (adet)}} = \frac{20}{5} \text{ oranı bulunur. Bu oran sadeleştirilerek 1 kalemin fiyatı,}$$

$$\begin{aligned}\frac{\text{Elif'in ödediği para (TL)}}{\text{Elif'in aldığı kalem sayısı (adet)}} &= \frac{20}{5} = \frac{20 \div 5}{5 \div 5} \\ &= \frac{4}{1}\end{aligned}$$

= 4 TL olarak bulunur.

Aynı şekilde Kerem 3 kaleme 12 TL ödediğinden

$$\frac{\text{Kerem'in ödediği para (TL)}}{\text{Kerem'in aldığı kalem sayısı (adet)}} = \frac{12}{3} \text{ oranı bulunur. Bu oran sadeleştirilerek 1 kalemin fiyatı,}$$

$$\begin{aligned}\frac{\text{Kerem'in ödediği para (TL)}}{\text{Kerem'in aldığı kalem sayısı (adet)}} &= \frac{12}{3} = \frac{12 \div 3}{3 \div 3} \\ &= \frac{4}{1}\end{aligned}$$

= 4 TL olarak bulunur.

Bu işlemlerin sonucuna göre Elif ve Kerem'in aldığı kalemlerin adet fiyatı aynıdır.

O hâlde her ikisinin kalemleri için yazılan bu oranlar birbirine eşittir. Bu sonuçlara göre $\frac{20}{5} = \frac{12}{3}$ olur



İki veya daha fazla oranın eşitliğine "oranti" denir.

$\frac{a}{b}$ ve $\frac{c}{d}$ birer oran olmak üzere ($b, d \neq 0$)

$\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ veya $a:b = c:d$ ifadesi bir orantıdır.

Birlikte Çözelim 2

Aşağıdaki tabloda açılış ücreti olmayan bir taksi için gidilen yol ve taksimetrede yazan ücret gösterilmiştir. Gidilen yol ile taksimetrede yazan ücretin orantılı olup olmadığını inceleyelim.

Tablo: Taksimetrede Yazan Ücret

Gidilen Yol (km)	Taksimetrede Yazan Ücret (TL)
1	3
2	6
3	9
:	:

Çözüm:

Tabloda gidilen yolu, yola karşılık gelen ücrette oranladığımızda bu oranların eşit olduğu görülmektedir. Bu eşitlik aşağıdaki gibi gösterilir:

$$\left. \begin{array}{l} \frac{\text{Gidilen yol (km)}}{\text{Ücret (TL)}} = \frac{1}{3} \\ \frac{\text{Gidilen yol (km)}}{\text{Ücret (TL)}} = \frac{2}{6} \\ \frac{\text{Gidilen yol (km)}}{\text{Ücret (TL)}} = \frac{3}{9} \end{array} \right\}$$

$$\left. \begin{array}{l} \frac{1}{3} = \frac{2}{6} = \frac{3}{9} \\ (1) \quad (2) \quad (3) \\ \frac{6}{18} = \frac{6}{18} = \frac{6}{18} \end{array} \right\}$$

olduğundan gidilen yol ile ücret **orantılıdır**.

Birlikte Çözelim 3

Bir markette A marka süt tablodaki gibi satışa sunulmuştur. Bu satış tablosuna göre paketlerdeki süt kutusu sayısı ile sütün satış fiyatının orantılı olup olmadığını inceleyelim.

Tablo: Süt Satış Fiyatları

Paket	Fiyat
1'li paket	2 TL
3'lü paket	6 TL
4'lü paket	7 TL
6'lı paket	9 TL

Çözüm:

$$\left. \begin{array}{l} \frac{1 \text{ paketteki kutu sayısı (adet)}}{\text{Satış fiyatı (TL)}} = \frac{1}{2} \\ \frac{1 \text{ paketteki kutu sayısı (adet)}}{\text{Satış fiyatı (TL)}} = \frac{3}{5} \\ \frac{1 \text{ paketteki kutu sayısı (adet)}}{\text{Satış fiyatı (TL)}} = \frac{4}{7} \\ \frac{1 \text{ paketteki kutu sayısı (adet)}}{\text{Satış fiyatı (TL)}} = \frac{6}{9} \end{array} \right\}$$

$$\left. \begin{array}{l} \frac{1}{2} = \frac{3}{5} \\ (1) \quad (2) \\ \frac{5}{10} \neq \frac{6}{10} \end{array} \right\}$$

Oranları birbirine eşit olmadığından paketlerdeki kutu sayısı ile satış fiyatı **orantılı değildir**.

* Yukarıdaki iki örneği incelediğinizde iki çöktüğün orantılı olup olmadığına karar verirken nelere dikkat ettiniz?



Bir orantıda "içler ve dışlar çarpımı (çapraz çarpım)" birbirine eşittir.

$\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ ($b, d \neq 0$) ise $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} \rightarrow a \cdot d = b \cdot c$ eşitliği elde edilirse

$\frac{a}{b}$ ve $\frac{c}{d}$ oran çiftleri orantı oluşturur.



Birlikte Çözelim 4

Aşağıda verilen oran çiftlerinin orantı oluşturup oluşturmadıklarını bulalım.

a) $\frac{3}{5}$ ile $\frac{9}{15}$

b) $\frac{2}{3}$ ile $\frac{4}{7}$

c) $\frac{3}{72}$ ile $\frac{5}{120}$

Çözüm:

Verilen oran çiftlerinin orantı oluşturması için içler dışlar çarpımının eşit olması gereklidir.

a) $\frac{3}{5} \cancel{\times} \frac{9}{15}$

$3 \cdot 15 = 5 \cdot 9$

$45 = 45$ olduğundan

b) $\cancel{\frac{2}{3}} \cancel{\times} \frac{4}{7}$

$2 \cdot 7 = 3 \cdot 4$

$14 \neq 12$ olduğundan

c) $\cancel{\frac{3}{72}} \cancel{\times} \frac{5}{120}$

$3 \cdot 120 = 5 \cdot 72$

$360 = 360$ olduğundan

$\frac{3}{5}$ ile $\frac{9}{15}$ oran çifti orantı belirtir.

$\frac{2}{3}$ ile $\frac{4}{7}$ oran çifti orantı belirtmez.

$\frac{3}{72}$ ile $\frac{5}{120}$ oran çifti orantı belirtir.

Birlikte Çözelim 5

Aşağıda verilen orantılardaki bilinmeyenleri bulalım.

a) $\frac{a}{8} = \frac{3}{4}$

b) $\frac{28}{21} = \frac{x+4}{3}$

c) $\frac{5}{2y-2} = \frac{10}{12}$

Çözüm:

Verilen oran çiftleri birer orantı oluşturduklarına göre oranların içler dışlar çarpımının eşit olması gereklidir.

a) $\frac{a}{8} \cancel{\times} \frac{3}{4}$

$4 \cdot a = 8 \cdot 3$

$\frac{4a}{4} = \frac{24}{4}$

$a = 6$

b) $\frac{28}{21} \cancel{\times} \frac{x+4}{3}$

$28 \cdot 3 = 21 \cdot (x+4)$

$84 = 21x + 84$

$0 = 21x$

$0 = x$

c) $\frac{5}{2y-2} \cancel{\times} \frac{10}{12}$

$5 \cdot 12 = 10 \cdot (2y-2)$

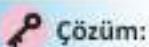
$60 = 20y - 20$

$80 = 20y$

$4 = y$

Birlikte Çözelim 6

Bir hastanedeki doktor sayısının hemşire sayısına oranı $\frac{5}{7}$ 'dir. Hastanede çalışan 84 hemşire olduğuna göre doktor sayısını hesaplayalım.



Çözüm:

Doktor sayısına x diyelim.

1. yöntem

Pay ve paydaları eşitleyelim.

$$\frac{\text{Doktor sayısı}}{\text{Hemşire sayısı}} = \frac{5}{7} = \frac{x}{84}$$

$$\frac{60}{84} = \frac{x}{84}$$

$x = 60$

Hastanede 60 doktor vardır.

2. yöntem

İçler dışlar çarpımı yapalım.

$$\frac{\text{Doktor sayısı}}{\text{Hemşire sayısı}} = \frac{5}{7}$$

Hemşire sayısı 84 olduğundan

$$\frac{5}{7} = \frac{x}{84}$$

$$\frac{5 \times x}{7 \times 84}$$

$$7 \cdot x = 5 \cdot 84$$

$$7x = 420$$

$$x = 60$$

Hastanede 60 doktor vardır.



Cözüm Sende

1) Aşağıdaki oran çiftlerinden hangileri oranti oluşturmaktadır?

a) $\frac{3}{8}$ ile $\frac{9}{24}$ c) $\frac{3,6}{0,9}$ ile $\frac{20}{5}$

b) $\frac{56}{140}$ ile $\frac{2}{7}$ d) $\frac{6}{5}$ ile $\frac{2}{3}$

2) Aşağıdaki orantılarda bilinmeyenleri bulunuz.

a) $\frac{4}{a} = \frac{24}{36}$

b) $\frac{x+7}{28} = \frac{5}{10}$

c) $\frac{0,2}{5} = \frac{m}{35}$

d) $\frac{3}{8} = \frac{12}{y+2}$

3) Bir sürüdeki kuzu sayısının koyun sayısına oranı $\frac{5}{8}$ 'dir. Bu sürüde 40 kuzu olduğuna göre sürüde kaç koyun vardır?

4) Aylin'in boyunun Selma'nın boyuna oranı $\frac{25}{27}$ 'dir. Aylin, Selma'dan 12 cm kısa olduğuna göre Selma'nın boyu kaç cm'dır?

Doğru Oranı



Küresel ısınma; atmosfere salinan gazların neden olduğu düşünülen sera etkisinin sonucunda, Dünya üzerinde yıl boyunca kara, deniz ve havada ölçülen ortalama sıcaklıklarda görülen artıştır.

Küresel ısınma sonucunda kutuplardaki buzullar erimekte, deniz suyu seviyesi yükselmekte ve kıyı kesimlerde toprak kayıpları artmaktadır. Bunun yanında bazı bölgelerde kasırgalar, seller ve su taşkınları yaşanırken bazı bölgelerde de şiddetli kuraklıklar yaşanmaktadır.

Bu dünya hepimizin. Yaşamımızda alacağımız basit önlemlerle küresel ısınmayı azaltabiliriz. Örneğin:

1. Elektronik eşyalardaki enerji kayiplarını en aza indirebiliriz.
 2. Suların daha dikkatli kullanabiliriz.
 3. Toplu taşıma araçlarını tercih edebiliriz.
 4. Geri dönüşümlü ürünleri kullanabiliriz.
- Atmosfere salinan gaz miktarı ile küresel ısınma arasında nasıl bir ilişki vardır?
 - Küresel ısınmanın artmasıyla okyanus ve denizlerdeki su miktarı arasında nasıl bir ilişki vardır?
 - Küresel ısınmanın artmasıyla buzullardaki buz miktarı arasında nasıl bir ilişki vardır?
 - Toplu taşıma araçlarının kullanımının artmasıyla küresel ısınma arasında nasıl bir ilişki vardır?

ETKİNLİK

Araç-Gereçler: kalem, kağıt

Uygulama Basamakları:

Tabloda bir manavda satılan elma miktarı ile elmanın fiyatı verilmiştir. Tabloyu inceleyip aşağıdaki soruları yanıtlayınız.

Tablo: Elma Satış Fiyatları

Elma Miktarı (kg)	Fiyat (TL)
2	...
3	...
4	12
5	15
6	...
7	21

- Tabloda fiyatı verilmeyen 2, 3 ve 6 kg elma için kaç TL ödeneceğini bulunuz.
- Elma miktarı azaldığında fiyatı nasıl değişmektedir?
- Elmanın miktarı arttığında fiyatı nasıl değişmektedir?
- Elma miktarının ve elma fiyatının değişimi ile ilgili nasıl bir genelleme yapabilirsiniz?

Birlikte Çözelim 1

Sabit hızla giden bir araç 3 saatte 240 km yol almaktadır. Buna göre

- Aracın; 1, 2, 3, 4 ve 5 saatte aldığı yolu gösteren bir tablo oluşturalım.
- Aracın aldığı yol ile geçen süre arasındaki ilişkili açıklayalım.

Çözüm:

a)

$$\frac{\text{Alınan yol (km)}}{\text{Süre (sa.)}} = \frac{240}{3} = \frac{240 \div 3}{3 \div 3} = \frac{80}{1}$$

olduğundan 1 saatte alınan yol 80 km'dir.

$$\frac{80}{1} = \frac{160}{2} = \frac{240}{3} = \frac{320}{4} = \dots$$

eşitliğinden yararlanarak aşağıdaki tabloyu dolduralım.

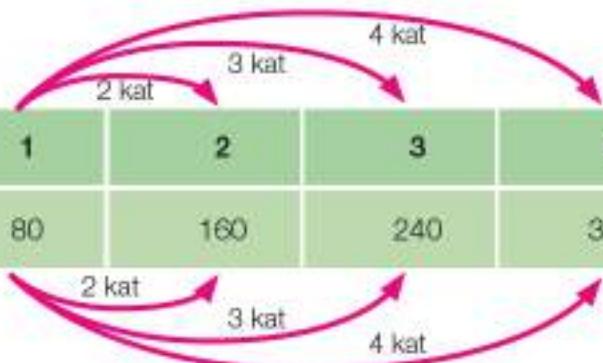
Tablo: Süreye Bağlı Alınan Yol

Süre (sa.)	1	2	3	4	5
Alınan yol (km)	80	160	240	320	400

b)

Tablo: Süreye Bağlı Alınan Yol

Süre (sa.)	1	2	3	4	5
Alınan yol (km)	80	160	240	320	400



Tabloyu incelediğimizde süre 2 katına çıktığında alınan yolun 2 katına, süre 3 katına çıktığında alınan yolun 3 katına, süre 4 katına çıktığında alınan yolun 4 katına çıktı ve bu şekilde devam ettiğini görülmektedir. Yani süre arttıkça aracın aldığı yol da aynı oranda artmaktadır.

Yukandaki örneği incelediğinizde geçen süre ile yol arasında nasıl bir ilişkili vardır?

Bu ilişkiden yararlanarak aşağıdaki boşlukları uygun kelimelerle doldurunuz.

- * Süre arttıkça alınan yol
- * Süre alınan yol azalır.



İki çöklükten biri artarken diğer de aynı oranda artıyorsa ya da biri azalırken diğer de aynı oranda azalıyorsa bu çöklükler "doğru orantılı çöklükler" denir. Doğru orantı "D.O." şeklinde belirtilebilir.

Birlikte Çözelim 2

Aşağıda verilen çoklukların doğru orantılı olup olmadıklarını bulalım.

- * Elma miktarı ile elmaya ödenen para
- * Süt miktarı ile sütten elde edilen peynir
- * İşçi sayısı ile işin bitme süresi

Çözüm:

- * Elma miktarı arttıkça ödenen para artacak veya elma miktarı azaldıkça ödenen para azalacağından elma miktarı ile elmaya ödenen para **doğru orantılıdır**.
- * Süt miktarı ne kadar çok olursa o kadar çok peynir elde edilir. Süt miktarı ile elde edilen peynir miktarı **doğru orantılıdır**.
- * İşçi sayısı arttığında işin bitme süresi azalacağından İşçi sayısı ile işin bitme süresi **doğru orantılı değildir**.

Birlikte Çözelim 3

1 kg undan 4 ekmek yapan bir firmanın 250 kg undan kaç ekmek yapabileceğini bulalım.

Çözüm:

Yukarıda verilen problemde un miktarı arttıkça yapılacak ekmek sayısı da artacağından un miktarı ile ekmek sayısı arasında doğru orantı vardır. Doğru orantılı çokluklarda verilmeyen bulmak için aşağıdaki yöntemlerden yararlanırız.

1. yöntem: Verilen oranların eşitliğinden yararlanılarak çözüm yapabiliriz.

$$\frac{\text{Un miktarı (kg)}}{\text{Ekmek sayısı (adet)}} = \frac{1}{4} = \frac{250}{x}$$

$$\frac{1}{4} \cancel{\times} \frac{250}{x}$$

$$1 \cdot x = 4 \cdot 250$$

$$x = 1000 \text{ adet ekmek yapılır.}$$

2. yöntem: Aynı tür verileri alt alta gelecek şekilde yazarak çözüm yapabiliriz.

Un miktarı artar.	1 kg undan 250 kg undan	4 ekmek yapılırsa $\cancel{\times}$	Ekmek sayısı artar.
----------------------	----------------------------	---	------------------------

D.O.

$$1 \cdot x = 250 \cdot 4$$

$$x = 1000 \text{ adet ekmek yapılır.}$$

Doğru orantılı çokluklarda aynı tür veriler alt alta yazılılığında çapraz çarpım yapılarak sonuçlar eşitlenir.

Birlikte Çözelim 4

5 kg yoğurttan 2 kg süzme yoğurt elde edilmektedir. 15 kg yoğurttan kaç kg süzme yoğurt elde edilebileceğini bulalım.

Çözüm:

Yoğurt miktarı arttıkça elde edilecek süzme yoğurt miktarı da artacağından yoğurt miktarı ile süzme yoğurt miktarı arasında doğru orantı vardır.

1. yöntem:

$$\frac{\text{Yoğurt miktarı (kg)}}{\text{Süzme yoğurt miktarı (kg)}} = \frac{5\text{ kg}}{2\text{ kg}} \times \frac{15}{x}$$

$$5 \cdot x = 2 \cdot 15$$

$$x = 6 \text{ kg süzme yoğurt elde edilir.}$$

2. yöntem:

~~5 kg yoğurttan~~ \times 2 kg süzme yoğurt elde edilir
~~15 kg yoğurttan~~ \times x kg süzme yoğurt elde edilir.
D.O.

$$5 \cdot x = 2 \cdot 15$$

$$x = 6 \text{ kg}$$

15 kg yoğurttan 6 kg süzme yoğurt elde edilir.

Burada yoğurt miktarının 5'in, süzme yoğurt miktarının da 2'nin katları olduğu da görülmektedir.

Birlikte Çözelim 5

Esra ile Cem'in yaşları oranı $\frac{2}{3}$ 'tür, ikisinin yaşları toplamı 40 olduğuna göre Cem'in kaç yaşında olduğunu bulalım.



Çözüm:

$$\frac{\text{Esra'nın yaşı}}{\text{Cem'in yaşı}} = \frac{2}{3} \text{ olduğundan}$$

Esra'nın yaşı 2'nin, Cem'in yaşı 3'ün katıdır.

$$\begin{aligned}\text{Esra'nın yaşı} &= 2 \text{ kat } (2k) \\ \text{Cem'in yaşı} &= 3 \text{ kat } (3k)\end{aligned}$$

Her ikisinin yaşları toplamı 40 olduğundan

$$2k + 3k = 40$$

$$5k = 40$$

$$k = 8 \text{ olur. (1 kat } 8'\text{e eşittir.)}$$

Bu durumda Cem'in yaşı $= 3 \cdot k$
 $= 3 \cdot 8$
 $= 24$ 'tür.

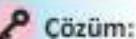
Doğru orantılı çokluklar arasında çarpmeye dayalı bir ilişki vardır,
 $\frac{a}{b} = \frac{2}{5}$ ise
 $a = 2 \text{ kat } (2k)$
 $b = 5 \text{ kat } (5k)$
seklinde kullanılabilir.



Birlikte Çözelim 6

$x + 1$, y ile doğru orantılıdır.

$x = 5$ iken $y = 7$ ise $y = 14$ iken x 'in kaç olduğunu bulalım.



$x + 1$ ile y 'nın doğru orantılı olduğu verilmiştir.

$$\frac{x+1}{5+1} \times \frac{y}{14}$$

D.O.

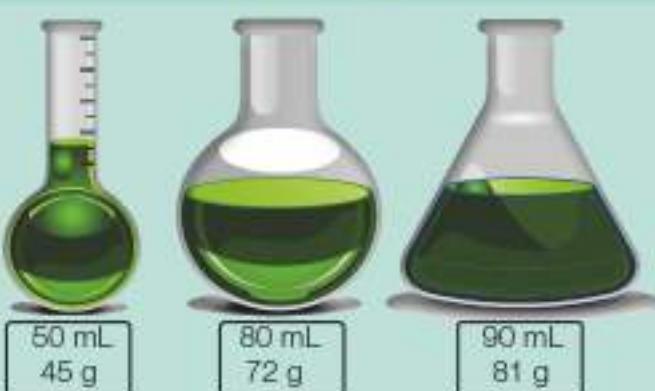
$$\frac{(x+1) \cdot 7}{7} = \frac{6 \cdot 14}{7}$$

$$x+1 = 12$$

$$x = 11$$

Doğru Orantılı İki Çokluğa Ait Orantı Sabiti

Bir maddenin kütlesinin hacmine bölümü o madde nin özkütlesini verir. Özkütle maddenin ayırt edici özelliğidir. Özkütleden yararlanarak bu sıvılardan aynı olup olmadığını anlayabiliyoruz.



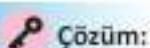
- Şişelerdeki sıvılardan sadece kütleseri ve hacimleri verilmiştir. Acaba şişelerdeki sıvılar aynı midir?

Birlikte Çözelim 1

Tablo: Gümüş Elementine Ait Kütle ve Hacim Değerleri

Gümüş Elementine Ait Kütle ve Hacim Değerleri				
Kütle (g)	31,5	42	73,5	105
Hacim (mL)	3	4	7	10

Gümüş elementinin belli hacimlerdeki kütleseri tabloda verilmiştir. Kütleseri hacimlerine oranlayarak bu oranları yorumlayalım.



Her sütun için $\frac{\text{Kütle}}{\text{Hacim}}$ oranlarını bulalım:

$$1. \text{sütun için } \frac{\text{Kütle (g)}}{\text{Hacim (mL)}} = \frac{31,5}{3} = 10,5 \text{ g/mL}$$

$$2. \text{sütun için } \frac{\text{Kütle (g)}}{\text{Hacim (mL)}} = \frac{42}{4} = 10,5 \text{ g/mL}$$

$$3. \text{sütun için } \frac{\text{Kütle (g)}}{\text{Hacim (mL)}} = \frac{73,5}{7} = 10,5 \text{ g/mL}$$

$$4. \text{sütun için } \frac{\text{Kütle (g)}}{\text{Hacim (mL)}} = \frac{105}{10} = 10,5 \text{ g/mL}$$

elde edilen bu oranlardan,

$$\frac{\text{Kütle (g)}}{\text{Hacim (mL)}} = \frac{31,5}{3} = \frac{42}{4} = \frac{73,5}{7} = \frac{105}{10} = 10,5 \text{ g/mL} = k$$

sabit sayısı elde edilir.

Gümüş elementi için elde ettiğimiz $\frac{\text{Kütle}}{\text{Hacim}}$ oranları sabittir. Bu sabit sayı, gümüş elementinin özkütlesidir.

Doğru orantılı iki çokluğun birbirine bölümü sabit bir sayıdır.
Bu sayıya "orantı sabiti" denir.
a ve b doğru orantılı iki çokluk olmak üzere

$$\frac{a}{b} = k$$

'dır. k, orantı sabitidir.



Birlikte Çözelim 2

60 TL, 5 ve 7 yaşlarındaki iki çocuğa yaşları ile doğru orantılı olacak şekilde paylaştırıldığında çocukların kaçar TL alacaklarını bulalım.

Çözüm:

60 TL, 5 ve 7 yaşlarındaki iki çocuğa yaşları ile doğru orantılı olacak şekilde paylaştırıldığından yaşı küçük olan çocuk daha az para, yaşı büyük olan çocuk daha çok para alacaktır.

Küçük çocuk "a" TL olsın.

Büyük çocuk "b" TL olsın.

"a", 5 ile "b" de 7 ile doğru orantılı olduğundan

$$\frac{a}{5} = \frac{b}{7} = k \rightarrow \text{oranti sabiti}$$

$$a = 5k$$

$$b = 7k \text{ olur.}$$

$$a + b = 60$$

$$5k + 7k = 60$$

$$\frac{12k}{12} = \frac{60}{12}$$

$$k = 5$$

$$a = 5 \cdot k = 5 \cdot 5 = 25 \text{ TL}$$

$$b = 7 \cdot k = 7 \cdot 5 = 35 \text{ TL}$$

Bu durumda küçük çocuk 25 TL, büyük çocuk 35 TL alır.

Birlikte Çözelim 3

Bir demir çubuk, uzunlukları 3 ve 4 ile doğru orantılı olan iki parçaya ayrılıyor. Küçük parçanın uzunluğu 24 cm ise büyük parçanın uzunluğunun kaç cm olduğunu bulalım.

Çözüm:

Demir çubuk, uzunlukları 3 ve 4 ile doğru orantılı olan iki parçaya ayrılmaktadır. Bu durumda 3 ile doğru orantılı olan parça daha küçük, 4 ile doğru orantılı olan parça daha büyük olacaktır.

Küçük parça = x cm olsun.

Büyük parça = y cm olsun.

"x", 3 ile "y" de 4 ile doğru orantılı olduğundan

$$\frac{x}{3} = \frac{y}{4} = k \rightarrow \text{oranti sabiti}$$

$$x = 3k$$

$$y = 4k \text{ olur.}$$

Küçük parçanın uzunluğu 24 cm olduğundan

$$3k = 24$$

$$k = 8$$

Büyük parçanın uzunluğu $4k$ olduğundan

Büyük parçanın uzunluğu = $4k$

$$= 4 \cdot 8$$

$$= 32 \text{ cm}'dır.$$



Cözüm Sende

- 1)** Aşağıdaki etiketler üst satırda verilen bilgilere göre doldurunuz.

1 kutu boyası ile 15 m^2 duvar boyanabiliyor.	
Kutu (adet)	Duvar (m^2)
2
.....	45
7
.....	135

3 kg fistığın fiyatı 108 TL'dir.	
Fistık (kg)	Fiyat (TL)
1
2
5

- 2)** Yanda verilen tablo, 1 ton atık ile kazanılabilecekleri ifade etmektedir. Tabloya göre

a) 1,5 ton atık camın değerlendirilmesi ile kaç litre petrol tasarrufu sağlanabilir?

b) 2,5 ton atık plastığın değerlendirilmesi ile elde edilecek enerji tasarrufu kaç kilowatt saatdir?

c) 340 tane çam ağacını kurtarmamız için değerlendirmemiz gereken atık kağıt miktarı kaç tondur?

- 3)** 9 kg kayısından 4 kg kuru kayısı elde edilmektedir. Buna göre 48 kg kuru kayısı elde etmek için kaç kg kayısı kurutmak gereklidir?

- 4)** Kilosu 35 TL olan baklavadan 600 gram alan Aslye teyze kaç TL öder?

- 5)** Küresel ısınmanın etkisiyle kutplardaki buzullar eridiğinden okyanuslardaki su seviyesi her yıl 2,5 mm yükselmektedir. Su seviyesindeki yükselişin bu şekilde devam edeceğü düşünülürse 5 yıl sonra okyanuslardaki su seviyesi kaç mm yükselir?

- 6)** x sayısı, $y - 1$ ile doğru orantılıdır.

$$x = 8 \text{ lken } y = 6 \text{ ise } x = 24 \text{ lken } y = ?$$

- 7)** 75 tane ceviz, iki çocuğa 2 ve 3 ile doğru orantılı olacak şekilde paylaştırılıyor. Çocuklara kaçar tane ceviz düşer?

- 8)** Bir okul kantlindeki sade süt paketlerinin sayısının çikolatalı süt paketlerinin sayısına oranı $\frac{7}{5}$ 'tir. Kantlindeki toplam sade ve çikolatalı süt paketleri sayısı 200 ile 300 arasında. Buna göre kantlinde kaç tane sade süt paketi olabilir?

Tablo: 1 Ton Atık ile Kazanılabilecekler

Atık Madde	Kazancımız
1 ton atık kağıt	17 yetişmiş çam ağacı
1 ton atık cam	100 litre petrol
1 ton atık metal	1300 kg ham madde
1 ton atık plastik	1400 kWh enerji

Ters Oranti



- Yandaki traktör belli bir mesafe ilerlediğinde traktörün arka tekerleği mi yoksa ön tekerleği mi daha fazla döner?
- Tekerleklerin boyutları ile dönme sayıları arasında nasıl bir ilişki vardır?

ETKİNLİK

Araç-Gereçler: kalem, kağıt

Uygulama Basamakları:

Bir matbaadaki 4 dijital baskı makinesi 10 000 tane kitabı 60 saatte basmaktadır. Aynı kitabın basımının daha erken veya daha geç bitmesi durumu aşağıdaki tabloda verilmiştir.

Tablo: Makinelerin Kitap Basma Süreleri

Makine Sayısı (adet)	10 000 Kitabı Basma Süresi (saat)
1	...
2	...
3	80
4	60
5	...
6	40

- Makine sayısı arttıkında işin bitme süresinde nasıl bir değişiklik olmaktadır?
- Makine sayısı ile işin bitme süresi arasında nasıl bir ilişki vardır?
- 1 makine 10 000 kitabı ne kadar sürede basar?
- 20 000 kitabı aynı sürede (60 saat) basılabilmesi için kaç makine gerekir?
- Günlük hayattan bu ilişkiye benzer başka örnekler veriniz.

Birlikte Çözelim 1

Boş bir havuzu 2 musluk 6 saatte doldurmaktadır. Bu havuzu 1, 2, 3, 4, 6 ve 12 musluğun aynı aynı kaç saatte dolduracaklarını tablo üzerinde gösterelim.

Çözüm:

Tablo: Musluk Sayısı ile Havuzların Dolma Süreleri

Masluk Sayısı	Havuzun Dolma Süresi (saat)
1	12
2	6
3	4
4	3
6	2
12	1

Tabloyu incelediğimizde musluk sayısı 2 katına çıktığında havuzun dolma süresi yarıya inmiştir. Musluk sayısı 3 katına çıktığında ise havuzun dolma süresinin $\frac{1}{3}$ katına düşüğü görülmüştür.

- * Yukarıdaki örneği incelediğinizde musluk sayısı ile havuzun dolma süresi arasında nasıl bir ilişki vardır? Bu ilişkiden yararlanarak aşağıdaki boşlukları doldurunuz.
- Masluk sayısı arttıkça havuzun dolma süresi
 - Masluk sayısı havuzun dolma süresi artmaktadır.





İki çöklükten biri artarken diğeri aynı oranda azalıyorsa ya da biri azalırken diğeri aynı oranda artıyorsa böyle çöklükler "ters orantılı çöklükler" denir.
Ters orantı "T.O." şeklinde belirtilebilir.

Birlikte Çözelim 2 ➤

Aşağıdaki çöklüklerin ters orantılı olup olmadığını bulalım.

- a) Bir aracın gittiği yol ile deposunda kalan yakıt miktarı
- b) İşçi sayısı ile işin yapılma süresi
- c) Aracın aldığı yol ile geçen süre

🔑 Çözüm:

- a) Bir aracın gittiği yol arttığında deposunda kalan yakıt miktarı azalacağından aracın gittiği yol ile deposunda kalan yakıt miktarı **ters orantılıdır**.
- b) İşçi sayısı arttıkça iş daha erken biteceğinden işçi sayısı ile işin yapılma süresi **ters orantılıdır**.
- c) Geçen süre arttıkça aracın aldığı yol artacağından alınan yol ile geçen süre **ters orantılı değil doğru orantılıdır**.

Birlikte Çözelim 3 ➤

Eşit kapasiteli 6 makinenin 12 saatte yaptığı işi, aynı kapasitedeki 8 makinenin kaç saatte yapacağını bulalım.

🔑 Çözüm:

Makine sayısı arttıkça işin yapılma süresi azalacağından makine sayısı ile işin yapılma süresi ters orantılıdır.

$$\begin{array}{l} \text{Makine sayısı} \\ \text{artar.} \end{array} \quad \begin{array}{c} 6 \text{ makine} \longleftrightarrow 12 \text{ saatte yaparsa} \\ 8 \text{ makine} \longleftrightarrow x \text{ saatte yapar.} \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{İşin yapılma} \\ \text{süresi azalır.} \end{array}$$

T.O.

$$8 \cdot x = 6 \cdot 12$$

$$\frac{8x}{8} = \frac{72}{8}$$

$$x = 9$$

8 makine aynı işi 9 saatte yapar.

Ters orantılı çöklüklerde aynı tür veriler alt alta yazılır. Daha sonra aynı satırda ki veriler çarpılarak sonuçlar esitlenir.

Birlikte Çözelim 4 ➤

25 kişilik bir sınıf, bir araya gelerek doğum gününde Meliha'ya hediye alımıya karar verirler. Masraf- lar hesaplandığında kişi başına 12 TL düşer. Ancak 5 kişi hediyeeye katılmaktan vazgeçer. Bu durumda aynı hediyeyi almak için kişi başına düşen para miktarını hesaplayalım.

Çözüm:

5 kişi hediyeeye katılmayınca hediyeyi 20 kişi alacaktır. Kişi sayısı azalacağından kişi başına düşen para miktarı artacaktır. Kişi sayısı ile kişi başına düşen para miktarı ters orantılıdır.

$$\begin{array}{l} \text{Kişi sayısı} \\ \text{azalır.} \end{array} \quad \begin{array}{c} 25 \text{ kişide kişi başı} \\ \longleftrightarrow \\ 20 \text{ kişide kişi başı} \end{array} \quad \begin{array}{l} 12 \text{ TL düşerse} \\ \text{T.O.} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{Kişi başına düşen} \\ \text{para miktarı artar.} \end{array}$$

$$20 \cdot x = 25 \cdot 12$$

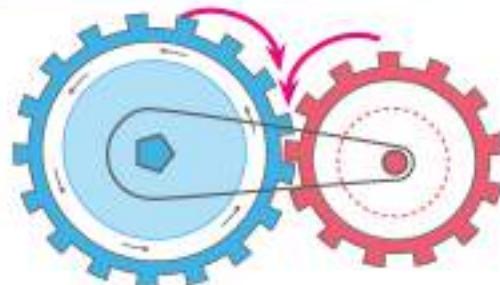
$$20x = 300$$

$$x = 15$$

5 kişi hediyeeye katılmayınca aynı hediyeyi alabilmek için kişi başına düşen ücret 15 TL'dir.

Birlikte Çözelim 5

Birbirine bağlı olarak hareket eden dişli çarklardan birinde 17, diğerinde ise 13 diş vardır. Büyük çark 39 tur döndüğünde küçük çarkın kaç tur döneceğini bulalım.



Çözüm:

Birbirine bağlı olan iki dişinden küçük olan dişinin attığı tur sayısı, büyük olan dişinin attığı tur sayılarından fazladır. Dolayısıyla dönme sayısı, diş sayısıyla ters orantılıdır.

$$\begin{array}{l} 17 \text{ dişli çark} \\ \longleftrightarrow \\ 13 \text{ dişli çark} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} 39 \text{ tur dönerse} \\ \text{T.O.} \end{array}$$

$$13 \cdot x = 17 \cdot 39$$

$$\frac{13x}{13} = \frac{663}{13}$$

$$x = 51$$

Büyük dişli çark 39 tur döndüğünde küçük dişli çark 51 tur döner.

Birlikte Çözelim 6

x ile $y + 2$ ters orantılı çokluklardır. $x = 4$ iken $y = 4$ ise $y = 10$ iken x 'in kaç olacağını bulalım.

Çözüm:

x ile $y + 2$ 'nin ters orantılı olduğu verilmişdir. Ters orantılı çokluklarda aynı veriler alt alta yazılıp düz çarpım yapılır.

$$\begin{array}{rcl} x & \longleftrightarrow & y + 2 \\ 4 & \longleftrightarrow & 4 + 2 = 6 \\ x & \longleftrightarrow & 10 + 2 = 12 \end{array}$$

$$\text{T.O. } 12 \cdot x = 4 \cdot 6$$

$$12x = 24$$

$$x = 2 \text{ olur.}$$

Birlikte Çözelim 7

Bir aracın belli bir yolu hangi hızla kaç saatte alacağına dair tablo aşağıda verilmiştir.

Tablo: Hız-Zaman İlişkisi

Hız (km/sa.)	x	60	40	30	20
Zaman (sa.)	5	10	y	20	30

- a) Tablodaki x ve y değerlerini bulalım.
 b) Tablodan, $\text{Yol} = \text{Hız} \cdot \text{Zaman}$ eşitliği的帮助下 alınan mesafeleri bulup yorumlayalım.

Çözüm:

a)

60 km/sa. hız ile \longleftrightarrow 10 saatte alırs
 x km/sa. hız ile \longleftrightarrow 5 saatte alır.

T.O.

$$\begin{aligned} 10 \cdot 60 &= 5 \cdot x \\ \frac{10 \cdot 60}{5} &= \frac{5 \cdot x}{5} \\ x &= 120 \text{ km/sa.} \end{aligned}$$

b)

60 km/sa. hız ile \longleftrightarrow 10 saatte alırs
 40 km/sa. hız ile \longleftrightarrow y saatte alır.

T.O.

$$\begin{aligned} y \cdot 40 &= 10 \cdot 60 \\ \frac{y \cdot 40}{40} &= \frac{10 \cdot 60}{40} \\ y &= 15 \text{ sa.} \end{aligned}$$

Tablo: Hız-Zaman-Yol İlişkisi

Hız (km/sa.)	120	60	40	30
Zaman (sa.)	5	10	15	20
Yol (km)	$120 \cdot 5 = 600$	$60 \cdot 10 = 600$	$40 \cdot 15 = 600$	$30 \cdot 20 = 600$

Aracın hızı azaldığında yol almak için geçen süre artmaktadır. Burada aracın hızı ile bu yol almak için geçen süre ters orantılıdır.

Hız · Zaman = Yol

$$\left. \begin{array}{l} 120 \cdot 5 = 600 \\ 60 \cdot 10 = 600 \\ 40 \cdot 15 = 600 \\ 30 \cdot 20 = 600 \end{array} \right\}$$

Belli bir yolu alırken aracın hızı ile bu yolu alabilmek için geçen süre ters orantılı olup aracın hızı ile geçen sürenin çarpımı aynıdır. Bu da bize sabit bir sayıyı (yol miktarı) vermektedir.



Ters orantılı iki çöklüğün çarpımı sabittir.

Bu çarpıma "orantı sabiti" denir.

a ve b ters orantılı iki çöklük olmak üzere

$a \cdot b = k$ 'dır. k , orantı sabitidir.

Birlikte Çözelim 8

48 bilye, 5 ve 7 yaşlarındaki iki çocuğa, yaşılarıyla ters orantılı olacak şekilde dağıtılmıyor. Buna göre küçük çocuğun kaç bilye alacağını hesaplayalım.

Çözüm:

48 bilye, 5 ve 7 yaşlarındaki iki çocuğa, yaşılarıyla ters orantılı olacak şekilde dağıtıldığından yaşı küçük olan çocuk daha fazla bilye, yaşı büyük olan çocuk daha az bilye olacaktır.

Küçük çocuk **a** tane bilye, büyük çocuk **b** tane bilye alınsın.

Ters orantılı iki çöktüğün çarpımı sabit olacağinden $a \cdot 5 = b \cdot 7 = k$ yazılabilir.

Buradan a 'nın 5 katı ile b 'nın 7 katının birbirine eşit olduğu görülür. Bu eşitliği sağlamak için 5 ve 7'nin en küçük ortak katı olan 35'i veya 35'in katlarını oranti sabiti olarak kabul edelim.

Buna bağlı olarak küçük çocuğun alacağı a tane bilyeyi **7n**, büyük çocuğun alacağı b tane bilyeyi **5n** ile ifade edelim.

$a = 7n$, $b = 5n$ olacaktır.

a ve b 'nin toplamı 48 bilyedir. O hâlde $a + b = 48$ dir. Buradan $7n + 5n = 48$

$$12n = 48$$

$n = 4$ olarak bulunur.

Son olarak n 'nin değeri olan 4, $a = 7n$ eşitliğinde yerine yazılır. Küçük çocuğun aldığı bilye sayısını olan a ,

$a = 7n = 7 \cdot 4 = 28$ olarak bulunur.

Birlikte Çözelim 9

Bir demir çubuk 2, 3 ve 4 sayılarıyla ters orantılı olacak şekilde 3 parçaaya ayrılmıyor. En kısa parça en uzun parçadan 15 cm küçük olduğuna göre demir çubuğun başlangıçtaki uzunluğunun kaç cm olduğunu bulalım.

Çözüm:

1. parça 2 ile ters orantılı olduğundan en uzun olması gereken parçadır.

2. parça 3 ile ters orantılı olan parçadır.

3. parça 4 ile ters orantılı olduğundan en kısa olması gereken parçadır.

Uzunluğu a cm olan 1. parçanın 2 ile (2 ile ters orantılı olduğundan) çarpımı,

Uzunluğu b cm olan 2. parçanın 3 ile (3 ile ters orantılı olduğundan) çarpımı,

Uzunluğu c cm olan 3. parçanın 4 ile (4 ile ters orantılı olduğundan) çarpımı oranti sabitine eşittir.

Bu da $a \cdot 2 = b \cdot 3 = c \cdot 4 = k$ şeklinde ifade edilir.

Buradan a 'nın 2 katı, b 'nın 3 katı ve c 'nın 4 katının birbirine eşit olduğu görülür. Bu eşitliği sağlamak için 2, 3 ve 4'ün en küçük ortak katı olan 12'yi veya 12'nin katlarını oranti sabiti kabul edelim.

Buna bağlı olarak 1. parçanın uzunluğunu **6p**, 2. parçanın uzunluğunu **4p** ve 3. parçanın uzunluğunu **3p** ile ifade edelim.

$$a = 6p \rightarrow 1. \text{ parça}$$

$$b = 4p \rightarrow 2. \text{ parça}$$

$$c = 3p \rightarrow 3. \text{ parça}$$

En kısa parça en uzun parçadan 15 cm küçük olduğuna göre

$$6p - 3p = 15$$

$$3p = 15 \text{ ise}$$

$$p = 5 \text{ olur.}$$

$$a = 6p = 6 \cdot 5 = 30 \text{ cm}$$

$$b = 4p = 4 \cdot 5 = 20 \text{ cm}$$

$$c = 3p = 3 \cdot 5 = 15 \text{ cm}$$

$$\text{Toplam} = 30 + 20 + 15 = 65 \text{ cm}$$

Demir çubuğun başlangıçtaki uzunluğu 65 cm'dir.



Çözüm Sende

1) Aşağıdaki ifadelerin doğru orantılı mı, ters orantılı mı olduğunu belirtiniz.

Boyacı sayısı ile boyanan alan miktarı

Boyacı sayısı ile işin bitme süresi

Makine sayısı ile üretilen ürün sayısı

Tekerleğin büyüklüğü ile dönme sayısı

2) 5 ineğe 8 gün yetecek ot, aynı özelliklerdeki 8 ineğe kaç gün yeter?

3) Bir traktör, bir tarayı 48 saatte sürmektedir. Traktör sayısı 3'e çıkarırsa aynı tarla kaç saatte sürülebilir?

4) Bir araç A şehrinde B şehrine 80 km/sa. hızla 3 saatte gitmektedir. Aynı araç dönüşte hızını 40 km/sa. arttırsa bu yolu kaç saatte alır?

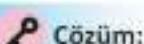
5) $x + 2$ sayısı $y - 2$ sayısı ile ters orantılıdır. $x = 4$ iken $y = 26$ ise $x = 10$ iken $y = ?$

6) 100 cm uzunluğundaki bir çubuk, 3 ve 7 ile ters orantılı olacak şekilde 2 parçaya bölündüğünde büyük parça küçüğünden kaç cm uzun olur?

Doğru ve Ters Orantı Problemleri

Birlikte Çözelim 1

4 kg kuru üzüme 3 kg fındık içi karıştırarak karışık cerez elde ediliyor. Bu karışık cerezden 56 kg hazırlamak isteyen bakkal kaç kg kuru üzüm kullanacaktır? Bu problemi çözelim.



Çözüm:

Problemi çözebilmek için aşağıdaki adımları takip edelim.

* Problemde verilenleri ve istenenleri belirleyelim:

Karışık cerezin her 4 kg kuru üzüme karşı 3 kg fındık içi konarak hazırlandığı verilmiştir.

56 kg cerezde kaç kg üzüm kullanılacağı istenmektedir.

* Problemi çözebilmek için neler yapmamız gerektiğini planlayalım:

Her 4 kg kuru üzüme karşı 3 kg fındık içi konarak kaç kg cerez hazırladığını bulalım. Orantidan yararlanarak 56 kg cerezde kullanılan üzüm miktarını hesaplayalım.

Toplam cerez miktarı arttığında kullanılacak üzüm miktarı artacağından toplam cerez miktarı ile üzüm miktarı arasında doğru orantı vardır.

* Problemin çözümünü yapalım:

$$4 \text{ kg kuru üzüm} + 3 \text{ kg fındık içi} = 7 \text{ kg karışık cerez}$$

4 kg kuru üzüm kullanarak $\cancel{\times}$ 7 kg karışık cerez hazırlanır.

x kg kuru üzüm kullanarak $\cancel{\times}$ 56 kg karışık cerez hazırlanır.

$$\text{D.O.} \quad x \cdot 7 = 4 \cdot 56$$

$$\frac{7x}{7} = \frac{224}{7}$$

$$x = 32 \text{ kg kuru üzüm kullanılır.}$$

* Çözümümüzü kontrol edelim:

56 kg cerezde 32 kg kuru üzüm varsa $56 - 32 = 24$ kg fındık içi vardır. Cerezdeki fındık içiniin kuru üzümün miktarına oranı $\frac{24}{32} = \frac{3}{4}$ 'tir. Her 4 kg kuru üzüme karşılık 3 kg fındık içi kullanılır.

Bu da çözümümüzün doğru olduğunu gösterir.

Birlikte Çözelim 2

Bir izci kamplıda 40 izciye 18 gün yetecek kadar yiyecek vardır. Kamp başladıkten 6 gün sonra 16 izci kamptan ayrılsa mevcut yiyecekler kalan izcilere kaç gün daha yetecektir? Bu problemi çözelim.



Çözüm:

Problemi çözebilmek için aşağıdaki adımları takip edelim.

* Problemde verilenleri ve istenenleri belirleyelim:

Bu kampta 40 izciye 18 gün yetecek yiyecek vardır.

6 gün sonra 16 izci kamptan ayrıiyor.

Mevcut yiyeceklerin kalan izcilere kaç gün yeteceğini bulmamız isteniyor.

* Problemi çözebilmek için neler yapmamız gerektiğini planlayalım:

Kamp başladıkten 6 gün sonra 16 izci kamptan ayrıldığından kalan izci sayısını bulalım.

İzci sayısı azalacağından mevcut yiyecek daha fazla gün yetecektir. Dolayısıyla izci sayısı ile mevcut yiyeceğin yetme süresi ters orantılıdır.

Kampta kalan izcilere mevcut yiyeceğin kaç gün yeteceğini bulalım.

* Problemin çözümünü yapalım:

Kamptan 16 kişi ayrıldığında $40 - 16 = 24$ izci kalır.

Kamp başladıkten 6 gün sonra 40 izciye $18 - 6 = 12$ gün yetecek kadar yiyecek kalır. Ancak kamptan 16 izci ayrıldığı için kalan yiyeceklerin, $40 - 16 = 24$ izciye kaç gün yeteceğini bulalım.

$$40 \text{ izciye} \longleftrightarrow 12 \text{ gün yetecek yiyecek}$$

$$24 \text{ izciye} \longleftrightarrow x \text{ gün yeter.}$$

$$\text{T.O. } 24 \cdot x = 40 \cdot 12$$

$$\frac{24x}{24} = \frac{40 \cdot 12}{24}$$

$$x = 20$$

Kalan 24 izciye mevcut yiyecekler 20 gün yeter.

* Çözümümüzü kontrol edelim:

$$24 \text{ izciye} \longleftrightarrow 20 \text{ gün yetecek yiyecek}$$

$$40 \text{ izciye} \longleftrightarrow x \text{ gün yeter.}$$

T.O.

$$x = 12 \text{ gün yeter.}$$

24 izciye 20 gün yetecek yiyeceğin izciler ayrılmamasayı 12 gün yeteceği görülmektedir.

16 izci ayrılmadan önce kampta 6 gün kalmışlardır.

$$12 + 6 = 18$$

Yiyecekler 40 izciye 18 gün yeter.

Problemlimizin çözümü doğrudur.

Birlikte Çözelim 3

$\frac{1}{1000000}$ ölçekli bir haritada A ve B şehirleri arasındaki uzunluk 15 cm'dir. Buna göre A ve B şehirleri arasındaki gerçek uzaklık kaç kilometredir? Bu problemi çözelim.



Çözüm:

$\frac{1}{1000000}$ ölçekli bir harita; 1 000 000 cm'lik bir uzaklıği 1 cm ile gösterir. Dolayısıyla

$$1000000 \text{ cm uzaklık} \quad \cancel{x} \quad 1 \text{ cm ise} \\ x \text{ cm uzaklık} \quad \cancel{x} \quad 15 \text{ cm'dir.}$$

D.O.

$$x \cdot 1 = 1000000 \cdot 15$$

$$x = 15000000 \text{ cm} = 150 \text{ km}$$

Birlikte Çözelim 4

Bir mağaza, tüm ürünlere aynı oranda indirim yapıp satış fiyatı 80 TL olan eteği 72 TL'ye satmaktadır. Aynı mağaza satış fiyatı 60 TL olan kazağı bu indirimle kaç TL'ye satacaktır? Bu problemi çözelim.

Çözüm:

Her ürünün satış fiyatı ile indirimli fiyatı arasında doğru orantı vardır. Bu oran kazak için de geçerlidir.

~~80 TL'lik etek~~ ~~72 TL'ye satılırsa~~

~~60 TL'lik kazak~~ ~~x TL'ye satılır.~~

D.O.

$$80 \cdot x = 72 \cdot 60$$

$$\frac{80x}{80} = \frac{4320}{80}$$

$$x = 54$$

60 TL'lik kazağa indirim uygulandığında 54 TL'ye satılır.

Birlikte Çözelim 5

Bir üçgenin iç açıları 2, 3 ve 5 ile doğru orantılıdır. Bu üçgenin her bir dış açısı kaç derecedir? Bu problemi çözelim.

Çözüm:

Bir üçgenin iç açılarının ölçüler 2, 3 ve 5 ile doğru orantılı olduğunda 5 ile doğru orantılı olan açının ölçüsü en büyük, 2 ile doğru orantılı olan açının ölçüsü en küçük açı olması gereklidir.

Üçgenin iç açıları A, B, C açıları olsun. A açısının ölçüsünün 2, B açısının ölçüsünün 3, C açısının ölçüsünün 5 ile doğru orantılı olduğu aşağıdaki gibi ifade edilebilir. Bu durumda,

$$\frac{m(\widehat{A})}{2} = \frac{m(\widehat{B})}{3} = \frac{m(\widehat{C})}{5} = k$$

$$m(\widehat{A}) = 2k$$

$$m(\widehat{B}) = 3k$$

$$m(\widehat{C}) = 5k$$

olacaktır. ABC üçgeninin iç açılarının ölçülerinin toplamı 180° olduğundan

$$m(\widehat{A}) + m(\widehat{B}) + m(\widehat{C}) = 2k + 3k + 5k = 180^\circ$$

$$10k = 180^\circ$$

$$\frac{10k}{10} = \frac{180^\circ}{10}$$

$$k = 18^\circ$$

Üçgenin iç açılarının ölçüler:

$$m(\widehat{A}) = 2k$$

$$= 2 \cdot 18^\circ$$

$$= 36^\circ \text{ olur.}$$

$$m(\widehat{B}) = 3k$$

$$= 3 \cdot 18^\circ$$

$$= 54^\circ \text{ olur.}$$

$$m(\widehat{C}) = 5k$$

$$= 5 \cdot 18^\circ$$

$$= 90^\circ \text{ olur.}$$

A açısına ait

dış açının ölçüsü

$$180^\circ - 36^\circ = 144^\circ \text{ dir.}$$

B açısına ait

dış açının ölçüsü

$$180^\circ - 54^\circ = 126^\circ \text{ dir.}$$

C açısına ait

dış açının ölçüsü

$$180^\circ - 90^\circ = 90^\circ \text{ dir.}$$

Birlikte Çözelim 6

Cansu, annesinin eni 4,5 cm, boyu 6 cm olan vesikalik fotoğrafını aynı oranlarda büyütüp çerçevelmek için fotoğrafçıya veriyor. Cansu eni 18 cm, boyu 12 cm olan büyütülmüş fotoğrafı aldığından görüntünün ilkinden farklı olduğunu görüyor. Bu farklılığın sebebi ne olabilir? Nedenini bularak yorumlayalım.

Çözüm:

$$\frac{\text{Fotoğrafın eni (cm)}}{\text{Fotoğrafın boyu (cm)}} = \frac{4,5}{6} = \frac{18}{x}$$
$$x = 24 \text{ cm}$$



12 cm

Fotoğrafın eni 18 cm olduğunda boyu 24 cm olmalıdır. Ancak fotoğrafçı fotoğrafın enini 18 cm, boyunu ise 12 cm yapmıştır. Bu da fotoğrafın boyutlarının doğru oranlarda büyütülmemişini gösterir. Fotoğrafın görünümündeki farklılığın sebebi boyunun 24 cm olması gerekirken 12 cm yapılmış olmasıdır.

Birlikte Çözelim 7

65 cm uzunluğundaki bir tel, 4 ile ters orantılı; 3 ile doğru orantılı olacak şekilde iki parçaya ayrılsa uzun parçanın kaç cm olacağını bulalım.

Çözüm:

1. parçanın uzunluğu a,
2. parçanın uzunluğu b olsun,
- a, 4 ile ters orantılı; b, 3 ile doğru orantılı olduğundan

$$a \cdot 4 = \frac{b}{3} = k \text{ 'dir.}$$

Burada a'nın 4 katı ile b'nin üçte biri eşittir. Bu eşitliğe göre orantı sabiti, 4'ün katlarından biridir. O hâlde orantı sabitini 4n olarak kabul edelim. Bu durumda 1. parçanın uzunluğunu n, 2. parçanın uzunluğunu **12n** ile ifade edelim.

$$a = n, b = 12n \text{ olacaktır.}$$

$$a + b = 65 \text{ cm olduğundan}$$

$$n + 12n = 65$$

$$13n = 65$$

$$n = 5 \text{ olur.}$$

$$\begin{aligned} a &= n & b &= 12n \\ a &= 5 & b &= 12 \cdot 5 \\ a &= 5 \text{ cm} & b &= 60 \text{ cm} \end{aligned}$$

Kısa parça 5 cm'dir.

Uzun parça 60 cm'dir.



Çözüm Sende

1) Özdeş 8 musluk boş bir havuzun yarısını 3 saatte dolduruyor. Boş havuzun tamamını aynı özellikteki 12 musluk kaç saatte doldurur?

2) Bir işi eş kapasiteli 20 makine 8 günde bitirebilmektedir. Aynı işin 2 günde bitebilmesi için makine sayısı kaç olmalıdır?

3) Bir üçgenin iç açılarının ölçülerü; 3, 7 ve 8 ile doğru orantılıdır. Bu üçgenin en büyük açısının ölçüsünü bulunuz.

4) Yandaki tablo farklı boylardaki öğrencilerin aynı anda ve aynı yerdeki gölge boylarını göstermektedir.

Boyu 162 cm olan Merve'nin aynı anda ve aynı yerde gölgesinin uzunluğu kaç cm olur?

Tablo: Kişilerin Gerçek Boy Uzunlıklar ve Gölge Uzunlıklar

Kişiler	Gerçek Boy Uzunluğu (cm)	Gölge Uzunluğu (cm)
Ayça	120	80
Yeliz	150	100
Özge	180	120

5) 200 g X, 300 g Y ve 300 g Z maddeleri birleştirilerek bir karışım elde ediliyor. Bu karışımdan 4 kg elde etmek için kaç g Y maddesine ihtiyaç vardır?

6) Eşit çalışma kapasitesindeki bir grup boyacı bir işi 15 günde bitirebilmektedir. Ancak iş başlamadan önce bu gruptan 4 boyacı ayrılmak zorunda kalır. Aynı işi kalan boyacılar 18 günde bitirirler. Buna göre başlangıçta bu grupta kaç boyacı vardır?

7) Bir tur şirketi bir grup anneyi geziye götürecekür. Anneler her birinde 30 kişi olacak şekilde otobüslerde yerleştirilir. Ancak otobüslerden birinin anızlanması sonucunda her bir otobüse 35 kişi yerleştirildiğine göre başlangıçtaki otobüs sayısı kaçtır?

8) A okulumda düzenlenen pilav günü için iki kazan pilav hazırlanmış ve etkinliğe 230 kişi katılmıştır. Birinci kazandan her tabağa 3 kaşık pilav koyularak 120 porsiyon hazırlanmıştır. Ancak porsiyonların miktarının az olduğu şikayetü üzerine aynı mikardaki ikinci kazandan hazırlanan yeni porsiyonlara 4 kaşık pilav koyulmuştur. Bu durumda pilav 230 kişiye yeter mi? Nedenini işlemler yaparak açıklayınız.

9) Bir beyaz eşya mağazası tüm ürünlere aynı oranda indirim yapmıştır. Bu mağazada 2400 TL'lik bir ürün 2000 TL'ye satıldığına göre 1500 TL'lik bir ürün kaç TL'ye satılır?

10) 1/500 000 ölçekli bir haritada iki şehir arasındaki uzunluk 4 cm ise bu iki şehir arası uzaklık gerçekte kaç km'dır?

2. Bölüm: YÜZDELER

Bir Çokluğun Belirtilen Yüzdesini Bulma

DÜNYADAKİ DÜŞÜK KİLOLU, NORMAL,
OBEZ ÖNCESİ VE OBEZ İNSAN ORANLARI.



OBEZİTE



TÜRKİYE NÜFUSU
OBEZ ORANLARI
KADINLAR
%24
ERKEKLER
%15

Obezite, vücutta sağlığı bozacak ölçüde aşırı ve anormal yağ birikmesi sonucu meydana gelen bir hastalıktır. Bu hastalığı yaşayan kişiler de obez olarak kabul edilmektedir. Dünyada giderek yaygınlaşan obezite, yaşam kalitesini ve süresini olumsuz yönde etkilemektedir. Hareketsiz yaşam, düzensiz beslenme ve özellikle hazır yiyecek kültürünün yaygınlaşması, obezitenin artmasında önemli bir etkendir.

OBEZ OLMAK İSTEMİYORSAN DAHA HAREKETLİ YAŞA, SAĞLIKLI VE DENGELİ BESLEN!

2017 yılında TÜİK tarafından yayımlanan "2016 Türkiye Sağlık Araştırması" verilerine göre 15 yaş ve üstü obez bireylerin oranları yukarıda görselde verilmiştir. 2016 yılındaki 15 yaş ve üstü birey sayısını yaklaşık 60 milyon olarak kabul edersek

- Türkiye'deki obez kadın ve obez erkek sayısını hesaplamada nasıl bir yol izlersiniz?

ETKİNLİK

Araç-Gereçler: 500 mL ve 100 mL'lik bekerler, su, meyve suyu, kaleml, kağıt

Uygulama Basamakları:

- İkişerli gruplar oluşturunuz.
- 1. öğrenci 500 mL'lik bekeri meyve suyu ile, 2. öğrenci 100 mL'lik bekeri su ile doldursun.
- 1. öğrenci meyve suyunun, 2. öğrenci suyun yarısını boşaltın ve kalan miktarları görseldeki boşluklara yazın.

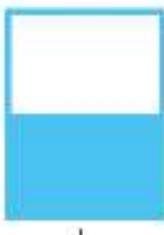


- Gruplar, bekerlerinde kalan sıvıların yarısını tekrar boşaltın ve kalan miktar boşluklara yazın.

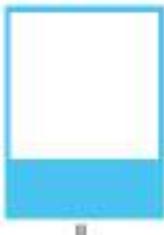


- 500 mL meyve suyunun %50'si kaç mL'dir?
- 500 mL meyve suyunun %25'i kaç mL'dir?
- 500 mL meyve suyunun %30'unun kaç mL olabileceğine dair bir aralık tahmin ediniz.
- 500 mL meyve suyunun %55'inin kaç mL olabileceğine dair bir aralık tahmininde bulununuz.
- Tahminlerinizi yaparken nasıl bir yol izlediğinizi açıklayınız.

Birlikte Çözelim 1



I



II



III



IV

Yandaki eş kaplarda bulunan su miktarlarının yüzde (%) olarak yaklaşık değerlerini tahmin edelim.

Çözüm:

- I. kaptaki suyun yüksekliği kabın yaklaşık yan seviyesinde olduğundan I. kaptaki su miktarı kabın yaklaşık %50'sidir.
- II. kaptaki suyun yüksekliği yaklaşık olarak kabın $\frac{1}{4}$ 'üdür. Bu nedenle II. kaptaki su miktarı kabın yaklaşık %25'lidir.
- III. kabın tamamına yakını su ile doludur (%100'e yakını). Bu nedenle III. kaptaki su miktarı yaklaşık olarak kabın %90'ı kadardır.
- IV. kaptaki ise çok az su vardır. Bu yüzden IV. kaptaki su miktarı yaklaşık olarak kabın %10'udur.

Birlikte Çözelim 2

500 mL meyve suyunun %30'unu bulalım.

Çözüm:

500 mL meyve suyunun %30'unu bulmak için aşağıdaki yöntemlerden faydalanabiliriz.

1. yöntem:

Meyve suyunun tamamı (%100) 500 mL'dir.
Bizden istenen 500 mL'nin %30'udur.

$$\begin{array}{l} \%100'u \quad \cancel{\times} \quad 500 \text{ mL ise} \\ \%30'u \quad \times \quad x \text{ mL'dir.} \end{array}$$

D.O.

$$\frac{100 \cdot x}{100} = \frac{500 \cdot 30}{100}$$

$$x = 150 \text{ mL}$$

2. yöntem:

500 mL'nin %30'unu ($\frac{30}{100}$) bulalım.

$$500 \cdot \frac{30}{100} = 150 \text{ mL şeklinde de bulunabilir.}$$

500 mL meyve suyunun %30'u 150 mL'dir.

* Bir önceki etkinlikteki tahmininizle bu soruda bulduğunuz sonucu karşılaştırınız.

Birlikte Çözelim 3

Bir İş yerinde çalışan 60 kişinin %15'i gözlük kullandığına göre bu İş yerinde gözlüklü eleman sayısını bulalım.

Çözüm:

İş yerindeki gözlük kullanan eleman sayısını bulmak için aşağıdaki yöntemlerden yararlanabiliriz.

1. yöntem:

İş yerinde 60 kişi olduğundan çalışanların %100'ü 60 kişidir.

%100'ü 60 ise
%15'i x'tir.

D.O.

$$\frac{100x}{100} = \frac{60 \cdot 15}{100}$$

$$x = \frac{900}{100}$$

$$x = 9$$

2. yöntem:

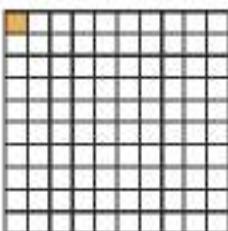
$\frac{15}{100}$ olduğundan 60'in %15'i

$$60 \cdot \frac{15}{100} = \frac{900}{100} = 9 \text{ 'dur.}$$

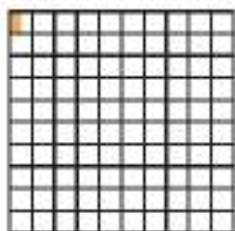
Bu İş yerinde çalışan 60 kişiden 9'u gözlük kullanmaktadır.

Birlikte Çözelim 4

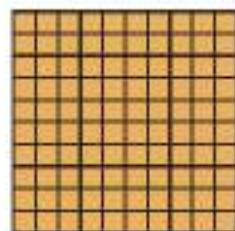
Aşağıda yüzlük kartlarında taralı kareleri sayarak verilen taralı bölgeleri yüzdelik olarak ifade edelim.



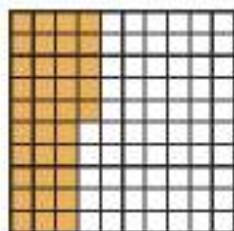
I



II



III



.....

Çözüm:

I. Yüzlük kartta 100 kareden sadece 1 kare taramış olduğundan taralı bölge %1'dir.

II. Yüzlük kartta 100 kareden 1 tane karenin $\frac{1}{2}$ 'si taramış olduğundan taralı bölge $\frac{1}{2} = \%0,5$ 'tir.

III. Yüzlük kartta 1 bütün yüzlük kartın tamamı ve diğer yüzlük kartın 35 karesi taramış olduğundan taralı bölge %135'tir.



Bir sayının %100'den küçük yüzdelik ifadesi sayının kendisinden küçüktür.

Bir sayının %1'den küçük (%0,5 veya %0,25 gibi) yüzdelik ifadesi, sayının kendisinden küçüktür.

Bir sayının %100'den büyük (%120 veya %130 gibi) yüzdelik ifadesi sayının kendisinden büyütür.

Birlikte Çözelim 5

200 TL'nin,

a) %0,5'ini

b) %140'ını bulalım.

Çözüm:

a) $\%0,5 = \frac{0,5}{100} = \frac{5}{1000}$

$$200 \cdot \frac{5}{1000} = \frac{1000}{1000} = 1$$

200 TL'nin %0,5'i 1 TL'dir.

b) $\%140 = \frac{140}{100}$

$$200 \cdot \frac{140}{100} = \frac{28000}{100} = 280$$

200 TL'nin %140'i 280 TL'dir.

200'ün %0,5'inin kendisinden küçük olduğunu gördünüz mü?



200'ün %140'inin kendisinden büyük olduğunu gördünüz mü?

Birlikte Çözelim 6

Bir emlakçı sattığı her ev için %4 komisyon almaktadır. Emlakçının 1800 TL komisyon aldığı bir evi kaç TL'ye sattığını bulalım.

Çözüm:

Emlakçının evi kaç TL'ye sattığını bulabilmek için aşağıdaki yöntemlerden yararlanabiliriz.

1.yöntem:

%4 komisyonu 1800 TL olan evin satış fiyatının kaç TL olduğunu doğru orantıdan yararlanarak bulalım:

$$\begin{array}{rcl} \begin{array}{c} \%4'ü \\ \%100'ü \end{array} & \times & 1800 \text{ TL ise} \\ \hline \text{D.O.} & & x \text{'tir.} \end{array}$$

$$\frac{4 \cdot x}{4} = \frac{1800 \cdot 100}{4}$$

$$x = \frac{180000}{4}$$

$$x = 45000 \text{ TL}$$

2.yöntem:

$$\%4 = \frac{4}{100}$$

$$x \cdot \frac{4}{100} = 1800$$

$$\frac{4x}{100} = 1800$$

$$4x = 180000$$

$$x = \frac{180000}{4}$$

$$x = 45000 \text{ TL}$$

Emlakçı, 1800 TL komisyon aldığı evi 45 000 TL'ye satmıştır.

Birlikte Çözelim 7

Bir bahçevan çalıştığı bahçenin 40 m^2 sini düzenledikten sonra patronundan izin ister. Patronu da ona işin ancak %8'ini bitirdiğini ve %50'sini bitirince izne ayrılabilceğini söyler. Buna göre bahçevanın kaç m^2 iş yapınca izne ayrılabileceğini bulalım.

Çözüm:

Bahçıvanın kaç m^2 iş yapınca izne aynabilceğini bulabilmek için aşağıdaki yöntemlerden yararlanabiliriz.

1. yöntem:

Bahçenin tamamı x olsun.

$$x \cdot \frac{8}{100} = 40$$

$$\frac{8x}{100} = 40$$

$$8x = 4000$$

$$x = \frac{4000}{8}$$

$$x = 500$$

Bahçenin tamamı $500 m^2$ dir.

500 'ün $\%50$ 'sini bulalım.

$$500 \cdot \frac{50}{100} = 250 m^2 \text{ dir.}$$

Bahçıvan bahçenin $250 m^2$ sini düzenlemeyi bitirdiğinde izne aynabılır.

2. yöntem:

$\%8$ 'i



$\%50$ 'si

$40 m^2$ olan bahçenin

D.O.

x'tir.

$$8 \cdot x = 40 \cdot 50$$

$$8x = 2000$$

$$x = 250$$

Bahçıvan bahçenin $250 m^2$ sini düzenlemeyi bitirdiğinde izne aynabılır.



Bir sayının $\%50$ 'si, o sayının yarısına ($\frac{1}{2}$) eşittir.



Çözüm Sende

1) 360 sayısının $\%30$ 'u kaçtır?

2) 400 sayısının $\%20$ 'sinin $\%5$ 'i kaçtır?

3) $\%0,1$ 'i 8 olan sayının $\%30$ 'u kaçtır?

4) 30 yumurta bulunan bir kolideki yumurtaların $\%40$ 'ı kırılmıştır. Kolide kaç sağlam yumurta kalmıştır?

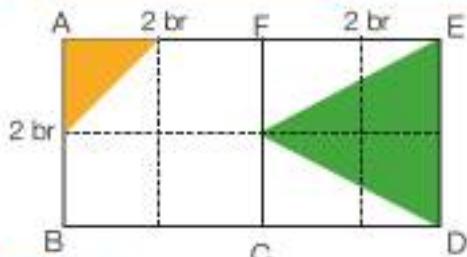
Bir Çokluğu Diğer Çokluğun Yüzdesi Olarak Hesaplama



Yandaki görselde iki ortaklı bir şirketin ortaklarının hisse dağılımları gösterilmiştir.

- Bu ortaklar eşit hisselerle sahip olduklarına göre kişi başına düşen hisseyi yüzde olarak nasıl ifade edersiniz?

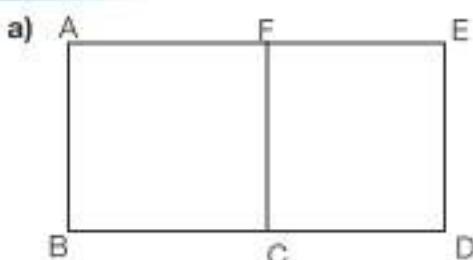
Birlikte Çözelim 1 ➤



Yandaki şekli inceleyelim.

- ABCF karesinin alanının ABDE dikdörtgeninin alanının yüzde kaç olduğunu bulalım.
- Sarı Üçgenin alanının yeşil Üçgenin alanının yüzde kaç olduğunu bulalım.

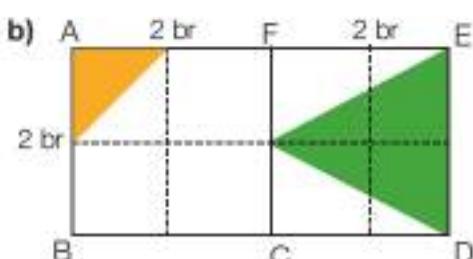
Çözüm:



a) ABCF karesinin alanı: $2 \cdot 2 = 4 \text{ br}^2$
 ABDE dikdörtgeninin alanı: $2 \cdot 4 = 8 \text{ br}^2$

$$\frac{\text{ABCF karesinin alanı}}{\text{ABDE dikdörtgeninin alanı}} = \frac{4}{8} = \frac{1}{2} = \frac{50}{100}$$

ABCF karesinin alanı, ABDE dikdörtgeninin alanının %50'sidir.



b) Sarı Üçgenin alanı: $\frac{1 \cdot 1}{2} = \frac{1}{2} \text{ br}^2$
 Yeşil Üçgenin alanı: $\frac{2 \cdot 2}{2} = 2 \text{ br}^2$

$$\frac{\text{Sarı Üçgenin alanı}}{\text{Yeşil Üçgenin alanı}} = \frac{\frac{1}{2}}{2} = \frac{1}{4} = \frac{25}{100}$$

Sarı Üçgenin alanı yeşil Üçgenin alanının %25'idir.

Birlikte Çözelim 2 ➤

300 TL'lik bir ürününden 24 TL KDV alındığına göre bu ürünü uygulanan KDV oranının yüzde kaç olduğunu bulalım.

Çözüm:

KDV oranının yüzde kaç olduğunu bulabilmek için aşağıdaki yöntemlerden yararlanabiliriz.

1. yöntem:

$$\begin{array}{rcl} 300 \text{ TL'lik bir ürününden} & \times & 24 \text{ TL KDV alınırsa} \\ 100 \text{ TL'den} & \times & x \text{ TL KDV alınırlar.} \\ \hline \text{D.O.} & & \end{array}$$

$$\frac{300x}{300} = \frac{24 \cdot 100}{300}$$

$$x = 8$$

24 TL, 300 TL'nin %8'İdir. 300 TL'lik bir ürününden %8 KDV alınmıştır.

2. yöntem:

$$\begin{aligned} 300 \cdot \frac{x}{100} &= 24 \\ \frac{300x}{300} &= \frac{2400}{300} \\ x &= 8 \end{aligned}$$

Birlikte Çözelim 3

Ayhan'ın arabası, Muğla'dan Denizli'ye giderken 120 km'lik yolun 30. km'sinde arzalanır. Buna göre aracın arzalanmadan önce yolun yüzde kaçını gittiğini bulalım.



Çözüm:

Aracın arzalanmadan önce yolun yüzde kaçını gittiğini bulabilmek için aşağıdaki yöntemlerden yararlanabiliriz.

1. yöntem:

$$\begin{array}{l} 120 \text{ km'de} \quad \times \quad 30 \text{ km ise} \\ 100 \text{ km'de} \quad \times \quad x \text{ km'dır.} \end{array}$$

D.O.

$$\frac{120x}{120} = \frac{30 \cdot 100}{120}$$
$$x = 25$$

Ayhan'ın arabası, Ayhan yolun %25'ini gittikten sonra arzalanmıştır.

2. yöntem:

$$\begin{aligned} 120 \cdot \frac{x}{100} &= 30 \\ \frac{120x}{100} &= 30 \\ 120x &= 30 \cdot 100 \\ 120x &= 3000 \\ \frac{120x}{120} &= \frac{3000}{120} \\ x &= 25 \end{aligned}$$

Ayhan'ın arabası, yolun %25'i gidişdikten sonra arzalanmıştır.

Bir sayının %25'i, o sayının çeyreğine ($\frac{1}{4}$) eşittir.

$$\%25 = \frac{25}{100} = \frac{1}{4}$$



Çözüm Sende

- 1) Bir okulda görev yapan 80 öğretmenden 50'si kadın olduğuna göre kadın öğretmenler okuldaki öğretmenlerin yüzde kaçıdır?
- 2) 60 tane fidanın 18 tanesi dikilmiştir. Fidanların yüzde kaçı dikilmiştir?
- 3) Etiket fiyatı 120 TL olan kazağa 15 TL indirim uygulanıyor. Buna göre kazağın etiket fiyatı üzerinden yüzde kaç indirim yapılmıştır?



Bir Çokluğu Belirli Bir Yüzde ile Arttırma ve Azaltma, Yüzde Problemleri



Çepe atlan ekmeklerle
Köprü olur, okul olur, yol olur

Olimpiyat bir yıldızı israf edilen ekmekle
yüzlerce okul yapılabilir



Gıda Tanım ve Hayvancılık Bakanlığının
"Ekmek İsrafını Önleme Kampanyası" sayesinde
ekmek İsrafi %18 azalmıştır.

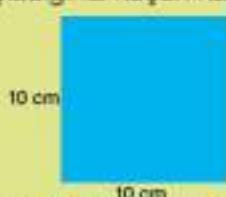
- Ekmek İsrafının %18 azalmış olması ile
yüzlerce okul yapılabilmesi arasındaki
ilişkiyi yazınız.

ETKİNLİK

Araç-Gereçler: makas, kalem, kağıt, cetvel

Uygulama Basamakları:

- 10 cm x 10 cm'lik bir kare çizip kesiniz.
- Kestiğiniz karenin bir köşesinden 2 cm x 2 cm'lik bir kare çiziniz.
- Çızdığınız küçük kareyi kesip ayırizniz.



Makası dikkatli
kullanalım!

- Başlangıçtaki karenin ve kesip ayırdığınız parçanın alanını bulunuz.
- Başlangıçtaki kareden küçük kare çıkanlığında kalan parçanın alanını bulunuz.
- Kesip ayırdığınız parçanın alanı, başlangıçtaki karenin alanının yüzde kaçıdır?
- Kalan parçanın alanı başlangıçtaki karenin alanının yüzde kaçıdır?
- Kesilen parçanın yüzdesi ile kalan parçanın yüzdesi arasındaki ilişkiye yorumlayınız.
- Kesilen parçalardan 5 tanesini, yeni bir karenin bir kenar boyunca her biri kareye bitişik olacak şekilde ekleyiniz. Oluşan yeni şeklin alanı, başlangıçtaki karenin alanının yüzde kaçıdır?

Birlikte Çözelim 1

Bir mağaza 80 TL'ye aldığı bir pantolonun fiyatını %20 artırarak sattığında pantolonun fiyatının kaç TL olacağını bulalım. Pantolonun yeni fiyatının eski fiyatının yüzde kaçına eşit olacağını hesaplayalım.

Çözüm:

80 TL'nin %20'sini bulalım: $80 \cdot \frac{20}{100} = 16$
olduğundan artış miktarı 16 TL'dir.

Etiket fiyatı = Alış fiyatı + Artış fiyatı

Etiket fiyatı = $80 + 16$

= 96 TL'dir.

96 TL'nin, 80 TL'nin % kaç olduğunu bulalım:
 $80 \cdot \frac{x}{100} = 96$
 $\frac{80x}{80} = \frac{9600}{80}$
 $x = 120$

96 TL, 80 TL'nin %120'sidir.



Bir sayıyı %20 artırmak, sayının %120'sini bulmaktır.

Bir sayının %120'sini bulmak
için o sayıyı $\frac{120}{100}$ ile çarparız.
 $80 \cdot \frac{120}{100} = 96$

veya

Bir sayının %120'sini bulmak için
o sayıyı 1,20 ile çarparız.
 $80 \cdot 1,20 = 96$

Birlikte Çözelim 2

Bir cins ya  z üzüm kurutulunca kütlesinin %40'  n kaybetmektedir. Buna göre 300 kg ya  z   z  mden ka  k kg kuru öz   m elde edilebilece  n bulalim. Kuru   z   m miktar, ya  z üzüm miktarının yüzde ka  c na e  st olacaktır? Hesaplayalim.

Çözüm:

300 kg'in %40'  n bulalim:

$$300 \cdot \frac{40}{100} = 120 \text{ kg azalm  stir.}$$

Kuru   z   m miktar = Ya  z   z   m miktar - Kaybedilen miktar

$$= 300 - 120$$

$$= 180 \text{ kg}$$

Slmdi de kuru öz   m miktarının, ya  z öz   m miktarının % ka  c olduğunu bulalim:

$$300 \cdot \frac{x}{100} = 180$$

$$\frac{300x}{300} = \frac{18000}{300}$$

$$x = 60$$

Kuru   z   m miktar, ya  z öz   m miktarının %60'  dir. O hâlde bir sayiyi %40 azaltmak ile sayinin %60'  n bulmak aynı sonucu verir.



Bir sayiyi %40 azaltmak, sayinin %60'  n bulmaktır.

Bir sayinin %60'  n bulmak için
o sayiyi $\frac{60}{100}$ ile çarpariz.

$$300 \cdot \frac{60}{100} = 180$$

veya

Bir sayinin %60'  n bulmak için
o sayiyi 0,60 ile çarpariz.

$$300 \cdot 0,60 = 180$$

Birlikte Çözelim 3

Samsun ile İstanbul arası 120 TL olan otobüs biletinin fiyatı %5 arttınl  d  nd   biletin yeni fiyatının ka  c TL olaca  n bulalim.

Çözüm:

120 TL olan bilet fiyat『5 arttınl  d  nd   120 TL'nin %5 fazlasını yani %105'  n bulmamız gerekir.

%100'   120 TL ise
%105'   x'tir.

D.O.

$$\frac{100x}{100} = \frac{105 \cdot 120}{100}$$

$$x = 126 \text{ TL}$$

120 TL olan otobüs bilet fiyat『5 arttınl  d  nd   biletin yeni fiyatı 126 TL olur.

Birlikte Çözelim 4

Bir müzeyi 2017 yılında 2500 kişi ziyaret etmiştir. 2018 yılında ziyaretçi sayısında %8 azalma olmuştur. Buna göre 2018 yılında müzeyi kaç kişisinin ziyaret ettiğini bulalım.

Çözüm:

Bir sayının %8 eksiği, o sayının %92'sidir. O hâlde 2500 kişinin %92'sini bulmamız gereklidir.

$$\begin{array}{rcl} \%100'ü & \cancel{\times} & 2500 \text{ kişi ise} \\ \%92'si & \cancel{\times} & x \text{ kişidir.} \end{array}$$

D.O.

$$\frac{100x}{100} = \frac{2500 \cdot 92}{100}$$

$$= 2300 \text{ kişi}$$

2018 yılında müzeyi 2300 kişi ziyaret etmiştir.

Birlikte Çözelim 5

Bir gömleğin %20 indirimli fiyatı 60 TL ise gömleğin indirimden önceki fiyatının kaç TL olduğunu bulalım.

Çözüm:

%20 indirimli fiyatı demek, o ürünün fiyatının %80'i demektir. Yani ürünün fiyatının %80'i 60 TL'dir.

$$\begin{array}{rcl} \%80'i & \cancel{\times} & 60 \text{ TL ise} \\ \%100'ü & \cancel{\times} & x \text{ TL'dir.} \end{array}$$

D.O.

$$\frac{80x}{80} = \frac{60 \cdot 100}{80}$$

$$x = 75 \text{ TL}$$

Gömleğin indirimden önceki fiyatı 75 TL'dir.

Birlikte Çözelim 6

Mallyeti 400 TL olan bir ürün,

- a) %15 kârla kaç TL'ye satılır?
- b) %40 indirimle kaç TL'ye satılır? Hesaplayalım.

Çözüm:

- a) 400 TL'nin %15 kârlı satış 400 TL'nin %115'ıdır.

$$\begin{array}{rcl} \%100'ü & \cancel{\times} & 400 \text{ TL ise} \\ \%115'i & \cancel{\times} & x \text{ TL'dir.} \end{array}$$

D.O.

$$\frac{100x}{100} = \frac{115 \cdot 400}{100}$$

$$x = 460 \text{ TL}$$

400 TL'lik ürünün %15 kârlı satış fiyatı 460 TL'dir.

- b) 400 TL'nin %40 indirimli satış fiyatı 400 TL'nin %60'ıdır.

$$\begin{array}{rcl} \%100'ü & \cancel{\times} & 400 \text{ TL ise} \\ \%60'i & \cancel{\times} & x \text{ TL'dir.} \end{array}$$

D.O.

$$\frac{100x}{100} = \frac{60 \cdot 400}{100}$$

$$x = 240 \text{ TL}$$

400 TL'lik ürünün %40 indirimli satış fiyatı 240 TL'dir.

Birlikte Çözelim 7

Bir ürünün %8 ÖTV'li (Özel Tüketim Vergisi) fiyatı 2160 TL ise bu ürünün ÖTV'siz fiyatı kaç TL'dir?

Çözüm:

Bir ürünün %8 ÖTV'li fiyatı demek, ürünün fiyatının %8 artırılmış hali yani %108'i demektir.

$$\begin{array}{rcl} \%108'i & \xrightarrow{\quad} & 2160 \text{ TL ise} \\ \%100'ü & \xrightarrow{\quad} & x \\ \hline \end{array}$$

D.O.

$$\frac{108x}{108} = \frac{2160 \cdot 100}{108}$$

$$x = 2000 \text{ TL}$$

Ürünün ÖTV'siz fiyatı 2000 TL'dir.

Birlikte Çözelim 8

Mallyeti 250 TL olan bir ürünü %40 kârla satan bir mağaza, satışların iyi gitmemesi üzerine etiket fiyatının üzerinden %10 İskonto uygulamıştır. Ürünün son satış fiyatının kaç TL olduğunu bulalım.

Çözüm:

$$250 \cdot \frac{140}{100} = 350 \text{ TL} \quad \%40 \text{ kârlı satış fiyatı}$$

Mağaza satış olmayınca 350 TL üzerinden %10 İskonto uygulamıştır.

Ürünün %10 İskontolu fiyatı, ürünün satış fiyatının %90'ına eşittir.

$$350 \cdot \frac{90}{100} = 315 \text{ TL}$$

Ürünün son satış fiyatı 315 TL'dir.

Birlikte Çözelim 9

Bir kenar uzunluğu 20 cm olan karenin kenar uzunlıklar %30 artırılıyor. Bu durumda oluşan yeni karenin alanını bulalım.

Çözüm:

Oluşan yeni karenin bir kenarının uzunluğu
 $20 \cdot \frac{130}{100} = 26 \text{ cm}$ olur.

Bu durumda karenin alanı:

$$26 \cdot 26 = 676 \text{ cm}^2 \text{ olur.}$$



VERGİ

Vergi, kamu hizmetlerini karşılamak amacıyla kişilerden ve kuruluşlardan kanun yoluyla toplanan paradır.

Özel Tüketim Vergisi (ÖTV), insanların yaşamını sürdürmesi için gerekli olan ürünlerin dışında kalan; lüks eşyalar (otomobil, beyaz eşya, mücevher, kürk vb.), sağlığa zararlı maddeler (alkol, tütün mamulleri vb.), çevreye zararlı fosil yakıtlar (benzin, kömür vb.) ve bazı kimyasal malların kullanılmasını azaltmak amacıyla her ürünün kendine göre değeri belli bir şekilde tüketim vergisidir.

Katma Değer Vergisi (KDV) ise yapılan tüm harcamalar üzerinden alınan bir vergi türüdür. Alınan KDV'nin tümü devlet tarafından belli bir oranda (%1, %8, %18 vb.) ürün ve hizmete göre farklı olacak şekilde belirlenmekte ve bu vergiler yine devlet tarafından köprü, yol vb. yapılarak halkın harcanmaktadır.



Çözüm Sende

1) Aşağıdaki ifadelerden doğru olana "D", yanlış olana "Y" yazınız.

- a) Bir sayıyı %6 artırmak, bu sayıyı 1,6 ile çarpmaktır. (...)
- b) Bir sayıyı 0,17 ile çarpmak, o sayıyı %83 azaltmaktadır. (...)
- c) Bir sayıyı %30 artırmak, o sayıyı 1,30 ile çarpmaktır. (...)
- d) Bir sayıyı 1,2 ile çarpmak, o sayıyı %12 artırmaktır. (...)
- d) Bir sayıyı %15 azaltmak, o sayıyı 0,85 ile çarpmaktır. (...)

2) Maaşı %30 artınlığında 3600 TL olan Ali'nin artıştan önceki maaşının kaç TL olduğunu bulunuz.

3) Bir dikdörtgenin kısa kenarı 30 cm, uzun kenarı 70 cm'dir. Bu dikdörtgenin kısa kenar uzunluğu %10 artırılıp uzun kenar uzunluğu %10 azaltıldığında dikdörtgenin çevre uzunluğundaki değişimi bulunuz.

4) 600 mL portakal suyu ile 200 mL nar suyu karışımından elde edilen meyve suyunda % kaç nar suyu vardır?

5) Bir kol saatinin farklı mağazalardaki etiket fiyatları ve bu saatlere yapılacak indirim yüzdesleri aşağıda verilmiştir. İndirimler sonrasında bu saat hangi mağazadan en ucuzu alınabilir?



6) İki farklı mağazada aynı fiyata satılan bir kazağı sezon sonunda her iki mağazada da indirim yapılıyor. Sonra indirimli fiyatı üzerinden bir indirim daha yapılmıyor. Bu indirimler sonrasında kazağın fiyatı hangi mağazada daha ucuzdur?



7) Yapılan araştırmada İstanbul'da bir günde üretilen 15 375 000 ekmeğin %6'sı çöpe atılarak israf ediliyor. 24 günlük ekmek tasarrufu ile bir huzurevi yapılabiliyor. 1 ekmek 1,25 TL olduğuna göre yapılacak olan bir huzurevinin maliyeti kaç TL olur?

8) 10 000 TL'si olan Aysun, parasını değerlendirmek için iki farklı bankadan teklif almıştır.

A BANKASI

Yıllık %3 kazanç
+
1000 TL ek ödeme
(1 kez verecektir)

B BANKASI

Yıllık %10 kazanç

Buna göre 1 yıllık anlaşma yapacak olan Aysun, hangi bankanın teklifini tercih etmelidir? Neden?

4. ÜNİTE DEĞERLENDİRME SORULARI



1) Aşağıdaki orantılarda bilinmeyenleri bulunuz.

a) $\frac{8}{5} = \frac{x}{30}$

b) $\frac{2,4}{y} = \frac{5}{20}$

c) $\frac{m+2}{36} = \frac{8}{9}$

2) Dünya'daki ağırlığı 45 kg olan bir kişi, Mars gezegeninde 17 kg ölçülmektedir. Dünya'da 135 kg ölçülen bir kişi, Mars gezegeninde kaç kg ölçülür?

3) Aşağıdaki tabloda, bir kek tarifinde farklı kişi sayılarına göre yapılacak bir kek için gerekli malzemelerden bazıları verilmiştir. Buna göre malzemelerin verilmeyen miktarlarını bulunuz.

Tablo: Kek Tarifindeki Malzemeler

Malzeme Kişi Sayısı	Yumurta (adet)	Şeker (su bardağı)	Süt (su bardağı)	Sıvı Yağı (su bardağı)	Un (su bardağı)
3 Kişilik	1	c	d	f	2
9 Kişilik	a	2	3	g	g
12 Kişilik	b	c	e	2	h

4) 60 kg buğdaydan 50 kg un, 50 kg undan da 200 ekmek yapılıyor. 80 ekmek yapmak için kaç kg buğdaya ihtiyaç vardır?

5) Bir çiftlikteki ördeklerin ayaklarının sayısının tavşanların ayaklarının sayısına oranı $\frac{10}{9}$ 'dur.

Çiftlikte 20 ördek olduğuna göre tavşan sayısı kaçtır?

A) 6

B) 9

C) 18

D) 27

6) Bir işi aynı nitelikteki 8 işçi 10 günde bitirebilmektedir. Bu işi aynı nitelikteki kaç işçi 4 günde bitirebilir?

A) 12

B) 15

C) 20

D) 24

7) Bir dikdörtgenin kısa kenarı 3, uzun kenarı 8 ile doğru orantılıdır. Dikdörtgenin çevresi 44 cm ise uzun kenarının kaç cm olduğunu bulunuz.

8) Kenarlarının uzunlukları 2, 3 ve 4 ile ters orantılı olan bir üçgenin çevresi 520 m olduğuna göre üçgenin kısa kenarının uzunluğu kaç metredir?

A) 100

B) 120

C) 160

D) 240

$$\begin{array}{r}
 9) \quad 10 \qquad 50 \\
 \quad \quad 5 \qquad x \\
 \hline
 \text{D.O.}
 \end{array}$$

Yukanda verilen orantı aşağıdaki problemlerden hangisi veya hangilerinin çözümü için kullanılır?

- 10 kg şeker ile 50 kg şerbet yapılırsa 5 kg şeker ile kaç kg şerbet yapılır?
- 10 km yolu 50 saniyede giden bir araç 5 km'lik yolu kaç saniyede gider?
- 10 işçi bir işi 50 günde bitirirse 5 işçi aynı işi kaç günde bitirir?
- Bir aile 10 litre zeytinyağını 50 günde tüketirse bu aile 5 günde kaç litre zeytinyağı tüketir?

- 10)** Aydan, yandaki tablodan verilen tarif ile arkadaşlarına 1 litre karpuzlu çilekli soda hazırlamak istiyor. Aydan'ın kaç mL çilek suyuna ihtiyaci vardır?

Tablo: Karpuzlu Çilekli Soda Karışım Miktarları

Karpuzlu Çilekli Soda	
Sıvılar	Miktar (mL)
Karpuz Suyu	45 mL
Çilek Suyu	55 mL
Maden Suyu	100 mL

- 11)** $x+1$ ile $2y-3$ ters orantılıdır. $x = 3$ iken $y = 4$ ise $y = 2$ iken $x = ?$

- 12)** Bir çiftlikte 50 koyuna 60 gün yetecek kadar yiyecek vardır. 15 gün sonra koyunlardan 20 tanesi satılırsa geriye kalan yiyecek, koyunlara kaç gün daha yeter?

- 13)**

Tablo: İşçi Sayısı-Süre İlişkisi

İşçi Sayısı	2	3	x	9
Süre (Gün)	y	18	6	z

Bir işte çalışan işçi sayısıyla işin bitme süresi yukarıdaki tabloda gösterilmiştir. Buna göre x, y ve z'yi bulunuz.

- 14)** Bir dede 3, 5 ve 6 yaşılanndaki 3 torununa 210 TL'yi

- Yaşlarıyla ters orantılı olacak şekilde paylaştırırsa **en az** para alan torun kaç TL alır?
- Yaşlarıyla doğru orantılı olacak şekilde paylaştırırsa **en fazla** para alan torun kaç TL alır?

- 15)** Bir otelde 6 temizlik görevlisi vardır ve görevli başına 8 oda düşmektedir. Temizlik görevlilerinden ikisi işten ayrıldığında kalan temizlik görevlilerine kişi başı kaç oda düşer?

- 16)** Birbirine bağlı dişlilerden birincisinde 36, ikincisinde 24 diş vardır. Birinci dişli 6 kez döndüğünde ikinci dişli kaç kez döner?

- 17)** İki şehir arası 600 km olan uzaklık, $\frac{1}{12\ 000\ 000}$ ölçekli bir haritada kaç cm olarak gösterilir?

18) Aşağıdaki boşlukları tamamlayınız.

- 200 sayısının,
a) %12'si
b) %0,4'ü
c) %145'i
ç) %5 fazlası
d) %30 eksigi

19) Bir ürünün alış fiyatının satış fiyatına oranı $\frac{4}{3}$ ise bu ürünlerde % kaç zarar edilmiştir?

20) Yandaki televizyonu almak isteyen bir kişi kaç TL öder?



21) 2500 TL'lik bir koltuk takımını almak isteyen İsmail Bey, ayda en fazla 350 TL ödeme yapabilecektir. Bu durumda İsmail Bey aşağıdaki kampanyalardan hangisini tercih etmelidir? Yanınızı ilgili matematiksel işlemlerle açıklayınız.

1.KAMPANYA

%20 İNDİRİM + 5 TAKSİT

2.KAMPANYA

%10 İNDİRİM + 10 TAKSİT

22)

Tablo: Ürünlerin Satış Fiyatları

Ürünler	Satış Fiyatı	Peşin Fiyatı	8 Taksitli Fiyatı
TV	₺1400	₺1260	₺1750
Bilgisayar	₺2000	₺1600	₺2500
Cep telefonu	₺2400	₺2040	₺3000

Yukanda bazı ürünlerde ait değişik ödeme seçenekleri verilmiştir. Buna göre

- a) Bilgisayarın peşin satışında % kaç indirim yapıldığını hesaplayınız.
b) Peşin satışlardaki indirim yüzdesini büyükten küçüğe doğru sıralayınız.
c) Bilgisayar 8 taksitle alan kişi, satış fiyatı üzerinden % kaç daha fazla ödeme yapar?

23) Bir karenin her bir kenarı %20 oranında artırılırsa alanı % kaç artar?

KENDİMİ DEĞERLENDİRİYORUM

Aşağıdaki formda 4. Ünitede işlenen konularla ilişkin sizden beklenen beceri ifadeleri bulunmaktadır. Tablonun her bir satırındaki derecelendirme durumunu kendiniz değerlendirek işaretleyiniz. Bu değerlendirme formunu öğretmeninizle paylaşıp öğretmeninizin görüş ve önerilerini de alarak yapmanız gerekenleri planlayınız.

ORAN, ORANTI ve YÜZDELER	ORTA	İYİ	ÇOK İYİ
Birbirine oranı verilen iki çokluktan biri verildiğinde diğerini bulabilirim.			
İki çokluğun orantılı olup olmadığına karar verebilirim.			
Doğu orantılı iki çokluk arasındaki ilişkili açıklayabilirim.			
Doğu orantılı iki çokuğa ait oranti sabitini belirleyebilirim.			
İki çokluğun ters orantılı olup olmadığına karar verebilirim.			
Doğu ve ters oranıyla ilgili problemleri çözebilirim.			
Bir çokluğun belirtilen bir yüzdesine karşılık gelen miktarı bulabilirim.			
Bir çokuğu diğer bir çokluğun yüzdesi olarak hesaplayabilirim.			
Bir çokluğu belirli bir yüzdeyle artırmaya yönelik hesaplamalar yapabilirim.			
Bir çokluğu belirli bir yüzdeyle azaltmaya yönelik hesaplamalar yapabilirim.			
Yüzdeyle ilgili problemleri çözebilirim.			

Tam olarak öğrendiğim konular:

Tekrar etmem gereken konular:

Öğretmenimden aldığım öneriler:

BİRAZ DA EĞLENELİM

Kirigami, katlanan kağıdın makas ya da kesici kullanarak şekillendirilmesi anlamına gelir. Kirigami ile kar taneleri, yıldızlar ve çeşitli süslemeler yapılabilir.

Kirigaminin origamiden farkı, katlanan kağıdın kesici yardımıyla şekillendirilmesidir. Kirigamiyi elde etmek için yapılan her katlamada kare, dikdörtgen, üçgen, yamuk gibi geometrik kavramlar oluşur.

Kağıdı nasıl katlayacağımız, katlarken hangi şekillerden yararlanacağımız gibi konular matematik ve geometriyle iç içedir.

Kirigami, matematsel becerilerin yanında el becerisi ve el-göz uyumunu da geliştiren eğlenceli bir etkinliktir.



Kare şeklindeki bir kağıdı köşegeninden ikiye katlayarak bir üçgen oluşturunuz.



Oluşturduğunuz üçgen üzerinde aynı işlemi üç kere daha tekrar ediniz.



Oluşan şeklin alt bölümünü makasla yuvarlayarak kesiniz.



Kestiğiniz parçanın üzerine istediğiniz şekiller çiziniz.



Çizdiğiniz şekilleri makasla kesiniz.



Kestiğiniz şekli açarak kögidinizi düzeltiniz.

Sizler de hayal gücünüzü kullanarak farklı kirigamiler oluşturunuz.

5. ÜNİTE

DOĞRULAR VE AÇILARDAN
ÇOKGENLER, ÇEMBER VE DAİREYE



GEOMETRİ VE ÖLÇME

- Doğrular ve Açılar
- Çokgenler
- Çember ve Daire

HATIRLAYALIM

- 1) Tabloda verilen açılarından yararlanarak boş bırakılan yerleri doldurunuz.

Tablo: Bazı Açıların Tümleri ve Bütünleri

Açı	Açının Tümleri	Açının Bütünleri	Açının Tümlerinin Bütünlerine Oranı
60°
...	...	130°	...
...	60°
5°

Arkadaşlar, bu konuya başlamadan önce "Hatırlayalım" sayfamızdaki soruları evde yaparak derse hazır geliniz.



- 2) Aşağıdaki şekillerden çokgen olanları işaretleyiniz.

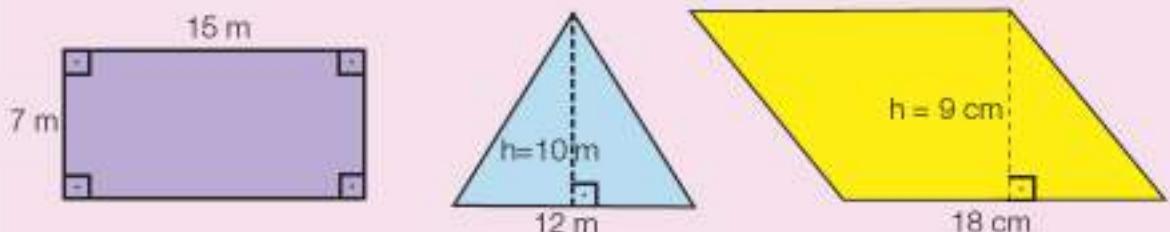


- 3) Aşağıda verilen tabloyu çokgenlerin özelliklerine göre doldurunuz.

Tablo: Çokgenler ve Özellikleri

Çokgenin Adı	Çokgenin Çizimi	Kenar Sayısı	Köşe Sayısı	İç Açı Sayısı
Kare
Dikdörtgen
Üçgen
Paralelkenar

- 4) Aşağıda verilen çokgenlerin alanlarını bulunuz.



- 5) Yançap uzunlukları verilen aşağıdaki çemberlerin çevrelerinin kaç π olduğunu hesaplayınız.

a) $r = 8 \text{ cm}$

b) $r = 5,1 \text{ cm}$

c) $r = \frac{23}{2} \text{ cm}$

1. Bölüm: DOĞRULAR VE AÇILAR

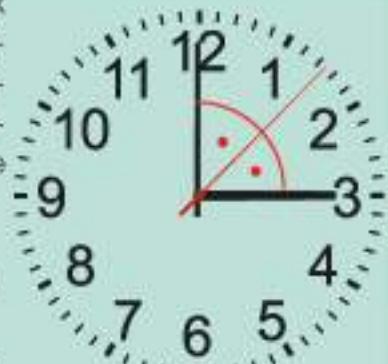
Açıortay



Açılar, biz farkında olmadan günlük hayatımda birçok yerde karşımıza çıkar. Saatte akrep ile yelkovan arasında, vücutumuzda, kapı veya pencereleri farklı aralıklarla açtığımızda çeşitli açı modelleriyle karşılaşırız.

Soldaki resimde okun, sağdaki resimde saatin açısı ortalağına dikkat ediniz.

- Siz de çevrenizden buna benzer açılar ömekler veriniz.

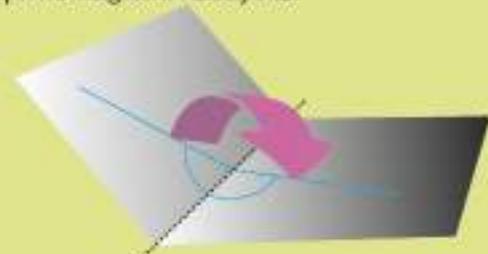


ETKİNLİK

Araç-Gereçler: yağlı pişirme kâğıdı, açıölçer, kalem, cetvel

Uygulama Basamakları:

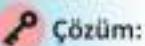
- Yağlı pişirme kâğıdının üzerine açıölçer yardımıyla 120° lik bir açı çiziniz.
- Çizilen açının kolları üst üste gelecek şekilde yağlı pişirme kâğıdını katlayınız.



- Kat izini belliğinleştireiniz.
- Ortaya çıkan kat izini cetvel yardımıyla çiziniz.
- Kat izi ile ortaya çıkan iki açıyı açıölçer yardımıyla ölçünüz.
- Bu iki açının ölçüsünü karşılaştırınız.
- Oluşan açıların ölçülerile ilk açının ölçüsü arasındaki ilişkiliyi belirtiniz.

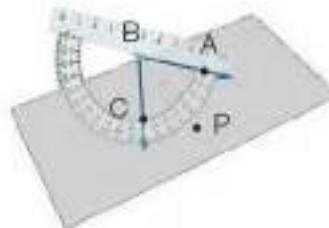
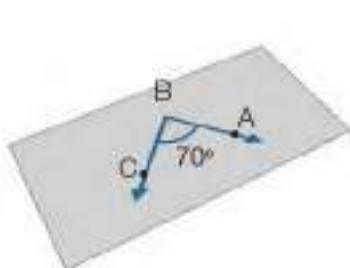
Birlikte Çözelim 1

Yağlı kağıt üzerine ölçüsü 70° olan bir açı çözelim. Yağlı kâğıdı kullanarak açıyı iki eş parçaya ayıralım.



Çözüm:

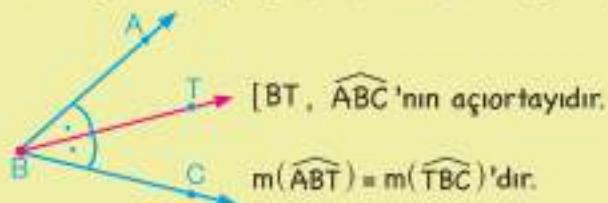
Yağlı kâğıdın üzerine $m(\widehat{ABC}) = 70^\circ$ olacak şekilde açıölçer yardımıyla bir \widehat{ABC} açısı çözelim. Kâğıdı açıyı oluşturan işinler üst üste gelecek şekilde katlayalım. Kat izinin üzerindeki bir noktayı P noktası şeklinde adlandıralım.



\widehat{ABP} ve \widehat{PBC} açılarını elde etmiş oluruz. Bu iki açının ölçülerini açıölçer ile ölçelim. $m(\widehat{ABP}) = 35^\circ$ ve $m(\widehat{PBC}) = 35^\circ$ olur. O hâlde katlama yöntemiyle 70° lik açıyı iki eş parçaya ayırmış oluruz.

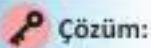


Bir açıyı iki eş parçaya ayıran işe "açıortay" denir.



Birlikte Çözelim 2

Açıölçer ile önce 80° lik bir açı çizelim. Daha sonra bu 80° lik açının açıortayını çizelim.



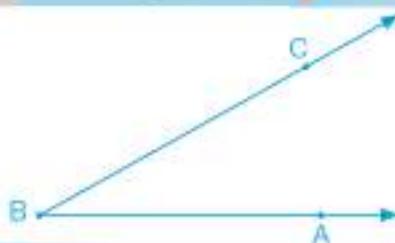
Çözüm:



80° lik açının yarısı
 40° olduğundan
bu açıya ait açıortay
yandaki gibi
çizilecektir.



Birlikte Çözelim 3



Yanda verilen açıya açıölçer kullanarak öyle bir BD işni
çizelim ki $[BC, DBA]$ açısının açıortayı olsun.

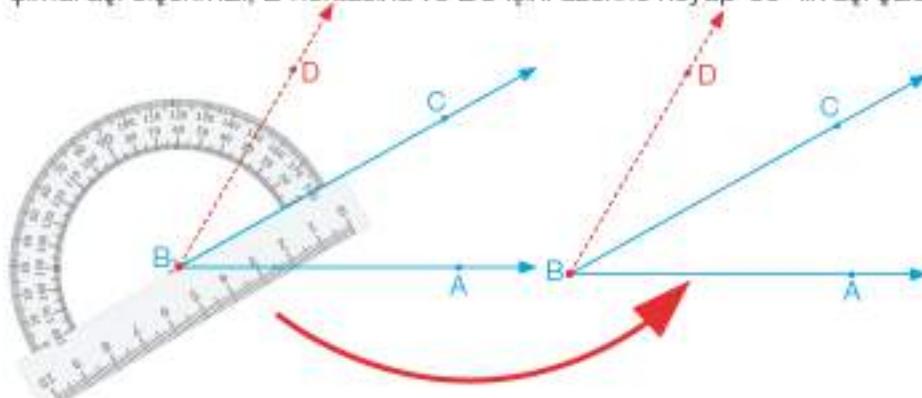


Önce \widehat{CBA} 'nın ölçüsünü açıölçer ile bulalım.



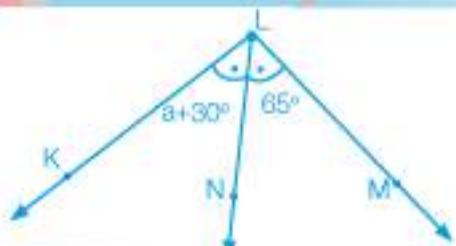
Açıölçer üzerinde \widehat{CBA} 'nın ölçüsünün 30°
olduğu görülmektedir.

Şimdi açı ölçerimizi, B noktasına ve BC işni üzerine koyup 30° lik açı çizelim.



$[BD]$ ni çizdiğimizde
 $[BC, DBA]$ 'nın
açıortayı olur.

Birlikte Çözelim 4



$$m(\widehat{KLN}) = a + 30^\circ$$

$$m(\widehat{NLM}) = 65^\circ$$

ve $[LN]$, \widehat{KLM} 'nın açıortayı ise $a = ?$

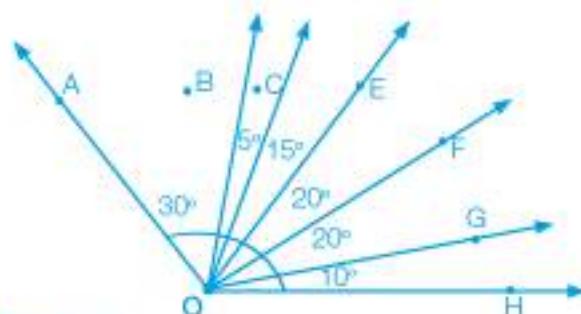
Çözüm:

$[LN]$, \widehat{KLM} 'nın açıortayı olduğundan $m(\widehat{KLN}) = m(\widehat{NLM})$ olacaktır.

$$a + 30^\circ = 65^\circ$$

$$a = 35^\circ$$

Birlikte Çözelim 5



\widehat{AOH} 'nın açıortayı olan işin verilen işinlardan hangisi olduğunu bulalım.

Çözüm:

Verilen \widehat{AOH} 'nın ölçüsü $30^\circ + 5^\circ + 15^\circ + 20^\circ + 20^\circ + 10^\circ = 100^\circ$ dir. Bu açının açıortayı, açı 50 derecelik iki eş parçaya ayıran işindir. AOE ve EOH açılarının ölçüler 50 derecedir.

$$30^\circ + 5^\circ + 15^\circ = 10^\circ + 20^\circ + 20^\circ = 50^\circ \text{ olduğu görülmektedir.}$$

Buna göre $[OE]$, \widehat{AOH} açısının açıortayıdır.

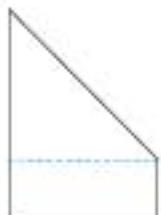
Birlikte Çözelim 6

A4 kağıdı kullanarak $67,5^\circ$ lik açıyı oluşturalım.

Çözüm:

A4 kağıdının köşesindeki açının 90° olduğunu biliyoruz.

Kısa kenar uzun kenarın üzerine denk gelecek şekilde katlayarak bu açının açıortayını oluşturalım. Köşede oluşan 45° lik açılardan birinin açıortayını aynı yöntemle kullanarak çizelim. Bu açıortay da 45° lik açı $22,5^\circ$ lik iki eş açıya ayıracaktır. Ölçüsü 45° ve $22,5^\circ$ olan iki açıyı birleştirirsek $67,5^\circ$ lik açıyı oluşturmuş oluruz.



Pisa Kulesi, İtalya'nın Pisa şehrinde Mucizeler Meydanı'nda yer alan katedralin çan kulesi olarak 1173 yılında inşa edilmiştir. Zamanla temeldeki çökmeden dolayı yaklaşık 4-5 derecelik bir eğiklik meydana gelmiştir. 1990-2001 yılları arasında yapılan çalışmalarla kulenin yıkılma tehlikesi engellenmiştir.



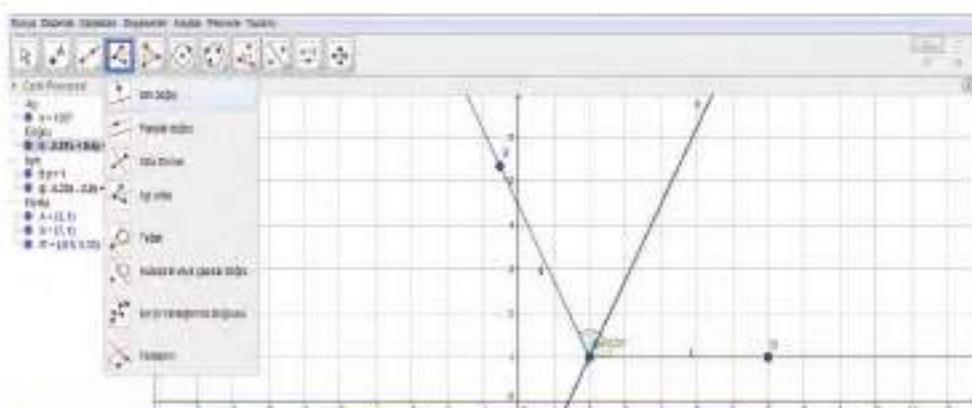
Elazığ'da bulunan tarihi Harput Ulu Camisi'nin mimarisinde, sırgı tuğlalar kullanıldığından zaman içerisinde minarede yaklaşık 3-7 derecelik bir eğiklik meydana gelmiştir. Bu eğiklik, Pisa Kulesi'ndeki eğiklikten daha fazladır.

Birlikte Çözelim 7

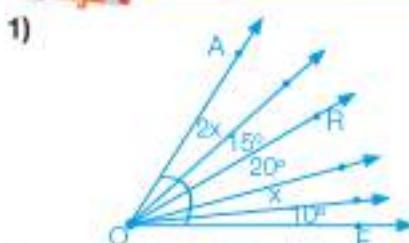
Bir dinamik geometri yazılımı ile açıortay çizelim.

Çözüm:

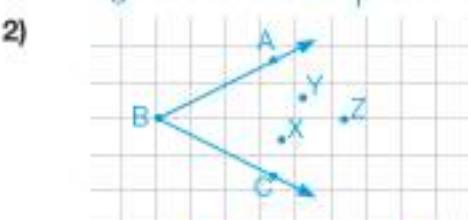
- İlk olarak dinamik geometri yazılımında "nokta" menüsünden "nokta" komutunu tıklayalım.
- Boş bir sayfada A ve B noktalarını işaretleyelim.
- "İşin" menüsünden "İşin" komutunu tıklayalım.
- Daha sonra başlangıç noktası A olan, B'den geçen $[AB]$ 'ni çizelim.
- "Açı" menüsünden "verilen ölçüde açı" sekmesini seçerek açılan ekrana istediğimiz bir açı ölçüsü yazıp açıyı tamamlayalım.
- "İşin" menüsünden "İşin" komutunu tıklayıp A ve B' noktalarını işinla birleştirelim.
- "dik doğru" menüsünden "açıortay" komutunu tıklayalım.
- Sırayla B, A ve B' noktalarını tıklayarak bu açıya alt açıortayı çizelim.



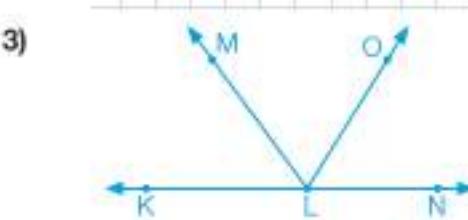
Çözüm Sende



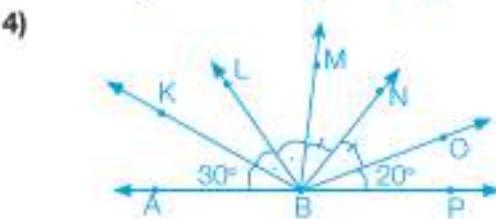
Yanda verilen AOF açısının açıortayı $[OR]$ ise x kaç derecedir?



Yanda verilen açının açıortayını çizmek istedigimizde başlangıç noktası B noktası olan işin X, Y, Z noktalarının hangisinden geçer?



$[LO, \widehat{MLN}]$ 'nın açıortayı ve K, L, N noktaları doğrusaldır. $m(\widehat{OLN}) = 65^\circ$ ise $m(\widehat{KLM}) = ?$



$[BL, \widehat{KBM}]$ 'nın açıortayı; $[BN]$ ise \widehat{MBO} 'nın açıortayıdır. A, B, P noktaları doğrusal olduğuna göre $m(\widehat{NBL}) = ?$

Aynı Düzlemdede Üç Doğrunun Birbirine Göre Durumları

"Bir doğuya, dışında bulunan bir noktadan yalnızca bir paralel çizilebilir."

Euclid (Öklid)

- Euclid'in bu sözünde anlattığı durumu çizim yaparak gösteriniz.

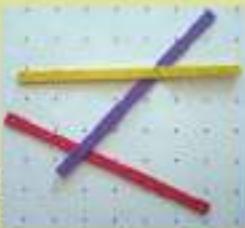


ETKİNLİK

Araç-Gereçler: geometri şeritleri (29 cm'lik)

Uygulama Basamakları:

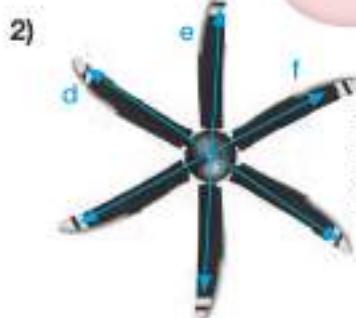
- Her geometri şeridini doğru modeli kabul ederek üç geometri şeridinin (üç doğru) birbirine göre farklı durumlarını oluşturunuz.
- Oluşturduğunuz bu durumları arkadaşlarınızla paylaşınız.
- Oluşturduğunuz bu durumları defterinize çiziniz.
- Çizdiğiniz durumların açıklamasını yapın.



Üç doğrunun birbirine göre durumları aşağıdaki gibi olabilir.



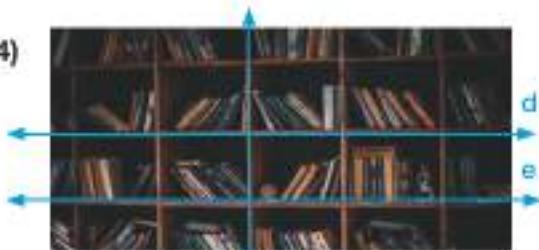
Üç doğru birbirine paralel olabilir.
 $d \parallel e \parallel f$



Üç doğru bir noktasıda kesilebilir.
Bu doğrular "noktadaş" doğrularıdır.



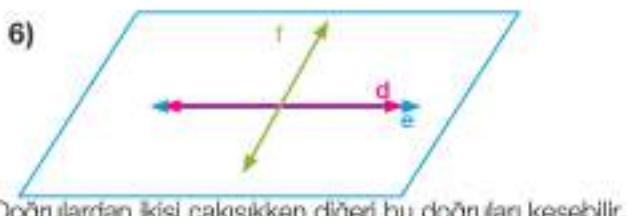
Üç doğru ikişer ikişer kesilebilir.
Bu durumda bir üçgen oluşur.



Paralel iki doğruya üçüncü bir doğru kesebilir.



Üç doğru çakışık olabilir.



Doğrulardan ikisi çakışıkken diğeri bu doğruları kesebilir.

Paralel İki Doğrunun Bir Kesenle Yaptığı Açılar

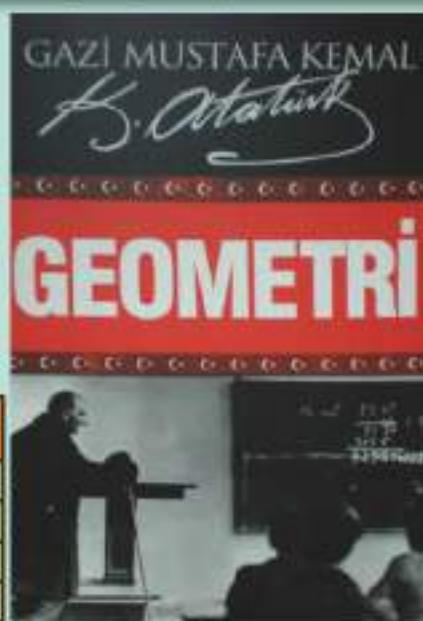
Türkiye Cumhuriyeti'nin kurucusu Mustafa Kemal Atatürk, Türk milletine her alanda yenilik ve çağdaşlığın yolunu açarken bilimsel anlamda da oldukça faydalı çalışmalara imza atmıştır. Atatürk'ün 1936-1937 yılları arasında yazdığı 44 sayfalık

"Geometri" kitabı sayesinde bugün geometri terimleri daha kolay ve anlaşılır şekilde yazılıp okunmaktadır.

Atatürk tarafından matematik ve geometri alanlarında değiştirilen bazı Osmanlıca açı terimlerinin Türkçe karşılıkları aşağıdaki tabloda verilmiştir.

Tablo: Geometri Terimlerinin Türkçe Karşılıkları

Osmalıca Terimler	Atatürk'ün Önerdiği Terimler
zâvlye	Açı
re'sen mütekabbi zâvlyeler	Ters açılar
zâvlyelî hadde	Dar açı
zâvlyetân'î mütabâdiletân'î dâhiletan	İç ters açılar
zâvlyetân'î mütevâfîkatân	Yöndeş açılar

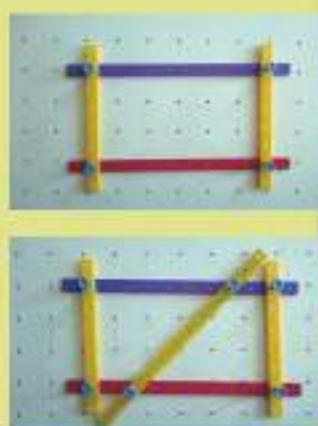


ETKİNLİK

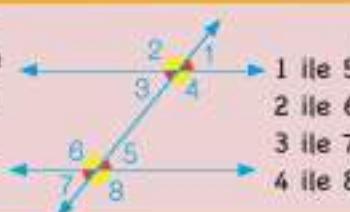
Araç-Gereçler: 3 adet büyük (29 cm'lik) ve 2 adet küçük (9 cm'lik) geometri şeridi, yeterli sayıda pim

Uygulama Basamakları:

- 2 tane uzun, 2 tane kısa geometri şeridini pimlerle şekildeki gibi tutturunuz.
- İki uzun şeridin arasındaki uzunluğu farklı noktalardan ölçünüz.
- Bu ölçüm sonucuna göre iki doğrunun birbirine göre konumu için ne söyleyebilirsiniz?
- Üçüncü uzun geometri şeridini diğer iki uzun geometri şeridini kesecék şekilde yandaki gibi yerleştiriniz ve aşağıdaki soruları yapınız:
 - Uzun geometri şeritlerinin kesiştiği noktalarda kaç tane açı oluşur?
 - Defterinizde geometri şeritleri ile oluşturduğunuz modeli çizerek bu açıları adlandırınız.
 - Bu açılardan hangileri paralel şeritlerin iç bölgesinde edildir?
 - Bu açılardan hangileri paralel şeritlerin dış bölgesinde edildir?
 - Bu açılardan hangileri aynı yöne bakanlardır?
 - Bu açılardan hangileri zıt yönlüdür?
 - Sezgisel olarak hangi açıların eş olabileceğini tahmin ediniz ve gerekçelerini söyleyiniz.
- Açölçer yardımıyla açıları ölçüp tahmininizin doğru olup olmadığını kontrol ediniz (Açölçerin olmadığı durumlarda alternatif olarak yağlı pişirme kağıdı kullanabilirsiniz: Yağlı pişirme kağıdını açılarından birisinin üzerine koyarak açayı çiziniz. Eş olduğunu düşündüğünüz açıların üzerine yağlı pişirme kağıdını koyarak iki açının eş olup olmadığını kontrol ediniz.).
- Hangi açıların eş olduğunu yazınız.



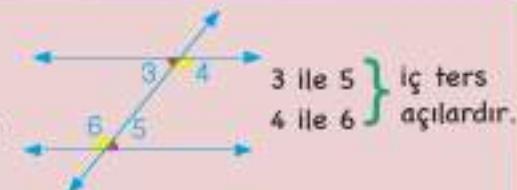
Paralel iki doğrunun bir kesenle yaptığı açılardan aynı yöne bakan açılarla "yöndeş açılar" denir. Yöndeş açıların ölçüleri birbirine eşittir.



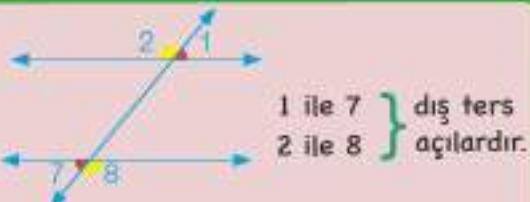
yöndeş açılardır.



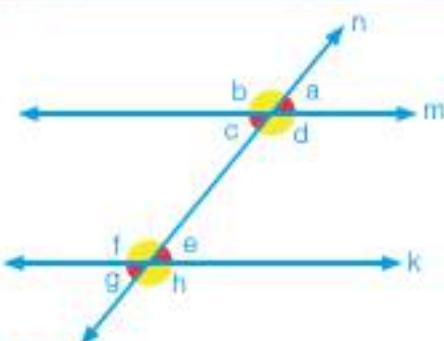
Parallel iki doğrunun bir kesenle yaptığı açılardan, paralel doğrular arasında kalan açılar "İç açılar" denir. Ters yönlü olan iç açılar "İç ters açılar" denir. İç ters açıların ölçülerini birbirine eşittir.



Parallel iki doğrunun bir kesenle yaptığı açılardan, paralel doğrular arasında olmayan açılar "dış açılar" denir. Ters yönlü olan dış açılar "dış ters açılar" denir. Dış ters açıların ölçülerini birbirine eşittir.



Birlikte Çözelim 1



Yanda birbirine paralel olan k ve m doğruları ile bu doğruları kesen n doğrusu verilmiştir. Şekilden yararlanarak açıların türlerini aşağıdaki tabloya yazalım.

Tablo: İki Doğrunun Bir Kesenle Yaptığı Açılar

Yöndeş Açılar	Ters Açılar	İç Ters Açılar	Dış Ters Açılar	Komşu Bütünler Açılar

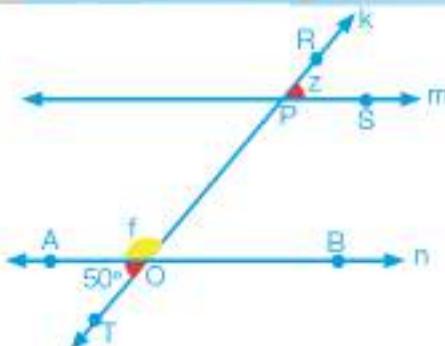
Çözüm:

Birbirine paralel olan k ve m doğruları ile bu doğruları kesen n doğrusu incelendiğinde tablo yandaki gibi doldurulur.

Tablo: İki Doğrunun Bir Kesenle Yaptığı Açılar

Yöndeş Açılar	Ters Açılar	İç Ters Açılar	Dış Ters Açılar	Komşu Bütünler Açılar
a-e b-f c-g d-h	a-c b-d e-g f-h	c-e f-d	b-h a-g	f-e e-h h-g g-f a-b b-c c-d d-a

Birlikte Çözelim 2



Yandaki şekilde m doğrusu n doğrusuna paraleldir. k doğrusu, m ve n doğrularını kesmektedir.

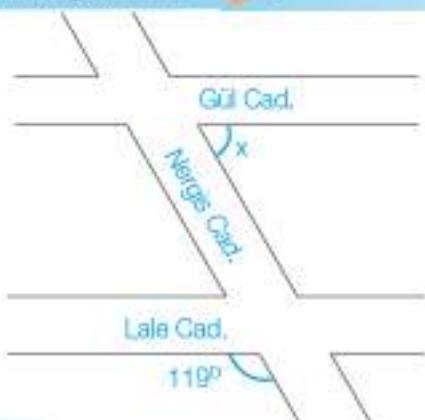
$m(\widehat{AOT}) = 50^\circ$ ise şekil üzerindeki f ve z açılarının ölçülerini bulalım.

Çözüm:

$m(\widehat{AOT}) = 50^\circ$ ise şekil üzerindeki f açısının ölçüsü $180^\circ - 50^\circ = 130^\circ$ dir. Çünkü \widehat{AOT} ve \widehat{AOP} komşu bütünler açılarıdır.

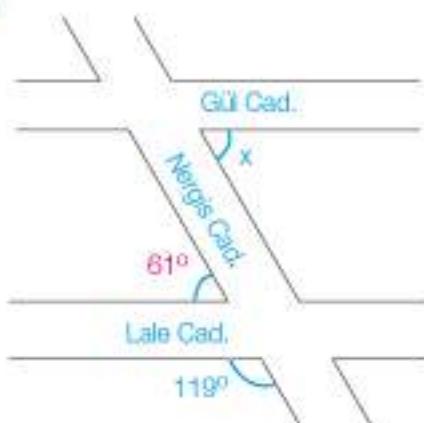
$m(\widehat{AOT}) = 50^\circ$ ise şekil üzerindeki z açısının ölçüsü 50° olacaktır. Çünkü \widehat{AOT} ve \widehat{SPR} dış ters açılarıdır.

Birlikte Çözelim 3



Gül Caddesi ile Lale Caddesi birbirine paralel iki caddedir. Krokide verilen Gül ve Nergis Caddeleri arasındaki açının kaç derece olduğunu bulalım.

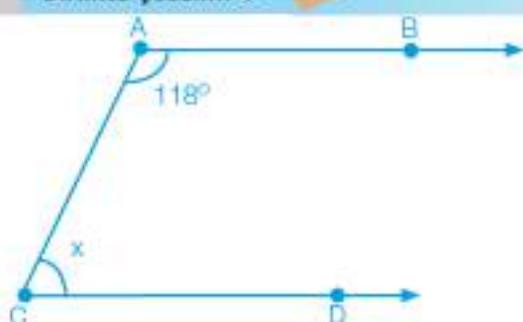
Çözüm:



Nergis Caddesi ile Lale Caddesi arasındaki geniş açının ölçüsü 119° olduğundan bu iki cadde arasındaki dar açının ölçüsü $180^\circ - 119^\circ = 61^\circ$ olacaktır.

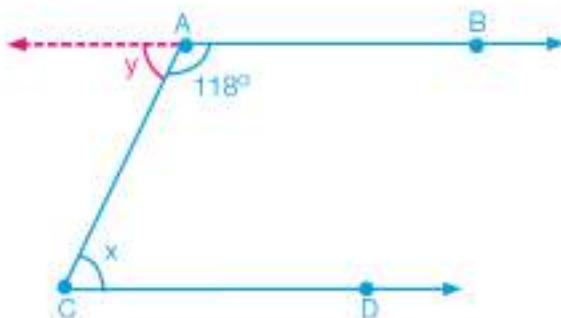
x açısı ile bu dar açı, iç ters açılar olduğu için bu açıların ölçülerini eşittir. Bu nedenle şekilde verilen x açısının ölçüsü de 61° olacaktır.

Birlikte Çözelim 4



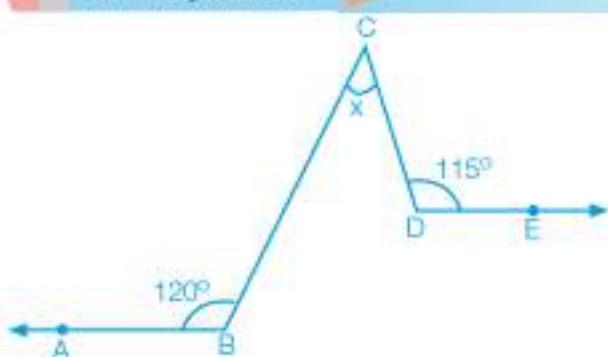
Şekilde $[AB] \parallel [CD]$ ve $m(\widehat{BAC}) = 118^\circ$ ise x 'in kaç derece olduğunu bulalım.

Çözüm:



Şekilde $m(\widehat{BAC}) = 118^\circ$ olarak verilmiştir. A noktasından $[AB]$ 'ni şekildeki gibi doğru oluşturacak şekilde uzatalım. 118° lik açının bütünlüğünün ölçüsüne y diliyelim. Bu durumda y açısının ölçüsü $180^\circ - 118^\circ = 62^\circ$ olacaktır. y açısı, x açısı ile iç ters açılar olduğundan bu açıların ölçülerini birbirine eşittir. x açısının ölçüsünü 62° olarak buluyuz.

Birlikte Çözelim 5



Yandaki şekilde $[BA] \parallel [DE]$ dir. Buna göre x 'in kaç derece olduğunu bulalım.

Çözüm:

Verilen paralel işinler uzatarak şekildeki gibi paralel doğrular elde edelim.

\widehat{ABC} 'nin bütünleri olan açıyi $180^\circ - 120^\circ = 60^\circ$ olarak buluruz. Bu açıyla \widehat{CTD} açısı yöndeş açılar olduklarından \widehat{CTD} açısının ölçüsü de 60° olur.

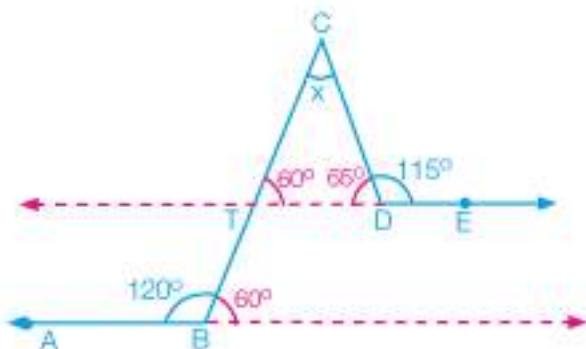
Aynı şekilde \widehat{CDE} 'nin bütünleri olan açıyi da $180^\circ - 115^\circ = 65^\circ$ olarak buluruz.

Oluşan \widehat{CDT} üçgeninin iç açıları toplamı 180° dir. x açısının ölçüsünü aşağıdaki denklemi çözerek bulalım.

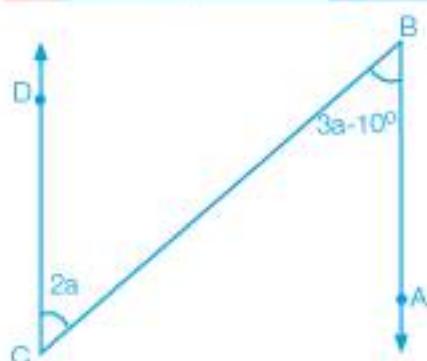
$$60^\circ + 65^\circ + x = 180^\circ$$

$$125^\circ + x = 180^\circ$$

$$x = 55^\circ$$



Birlikte Çözelim 6



Şekilde $[CD] \parallel [BA]$, $m(\widehat{ABC}) = 3a - 10^\circ$ ve $m(\widehat{DCB}) = 2a$ ise a 'nın kaç derece olduğunu bulalım.

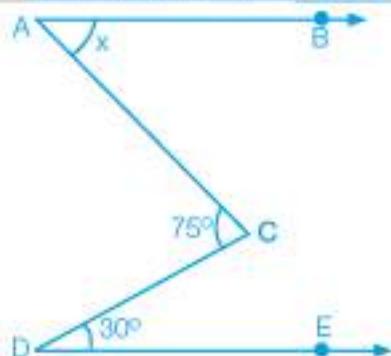
Çözüm:

$[CD] \parallel [BA]$ olduğundan \widehat{DCB} ve \widehat{ABC} iç ters açılardır. İç ters açıların ölçülerini eşit olduğu için bu açıların ölçülerini de eşittir. Buna göre a 'nın kaç derece olduğunu $2a = 3a - 10^\circ$ denklemi çözerek bulalım:

$$2a = 3a - 10^\circ$$

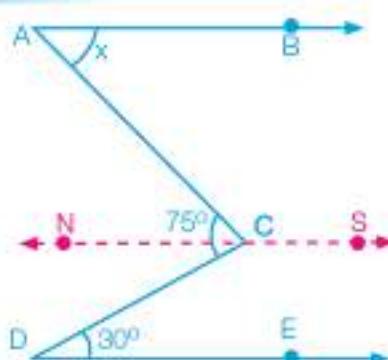
$$a = 10^\circ$$

Birlikte Çözelim 7



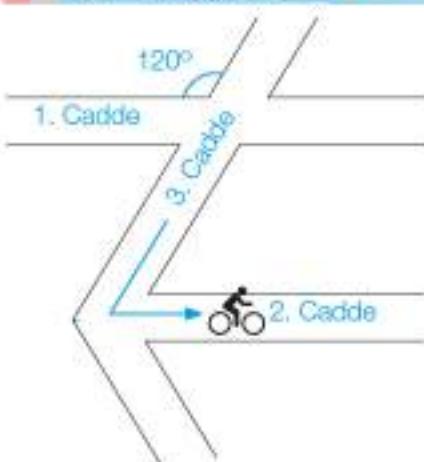
$[AB \parallel [DE, m(\widehat{CDE}) = 30^\circ \text{ ve } m(\widehat{DCA}) = 75^\circ \text{ ise } CAB \text{ açısının ölçüsünün kaç derece olduğunu bulalım.}$

Çözüm:



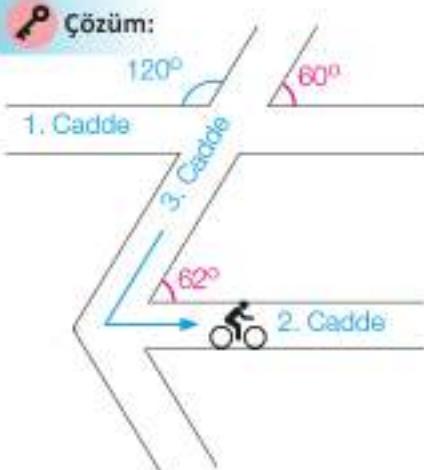
$[AB \text{ ve } [DE \text{'na paralel olacak şekilde kırmızı renkle gösterilen NS doğrusunu çizelim. } \widehat{EDC} \text{ ve } \widehat{NCD} \text{ iç ters açılar olduğundan açılarının ölçülerini eşittir. Bu durumda } m(\widehat{NCD}) = 30^\circ \text{ olur. } m(\widehat{NCA}) = 75^\circ - 30^\circ = 45^\circ \text{ olarak buluruz. }$
 $\widehat{NCA} \text{ ve } \widehat{BAC} \text{ iç ters açılar olduğundan açılarının ölçülerini eşittir. Bu durumda } m(\widehat{BAC}) = 45^\circ \text{ olur.}$

Birlikte Çözelim 8



Yanda krokisi verilen mahallede 3. Cadde, 1. ve 2. Cadde'yi kesmektedir. 1. Cadde ile 3. Cadde arasındaki geniş açının ölçüsü 120° olarak verilmiştir. 3. Cadde'den 2. Cadde'ye bisikletiyle dönen Can, cep telefonundaki uygulama ile bu iki caddenin arasındaki dar açısı 62° olarak ölçmüştür. Buna göre 1. Cadde ile 2. Cadde'nin paralel olup olmadığını belirleyelim.

Çözüm:

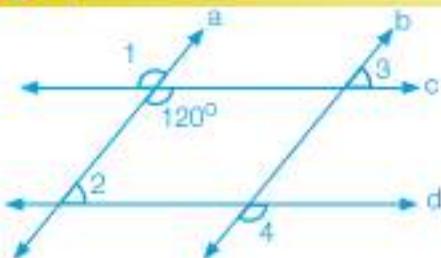


1. Cadde ve 3. Cadde arasındaki dar açının ölçüsünü $180^\circ - 120^\circ = 60^\circ$ olarak buluruz. Çünkü bu açılar bütünlük açılarıdır. 1. Cadde ile 2. Cadde paralel olsaydı 3. Cadde ile 2. Cadde arasındaki açının da 60° olması gereklidir. Ancak Can bu açıyı 62° olarak ölçmüştür. Bu nedenle 1. Cadde ile 2. Cadde birbirine paralel değildir.



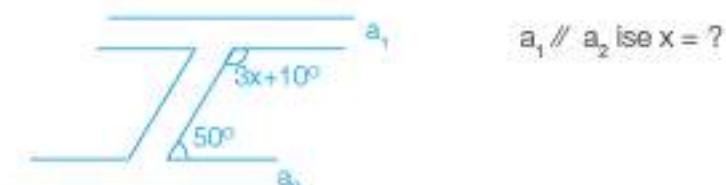
Çözüm Sende

1)



$a \parallel b$ ve $c \parallel d$ ise 1, 2, 3 ve 4 numaralı açıların ölçülerini bulunuz.

2)



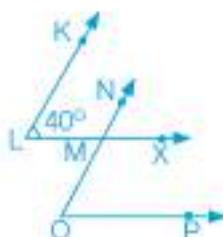
$a_1 \parallel a_2$ ise $x = ?$

3)



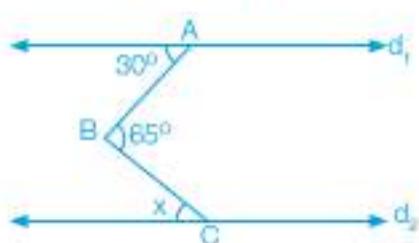
$d_1 \parallel d_2$ ise $x + y - z = ?$

4)



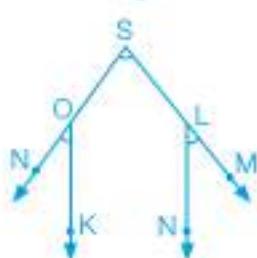
[$LK \parallel LN$ ve $[LX \parallel [OP$ 'dır. $m(\widehat{KLM}) = 40^\circ$
ise $m(\widehat{NMX}) + m(\widehat{MOP}) = ?$

5)



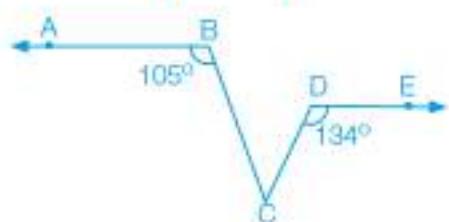
$d_1 \parallel d_2$ ise x açısı kaç derecedir?

6)



[$OK \parallel LN$, $m(\widehat{NOK}) = 30^\circ$, $m(\widehat{MLN}) = 40^\circ$
ise $m(\widehat{NSM}) = ?$

7)



[$BA \parallel DE$ olduğuna göre $m(\widehat{BCD}) = ?$

2. Bölüm: ÇOKGENLER

Çokgenlerin İç ve Dış Açıları



Tangram, 7 geometrik parçayı bir araya getirerek soyut ve somut anlam ifade eden çeşitli şekiller ortaya çıkarmayı amaçlayan bir zekâ oyunudur. Tek kişi ile oynanan ve yaş sınırlaması olmayan bu oyunun temelinde dikkat, odaklanma ve hayal gücü yatar.



Tangram; bir paralelkenar, bir kare ve beş üçgenden oluşur. Tangram ile oluşturulmuş şekillerden bazıları yanda verilmiştir.

- Siz de verilen şekillerden yararlanarak başka şekiller oluşturunuz.

ETKİNLİK

Araç-Gereçler: geometri tahtası, paket lastiği, kalem, kağıt

Uygulama Basamakları:

- Geometri tahtası üzerinde lastik yardımıyla bir dörtgen oluşturunuz.
- Oluşturduğunuz dörtgenin üzerinde bir köşe noktası seçiniz.
- Bu köşe noktasından lastiklerle diğer köşeleri birleştirip üçgenler elde ediniz.
- Bir köşeden başlayan kaç köşegen oluşturunuz?
- Bu köşegenle kaç tane üçgen elde ettiniz?
- Üçgenlerin iç açılarının toplamını ve oluşan üçgen sayısını kullanarak oluşturduğunuz dörtgenin iç açılarının toplamını bulunuz.
- Geometri tahtası üzerinde lastik yardımıyla sırasıyla beşgen, altigen, yedigen ve sekizgen elde ediniz.
- Elde ettiğiniz bu geometrik şekillerin bir köşesinden geçen köşegenlerle yukarıdaki dörtgene uyguladığınız gibi üçgenler elde ediniz.
- Dörtgen için uyguladığınız aşamaların, aşağıdaki çokgenlerle yaparak tabloyu doldurunuz.



Çokgenin Adı	Çokgenin Şekli	Çokgenin Kenar Sayısı	Çokgenin Köşe Sayısı	Çokgenin Bir Köşesinden Çizilen Köşegen Sayısı	Çokgende Bir Köşeden Çizilen Köşegen ile Oluşan Üçgen Sayısı	Çokgenlerin İç Açıları Ölçüleri Toplamı
Dörtgen		4	4	1	2	$2 \cdot 180^\circ = 360^\circ$
Beşgen	
Altigen	
n-kenarlı çokgen (n-gen)	

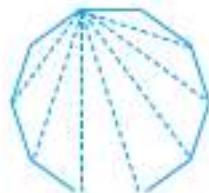
- Doldurduğunuz tabloyu inceleyiniz. n-gen için iç açılar toplamını verecek olan genel ifadeyi bulunuz.

Birlikte Çözelim 1

Ongenin iç açılarının ölçüleri toplamını bulalım.

Çözüm:

Önce ongenin bir köşesini diğer köşeleriyle birleştirecek köşegenler çizelim.



Ongenin bir köşesinden 7 tane köşegen çizilebilir.
Köşegenler ongeni 8 tane üçgene ayırr. Ongenin iç açıları toplamı
oluşan 8 üçgenin iç açıları toplamına eşittir.
O hâlde, ongenin iç açıları toplamı $8 \cdot 180^\circ = 1440^\circ$ dır.



Kenar sayısı n olan bir çokgenin:

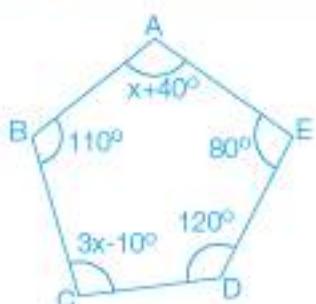
- * Bir köşesinden $(n-3)$ tane köşegen çizilir.
- * Bu köşegenler n kenarlı çokgeni $(n-2)$ tane üçgene ayırr.
- * n kenarlı bu çokgenin iç açılarının ölçüleri toplamı, $(n-2) \cdot 180^\circ$ dır.

$$\text{Ongenin iç açılarının ölçüleri toplamı: } (n-2) \cdot 180^\circ = (10-2) \cdot 180^\circ$$

$$= 8 \cdot 180^\circ$$

$$= 1440^\circ \text{ şeklinde de bulunabilir.}$$

Birlikte Çözelim 2



Yanda verilen çokgende x'in kaç derece olduğunu bulalım.

Çözüm:

$$\begin{aligned} \text{Beşgenin iç açılarının ölçüleri toplamı} &= (n-2) \cdot 180^\circ \\ &= (5-2) \cdot 180^\circ \\ &= 540^\circ \end{aligned}$$

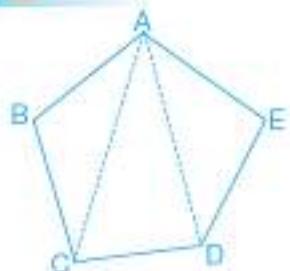
Verilen tüm iç açıların ölçüleri toplamının 540° olması gereklidir.

$$x + 40^\circ + 110^\circ + 3x - 10^\circ + 120^\circ + 80^\circ = 540^\circ$$

$$4x + 340^\circ = 540^\circ$$

$$\frac{4x}{4} = \frac{200^\circ}{4}$$

$$x = 50^\circ$$



Birlikte Çözelim 3

İç açılarının ölçüleri toplamı 1080° olan çokgenin kaç kenarı olduğunu bulalım.



Çözüm:

Çokgenin kenar sayısı n olsun. n kenarlı bir çokgenin iç açılarının ölçüleri toplamı 1080° olduğundan $(n - 2) \cdot 180^\circ = 1080^\circ$ yazılabilir.

$$(n - 2) \cdot 180^\circ = 1080^\circ$$

$$\frac{(n - 2) \cdot 180^\circ}{180^\circ} = \frac{1080^\circ}{180^\circ}$$

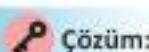
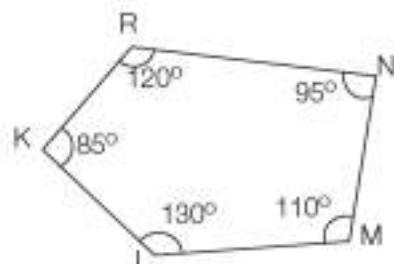
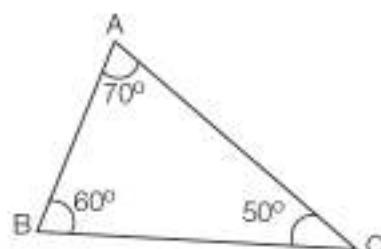
$$n - 2 = 6$$

$$n = 8$$

İç açılarının ölçüleri toplamı 1080° olan çokgenin 8 kenarı vardır.

Birlikte Çözelim 4

Aşağıda verilen çokgenlerin dış açılarının ölçülerini ve ölçülerinin toplamını bulalım.



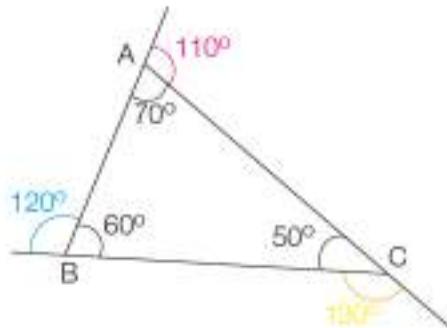
Çözüm:

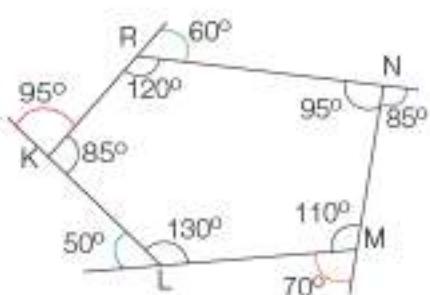
Verilen çokgenlerin her bir dış açısının ölçüsünü bulmak için o köşedeki iç açıdan yararlanalım. Bunu için verilen her bir iç açıyı 180° den çıkararak o açıya ait dış açıyı bulalım.

$$180^\circ - 70^\circ = 110^\circ$$

$$180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$$

$$180^\circ - 50^\circ = 130^\circ$$





$$180^\circ - 85^\circ = 95^\circ$$

$$180^\circ - 130^\circ = 50^\circ$$

$$180^\circ - 110^\circ = 70^\circ$$

$$180^\circ - 95^\circ = 85^\circ$$

$$180^\circ - 120^\circ = 60^\circ$$

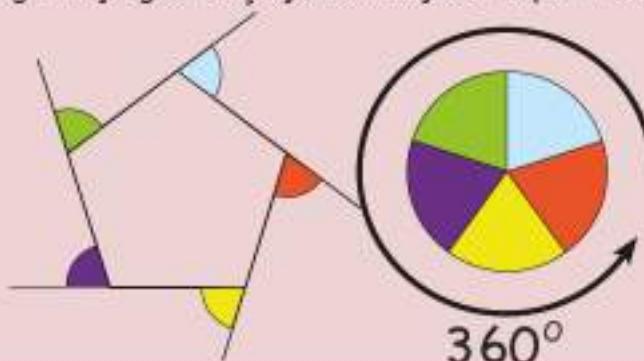
ABC üçgeninin dış açılarının ölçüleri toplamı: $110^\circ + 120^\circ + 130^\circ = 360^\circ$

KLMNR beşgeninin dış açılarının ölçüleri toplamı: $95^\circ + 50^\circ + 70^\circ + 85^\circ + 60^\circ = 360^\circ$

Verilen çokgenlerin her ikisinin dış açılarının toplamlarının 360° olduğu görülmektedir.



Herhangi bir çokgenin dış açılarının ölçüleri toplamı 360° dir.



Düzgün Çokgenler



Doğanın usta mimarları olan arılar, bal peteklerinin her birini altigen şeklinde örter. Aralarında hiçbir boşluk bulunmayan bu altigenlerin birleşim yerleri de belli değildir. Bal petekleri, bu özellikleryle bir mühendislik harikası olarak kabul edilir.

- Peteklerin altigen şeklinde olmasının avantajları nelerdir?



Bütün kenar uzunlukları ve bütün iç açılarının ölçüleri birbirine eşit olan çokgenlere "düzgün çokgen" denir.

ETKİNLİK

Araç-Gereçler: kalem, kağıt

Uygulama Basamakları:

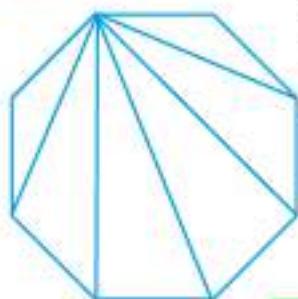
- Aşağıdaki boşlukları ilk örnekte verildiği gibi doldurunuz.

Düzgün Çokgenin Adı	Düzgün Çokgenin Şekli	Düzgün Çokgenin Kenar Sayısı	Düzgün Çokgenin Köşe Sayısı	Düzgün Çokgenin Bir Köşesinden Çizilen Köşegen Sayısı	Düzgün Çokgenin Bir Köşesinden Çizilen Köşegen ile Oluşan Üçgen Sayısı	Düzgün Çokgenin İç Açılarının Öğütleri Toplamı	Düzgün Çokgenin Bir İç Açısının Ölçüsü	Düzgün Çokgenin Dış Açılarının Ölçüleri Toplamı	Düzgün Çokgenin Bir Dış Açısının Ölçüsü
Eşkenar Üçgen		3	3	-	-	180°	$\frac{180^\circ}{3} = 60^\circ$	360°	$\frac{360^\circ}{3} = 120^\circ$
Kare	
Düzgün Beşgen	
Düzgün Altıgen	
Düzgün Yedigen	
Düzgün n-gen	

Birlikte Çözelim 1

Düzgün sekizgenin bir iç açısının ölçüsünü bulalım.

Çözüm:



Düzgün sekizgenin bir köşesinden çizilen köşegen sayısı 6'tır.

Bu köşegenlerle oluşan üçgen sayısı 6'dır.

Düzgün sekizgenin iç açılarının ölçüleri toplamı: $180^\circ \cdot 6 = 1080^\circ$ olur.

Düzgün sekizgenin bütün iç açıları eşit olup sekiz iç açısı olduğundan bir iç açısının ölçüsü

$$\frac{1080^\circ}{8} = 135^\circ \text{ olacaktır.}$$

n kenarlı bir düzgün çokgenin:

*İç açılarının ölçüleri toplamı: $(n - 2) \cdot 180^\circ$

*Bir iç açısının ölçüsü: $\frac{(n - 2) \cdot 180^\circ}{n}$

*Dış açılarının ölçüleri toplamı: 360°

*Bir dış açısının ölçüsü: $\frac{360^\circ}{n}$ dir.



Birlikte Çözelim 2

Düzgün bir yirmigenin

- İç açılarının ölçüleri toplamını bulalım.
- Bir iç açısının ölçüsünü bulalım.
- Bir dış açısının ölçüsünü bulalım.

Çözüm:

Kenar sayısı: $n = 20$ 'dir.

Bu durumda düzgün yirmigenin

a) İç açılarının ölçüleri toplamı $= (n - 2) \cdot 180^\circ$
 $= (20 - 2) \cdot 180^\circ$
 $= 18 \cdot 180^\circ$
 $= 3240^\circ$ dır.

b) Bir iç açısının ölçüsü $= \frac{(n - 2) \cdot 180^\circ}{n}$
 $= \frac{(20 - 2) \cdot 180^\circ}{20}$
 $= \frac{18 \cdot 180^\circ}{20}$
 $= 162^\circ$ dır.

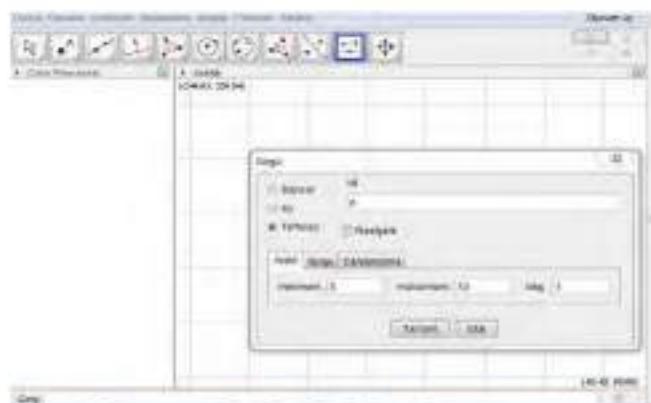
c) Bir dış açısının ölçüsü $= \frac{360^\circ}{20} = 18^\circ$ dır.

Birlikte Çözelim 3

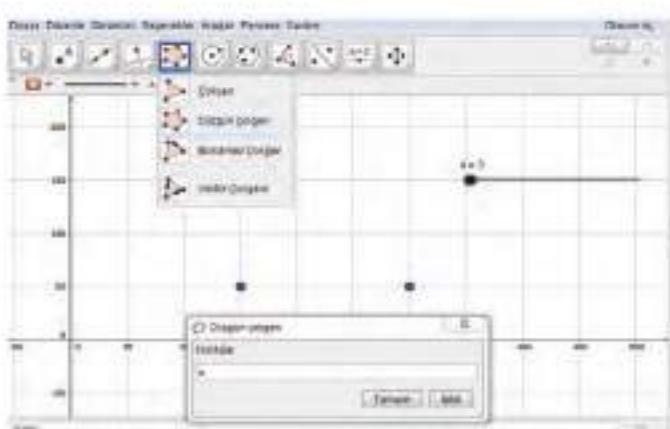
Bir dinamik geometri yazılımı kullanarak düzgün çokgenler oluşturalım.

Çözüm:

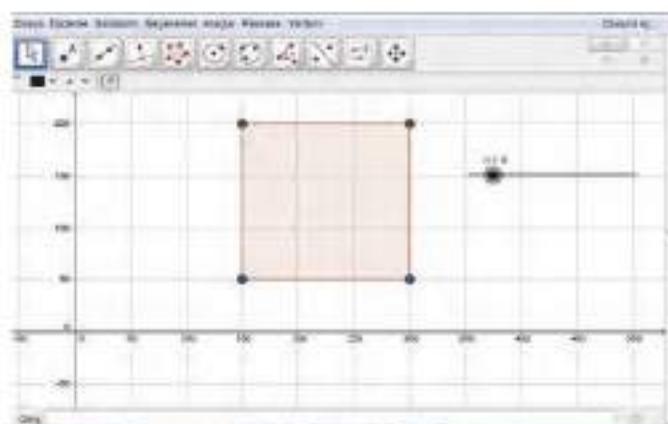
- Bir dinamik geometri yazılımında sürgü komutunu seçelim.
- Sürgü özelliklerinden "tam sayı" seçeneğini seçelim. Sürgü aralığını alt sınır olarak 3 alalım. Üst sınır olarak maksimum kısma kaç kenarlı çokgen çizmek istiyorsak o sayıyı girelim. Örneğin ongene kadar olan düzgün çokgenler için maksimum kısma 10 girelim.



- Herhangi uzunlukta iki noktası belirleyelim.
- Çokgen butonundan düzgün çokgen seçeneğini seçelim.
- Kenar sayılarını belirtmek için çıkan menüde 4 yerine sürgünün adı olan n harfini yazalım.



- Sürgüyü hareket ettirerek farklı düzgün çokgenler elde edelim.

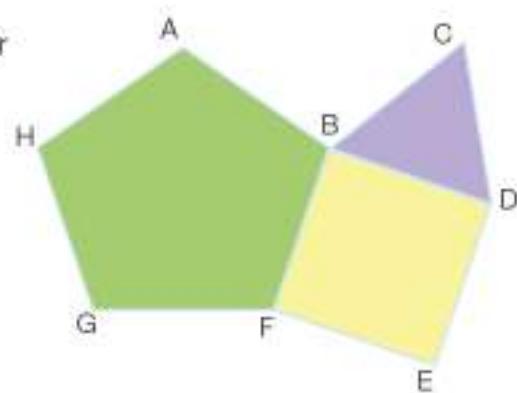




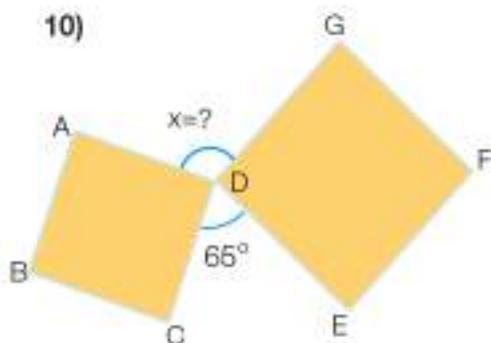
Çözüm Sende

- 1) Düzgün çokgenleri diğer çokgenlerden ayıran özellikleri nelerdir?
- 2) Çokgenlere çevrenizden ömekler veriniz. Bu ömeklerden düzgün çokgen olanları belirtiniz.
- 3) Dikdörtgen düzgün bir çokgen midir? Nedenleriyle açıklayınız.
- 4) Bir onikigenin iç açılarının ölçüleri toplamı, dış açılarının ölçüleri toplamından kaç derece fazladır?
- 5) Yedigenin iç açılarının ölçüleri toplamını ve dış açılarının ölçüleri toplamını bulunuz.
- 6) Onuçgenin bir köşesinden diğer köşelerine çizilebilen kaç köşegeni vardır?
- 7) Düzgün bir dokuzgenin iç açıları toplamını, bir iç açısını ve bir dış açısını bulunuz.
- 8) Bir dış açısı 20° olan düzgün çokgenin iç açılarının toplamını bulunuz.

- 9) Yandaki şekil; düzgün beşgen, eşkenar üçgen ve kareden oluşmaktadır. Şekilde verilenlere göre $m(\widehat{ABC}) = ?$

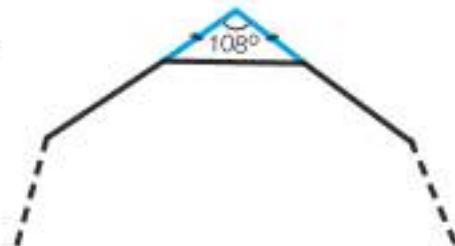


10)



Yandaki şekilde ABCD ve DEFG karelerinin D noktaları ortaktır. $m(\widehat{CDE}) = 65^\circ$ olduğuna göre $m(\widehat{ADG}) = ?$

- 11) Yanda düzgün bir çokgenin parçası verilmiştir. Buna göre bu düzgün çokgen kaç kenarlıdır?



Dörtgenler



22.09.1983 tarihinde kabul edilen 2893 Sayılı Bayrak Kanunu'nda Türk bayrağının şekli, yapımı ve korunması ile ilgili esas ve usuller belirtilmiştir. Buna göre Türk bayrağı, kısa kenar uzun kenarına oranı 2:3 olan dikdörtgendir.

Dünyada neredeyse tüm bayraklar dikdörtgen şeklidir. Ancak bazı ülkelerin bayrakları dikdörtgen şeklinde değildir. Örneğin İsviçre bayrağı kare şeklindedir. Nepal bayrağının kendine has bir şekli vardır. Genellikle bayraklar 2:3 oranında çizilirken Belçika bayrağında bu oran 13:15'tir ve yine de dikdörtgendir.



İsviçre Bayrağı



Nepal Bayrağı



Belçika Bayrağı

ETKİNLİK

Araç-Gereçler: paralelkenar, dikdörtgen, kare, eşkenar dörtgen, yamuk şeklinde kesilmiş farklı renklerde kağıtlar, açıölçer, cetvel

Uygulama Basamakları:

- 3-4 kişilik gruplar oluşturunuz.
- Önceden hazırlanan dikdörtgen, kare, paralelkenar, yamuk, eşkenar dörtgen şeklindeki renkli kağıtlardan birer tane alınız. Her bir dörtgenin köşelerini A, B, C, D olarak adlandırınız.
- Açıölçer ile bu geometrik şekillerin köşelerindeki açıları ölçünüz.
- Bulduğunuz açıları aşağıdaki tabloya yazınız.

	A Açısının Ölçüsü	B Açısının Ölçüsü	C Açısının Ölçüsü	D Açısının Ölçüsü	Bütünler Açıları
Kare					
Dikdörtgen					
Yamuk					
Eşkenar Dörtgen					
Paralelkenar					

Kare şeklindeki kağıdı kullanarak:

1. Karenin köşelerini üst üste gelecek şekilde simetri eksenlerinden (yatay, dikey ve köşegen) katlayınız. Eş açıları ve eş kenarları belirleyiniz.
2. Köşegenlerin kesim noktasında oluşan açıları ölçünüz, köşegenlerin dik kesilip kesilmemişini belirleyiniz.
3. Karenin köşegenlerinin açıortay olup olmadığını açıölçeriniz kullanarak belirleyiniz.
4. Köşegenlerin uzunluklarını cetvel ile ölçerek karşılaştırınız.

Dikdörtgen şeklindeki kâğıdı kullanarak:

1. Dikdörtgeni yatay veya dikey simetri eksenlerinden katlayınız. Eş açılan ve eş kenarları belirleyiniz.
2. Köşegenlerin kesim noktasında oluşan açıları ölçünüz, köşegenlerin dik kesişip kesişmediğini belirleyiniz.
3. Dikdörtgenin köşegenlerinin açıortay olup olmadığını açıölçer kullanarak belirleyiniz.
4. Köşegenlerin uzunluklarını cetvel ile ölçerek karşılaştırınız.

Yamuk şeklindeki kâğıdı kullanarak:

1. Yamuğu, yamuğun çapraz köşelerini birleştiren doğru boyunca katlayınız. Eş açıların ve eş kenarları olup olmadığını belirleyiniz.
2. Köşegenlerin kesim noktasında oluşan açıları ölçünüz, köşegenlerin dik kesişip kesişmediğini belirleyiniz.
3. Yamuğu köşegenlerinin açıortay olup olmadığını açıölçer kullanarak belirleyiniz.
4. Köşegenlerin uzunluklarını cetvel ile ölçerek karşılaştırınız.

Eşkenar şeklindeki dörtgen kâğıdı kullanarak:

1. Eşkenar dörtgeni, eşkenar dörtgenin çapraz köşelerini birleştiren doğru boyunca katlayınız. Eş açılan ve eş kenarları belirleyiniz.
2. Köşegenlerin kesim noktasında oluşan açıları ölçünüz, köşegenlerin dik kesişip kesişmediğini belirleyiniz.
3. Eşkenar dörtgenin köşegenlerinin açıortay olup olmadığını açıölçer kullanarak belirleyiniz.
4. Köşegenlerin uzunluklarını cetvel ile ölçerek karşılaştırınız.

Paralelkenar şeklindeki kâğıdı kullanarak:

1. Paralelkenarı, paralelkenarın çapraz köşelerini birleştiren doğru boyunca katlayınız. Eş açılan ve eş kenarları belirleyiniz.
2. Köşegenlerin kesim noktasında oluşan açıları ölçünüz, köşegenlerin dik kesişip kesişmediğini belirleyiniz.
3. Paralelkenarın köşegenlerinin açıortay olup olmadığını açıölçer kullanarak belirleyiniz.
4. Köşegenlerin uzunluklarını cetvel ile ölçerek karşılaştırınız.

• Yukandaki incelemelere göre aşağıdaki dörtgenlerin sahip olduğu özellikleri tabloda işaretleyiniz.

Özellikleri	Dörtgenler	Kare	Dikdörtgen	Paralelkenar	Eşkenar Dörtgen	Yamuk
Karşılıklı kenarlarından en az bir çifti paraleldir.						
Karşılıklı açıları eşitir.						
Karşılıklı kenar uzunlukları eşittir.						
Bütün kenarları eşitir.						
Her bir iç açısının ölçüsü 90° dir.						
Bütün iç açıları birbirine eşitir.						
Köşegenleri birbirini ortalar.						
Köşegenleri birbirine dikdir.						
Köşegenler açıortaydır.						
Köşegenler eşit uzunluktadır.						



Karşılıklı kenarları eş ve paralel olan dörtgenlere "paralelkenar" denir.

* Paralelkenarın karşılıklı kenar uzunlukları birbirine eşit ve karşılıklı kenarları paraleldir.

$$|AD|=|BC|, |AB|=|DC|$$

$$[AD] \parallel [BC], [AB] \parallel [DC]$$

* Paralelkenarın karşılıklı açıları eşittir.

* Paralelkenarda ardışık açılar bütünlüktür yani ardışık açıların toplamı 180° dir.

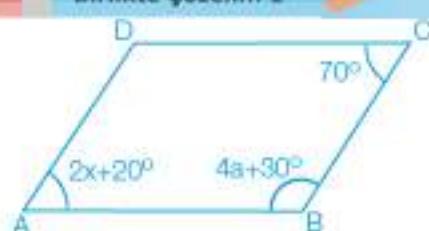
$$m(\widehat{A}) + m(\widehat{B}) = 180^\circ \quad m(\widehat{C}) + m(\widehat{D}) = 180^\circ$$

$$m(\widehat{A}) + m(\widehat{D}) = 180^\circ \quad m(\widehat{C}) + m(\widehat{B}) = 180^\circ$$

* Paralelkenarın köşegenleri birbirini ortalar.

* Paralelkenarda köşegenler alt olduğu köşelerdeki açıların açıortayı değildir.

Birlikte Çözelim 1



ABCD paralelkenarında

$$m(\widehat{C}) = 70^\circ, m(\widehat{A}) = 2x + 20^\circ, m(\widehat{B}) = 4a + 30^\circ$$

olduğuna göre $x + a$ 'nın kaç derece olduğunu bulalım.



Çözüm:

A açısının ölçüsü C açısının ölçüsüne eşit olduğundan $2x + 20^\circ = 70^\circ$

$$2x = 50^\circ$$

$$x = 25^\circ \text{ dir.}$$

$$x + a = 25^\circ + 20^\circ$$

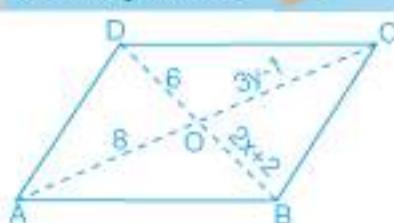
$$= 45^\circ \text{ dir.}$$

B açısının ölçüsü $180^\circ - 70^\circ = 110^\circ$ olacağından $4a + 30^\circ = 110^\circ$

$$4a = 80^\circ$$

$$a = 20^\circ \text{ dir.}$$

Birlikte Çözelim 2



ABCD paralelkenarında $[AC]$ ve $[BD]$ köşegendir.

$$|OD| = 6 \text{ br}$$

$$|OB| = 2x + 2 \text{ br}$$

$$|OA| = 8 \text{ br}$$

$|OC| = 3y - 1 \text{ br}$ olduğuna göre x ve y kaçtır?



Paralelkenarda köşegenler birbirini ortaladığından $|AO| = |OC|$ ve $|DO| = |OB|$ olacaktır.

Bu durumda,

$$6 = 2x + 2$$

$$8 = 3y - 1$$

$$4 = 2x$$

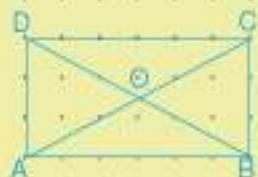
$$9 = 3y$$

$$x = 2 \text{ olur.}$$

$$y = 3 \text{ olur.}$$

Karşılıklı kenarları paralel ve eş olup tüm iç açıları 90° olan dörtgene "dikdörtgen" denir.

Dikdörtgenin:



* Karşılıklı kenarları paralel ve eşit uzunluktadır.

$[AD] \parallel [BC], [AB] \parallel [DC]; |AD| = |BC|, |AB| = |DC|$

* İç açılarının ölçüsü 90° dir.

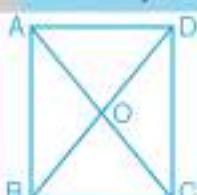
$m(\widehat{A}) = m(\widehat{B}) = m(\widehat{C}) = m(\widehat{D}) = 90^\circ$

* Köşegen uzunlukları birbirine eşittir ve bu köşegenler birbirini ortalar.

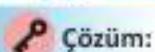
$|AO| = |OC| = |BO| = |OD|$



Birlikte Çözelim 3



Yandaki ABCD dikdörtgeninde, $m(\widehat{DOC}) = 108^\circ$ olduğuna göre $m(\widehat{ADO})$ 'nın kaç derece olduğunu bulalım.



ABCD dikdörtgeninde, $m(\widehat{AOD}) = 180^\circ - 108^\circ = 72^\circ$ dir. $|AO| = |OD|$ olduğundan oluşan iki kenar AOD üçgeninde $m(\widehat{ADO}) = \frac{180^\circ - 72^\circ}{2} = 54^\circ$ olarak bulunur.

Karşılıklı kenarları paralel, tüm kenar uzunlukları eşit olup tüm iç açıları 90° olan dörtgene "kare" denir.

Karenin:

* Karşılıklı kenarları paraleldir. Tüm kenar uzunlukları birbirine eşittir.

$[AD] \parallel [BC], [AB] \parallel [DC]$ ve

$|AB| = |BC| = |CD| = |DA|$

* İç açılarının ölçüsü 90° dir.

$m(\widehat{A}) = m(\widehat{B}) = m(\widehat{C}) = m(\widehat{D}) = 90^\circ$

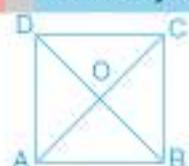
* Köşegen uzunlukları birbirine eşittir. Köşegenler birbirini ortalar ve dik kesişir.

$|AO| = |OB| = |OC| = |OD|$ ve $[AC] \perp [BD]$

* Köşegenler açıortaydır.



Birlikte Çözelim 4

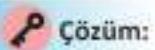


ABCD bir karedir.

$$m(\widehat{ACB}) = 2x + 5^\circ$$

$$m(\widehat{DOC}) = 3y + 15^\circ$$

İse x ve y'nin kaç derece olduğunu bulalım.



Karedede köşegenler açıortay olduğu için $m(\widehat{ACB}) = 45^\circ$ olacaktır. Bu durumda,

$$m(\widehat{ACB}) = 2x + 5^\circ = 45^\circ$$

$$2x + 5^\circ = 45^\circ$$

$$2x = 40^\circ$$

$$x = 20^\circ \text{ olur.}$$

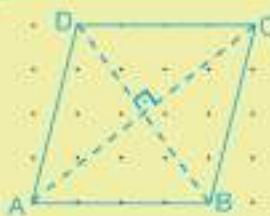
Karedede köşegenler dik kesiştiği için $m(\widehat{DOC}) = 90^\circ$ olacaktır. Bu durumda,

$$m(\widehat{DOC}) = 3y + 15^\circ = 90^\circ$$

$$3y + 15^\circ = 90^\circ$$

$$3y = 75^\circ$$

$$y = 25^\circ \text{ olur.}$$



- Tüm kenar uzunlukları eşit ve karşılıklı kenarları paralel olan dörtgene "eşkenar dörtgen" denir.
- $|AB|=|BC|=|CD|=|DA|$
- $[AB] \parallel [DC]$ ve $[AD] \parallel [BC]$
- *Eşkenar dörtgenin karşılıklı açılarının ölçütleri esittir.

*Eşkenar dörtgünde ardışık açılar bütünlərdir.

$$m(\widehat{A}) + m(\widehat{B}) = 180^\circ$$

$$m(\widehat{B}) + m(\widehat{C}) = 180^\circ$$

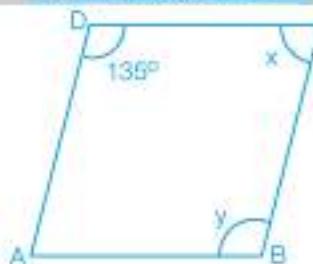
$$m(\widehat{C}) + m(\widehat{D}) = 180^\circ$$

$$m(\widehat{D}) + m(\widehat{A}) = 180^\circ$$

*Eşkenar dörtgenin köşegenleri birbirini dik ortalar.

*Eşkenar dörtgünde köşegenler ait olduğu köşelerdeki açıların açıortaylardır.

Birlikte Çözelim 5



Şekildeki ABCD, eşkenar dörtgendir.

$$m(\widehat{ADC}) = 135^\circ$$

$$m(\widehat{DCB}) = x$$

$$m(\widehat{ABC}) = y$$

$y - x = ?$ işleminin sonucunu bulalım.



Eşkenar dörtgenin karşılıklı açıları eşit ve $m(\widehat{ADC}) = 135^\circ$ olduğu için $y = 135^\circ$ dir.

ADC ve DCB açıları ardışık açılardır. Eşkenar dörtgünde ardışık açılar bütünlər olduğundan

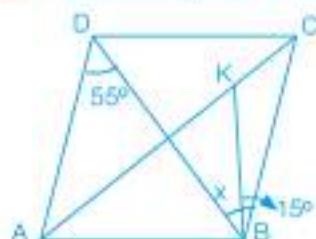
$$135^\circ + x = 180^\circ$$

$$y - x = 135^\circ - 45^\circ$$

$$x = 45^\circ \text{ dir.}$$

$$y - x = 90^\circ \text{ dir.}$$

Birlikte Çözelim 6



Yandaki şekilde ABCD eşkenar dörtgendir.

$$m(\widehat{ADB}) = 55^\circ$$

$$m(\widehat{KBC}) = 15^\circ$$

ise $m(\widehat{DBK}) = x$ 'nın kaç derece olduğunu bulalım.



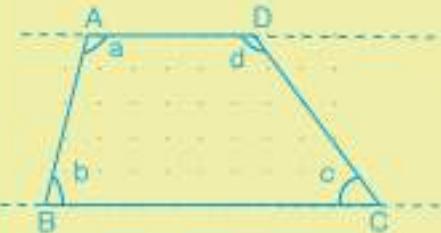
ABCD eşkenar dörtgen olduğu için köşegenler dik kesilir. Bu durumda $m(\widehat{DOA}) = 90^\circ$ ve $m(\widehat{DAO}) = 35^\circ$ olacaktır.

Eşkenar dörtgünde köşegenler açıortay olduğundan DBC açısının 55° olduğu görülür. Buradan

$m(\widehat{DBK}) = x$ 'nın $55^\circ - 15^\circ = 40^\circ$ olduğu görülür.



Bu soruyu farklı çözüm yolları kullanarak da çözebilirsiniz.

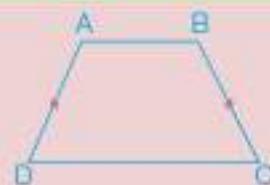


Karşılıklı kenar çiftlerinden en az biri paralel olan dörtgene "yamuk" denir.

*Yamukta paralel olmayan kenarlara ait taban ve tepe açılarının toplamı 180° dir.

$$a + b = 180^\circ$$

$$c + d = 180^\circ$$



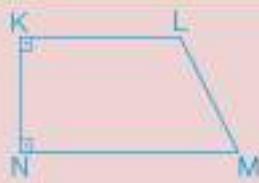
Paralel olmayan kenar uzunlukları eşit olan yamuğa "ikizkenar yamuk" denir.

$$|AD| = |BC|$$

$$[AB] \parallel [DC]$$

$$m(\widehat{D}) = m(\widehat{C})$$

$$m(\widehat{A}) = m(\widehat{B})$$



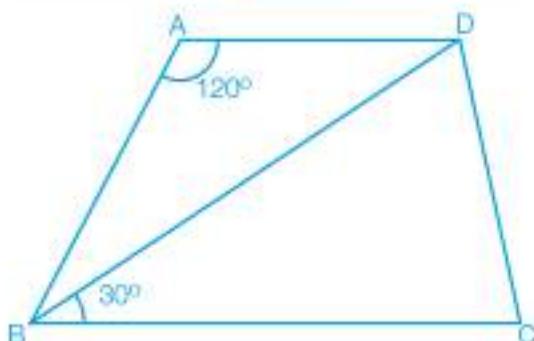
Bir kenarı tabanlara dik olan yamuğa "dik yamuk" denir.

$$[KL] \parallel [NM]$$

$$[KN] \perp [NM]$$

$$[KN] \perp [KL]$$

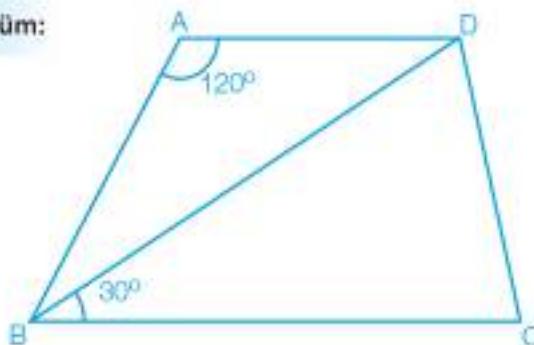
Birlikte Çözelim 7



ABCD yamuk olduğunu göre $m(\widehat{ABD})$ 'nın kaç derece olduğunu bulalım.



Çözüm:



Yamukta paralel olmayan kenarlara ait taban ve tepe açılarının toplamı 180° olduğundan

$$120^\circ + m(\widehat{ABD}) + 30^\circ = 180^\circ$$

$$150^\circ + m(\widehat{ABD}) = 180^\circ$$

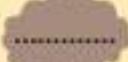
$$m(\widehat{ABD}) = 30^\circ \text{ olarak buluruz.}$$



Dörtgenler etkinliğinden yararlanarak baloncukların içindeki boşluklara gelmesi gereken uygun dörtgen isimlerini yazınız (Boşluklara birden fazla dörtgen ismi gelebilir.).

DÖRTGEN

Karenin kenarları en az birer paralel olursa



Karelikkenarları paralel olursa



* Dikdörtgen, eşkenar dörtgen ve paralelkenarın yamuk ile ilişkisi hakkında nasıl bir sonuca varırsınız?



*Kare tüm kenarları eşit olan bir dikdörtgendir.
*Kare tüm iç açıları 90° olan bir eşkenar dörtgendir.

*Dikdörtgen, tüm iç açıları dik olan bir paralelkenardır.
*Eşkenar dörtgen, tüm kenar uzunlukları eşit olan bir paralelkenardır.



Kare, dikdörtgen, eşkenar dörtgen ve paralelkenar aynı zamanda birer yamuktur.



Çözüm Sende

1) Aşağıdaki ifadelerin yanına doğruysa "D", yanlışsa "Y" yazınız.

Karenin köşegen uzunlukları birbirine eşittir. (...)

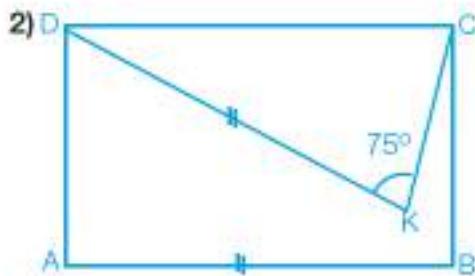
Eşkenar dörtgenin köşegen uzunlukları birbirine eşittir. (...)

Dikdörtgenin köşegenleri açıortaydır. (...)

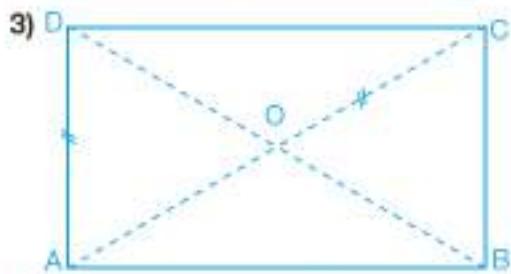
Eşkenar dörtgenin köşegenleri açıortaydır. (...)

Yamuğun köşegenleri birbirine dikdir. (...)

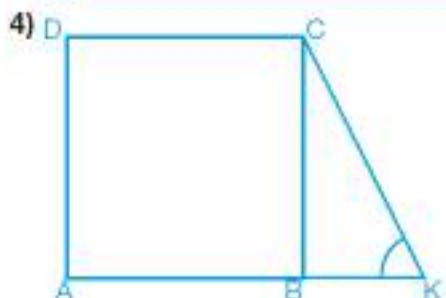
Paralelkenarın köşegenleri birbirine dikdir. (...)



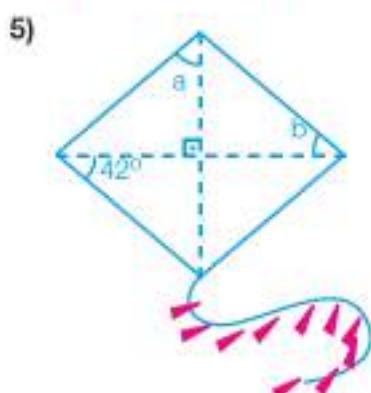
ABCD dikdörtgeninde $m(\widehat{DKC}) = 75^\circ$ ve $|KD| = |AB|$ ise KDC açısının ölçüsü kaç derecedir?



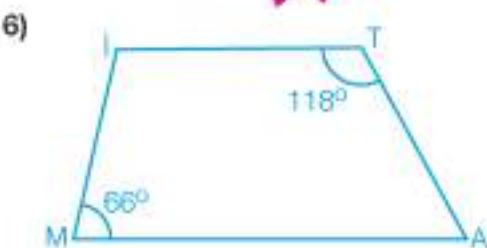
ABCD dikdörtgeninde $|AD| = |OC|$ 'dur. Buna göre $m(\widehat{ADO})$ kaç derecedir?



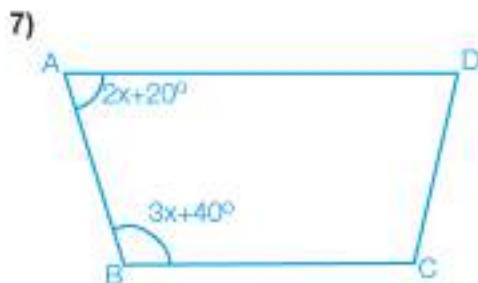
ABCD kare, $|BD| = |AK|$ ise \widehat{BKC} 'nın kaç derece olduğunu bulunuz.



Yanda eşkenar dörtgen şeklinde verilen uçakmanın üzerindeki a ve b açılarını bulunuz.



Yandaki yamukta $m(\widehat{T}) = 118^\circ$ ve $m(\widehat{M}) = 66^\circ$ olduğuna göre I ve A açılarının ölçülerini bulunuz.



Yandaki yamukta $[AD] \parallel [BC]$, $m(\widehat{A}) = 2x + 20^\circ$ ve $m(\widehat{B}) = 3x + 40^\circ$ olduğuna göre A açısının ölçüsünü bulunuz.

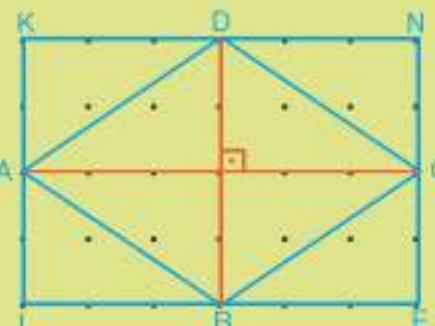
Eşkenar Dörtgenin Alanı

ETKİNLİK

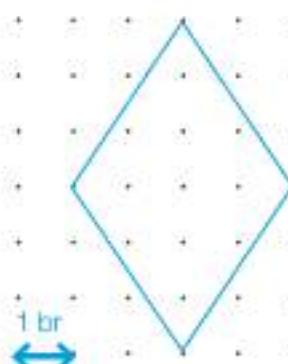
Araç-Gereçler: noktalı kağıt, cetvel

Uygulama Basamakları:

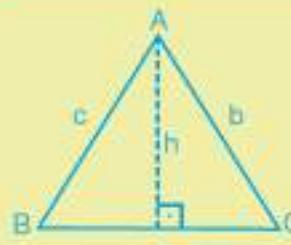
- İki nokta arası 1 br olan noktalı kağıt üzerine 4×6 br² lik bir dikdörtgen çiziniz.
- Dikdörtgenin kenarlarının orta noktalarını birleştirip bir eşkenar dörtgen elde ediniz.
- Oluşan eşkenar dörtgenin köşegenlerini çiziniz.
- Köşegenlerle elde ettiğiniz bölgenin şeklini ve özelliklerini belirtiniz.
- Eşkenar dörtgenin alanı ile üçgenlerin alanları arasında nasıl bir ilişki olduğunu açıklayınız.
- Eşkenar dörtgenin alanını bulmaya yönelik bir genelleme yapınız.



Birlikte Çözelim 1

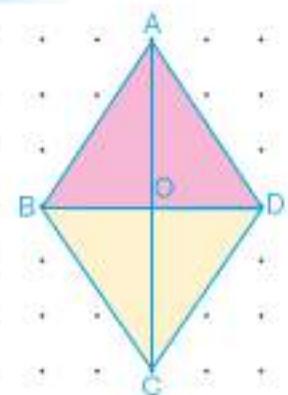


Yandaki noktalı kağıt üzerine çizilmiş olan eşkenar dörtgenin alanının kaç br² olduğunu bulalım.



$\text{Alan} = \frac{a \cdot h}{2}$ olduğunu hatırlayalım.

Çözüm:



Verilen eşkenar dörtgen pembe ve sarı olmak üzere iki eş üçgenden oluşmuştur. O hálde, eşkenar dörtgenin alanı bu iki üçgenin alanlarının toplamına eşittir.

$$\begin{aligned}\text{Pembe Üçgenin alanı} &= \frac{|BD| \cdot |AO|}{2} \\ &= \frac{4 \cdot 3}{2} = 6 \text{ br}^2 \text{ dir.}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{Sarı Üçgenin alanı} &= \frac{|BD| \cdot |OC|}{2} \\ &= \frac{4 \cdot 3}{2} = 6 \text{ br}^2 \text{ dir.}\end{aligned}$$

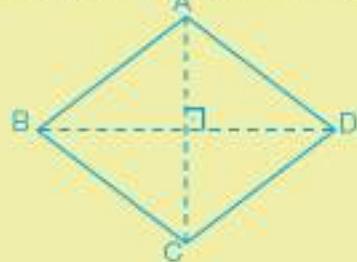


Eşkenar dörtgenin alanı = Pembe Üçgenin alanı + Sarı Üçgenin alanı

$$\begin{aligned}&= \frac{|BD| \cdot |AO|}{2} + \frac{|BD| \cdot |OC|}{2} \\ &= \frac{|BD| \cdot |AO| + |OC|}{2} \\ &= \frac{|BD| \cdot |AC|}{2} \quad (|AO| + |OC| = |AC|) \\ &= \frac{4 \cdot 6}{2} = 12 \text{ br}^2\end{aligned}$$



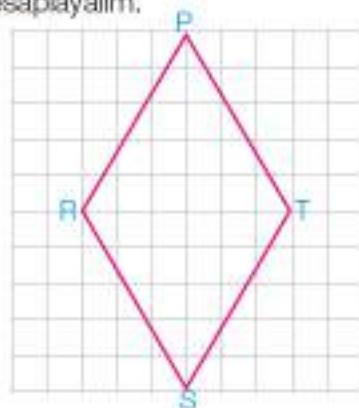
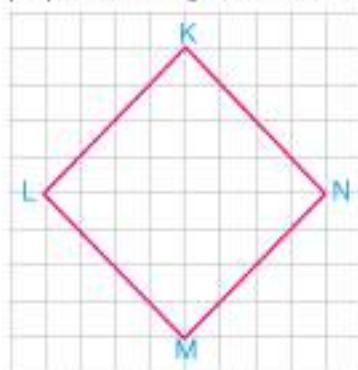
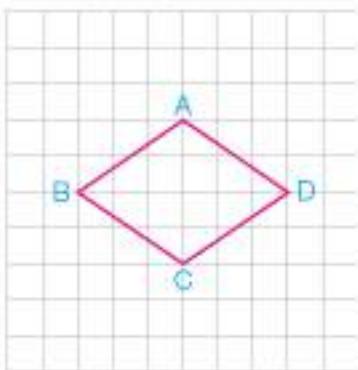
Bir eşkenar dörtgenin alanı, köşegenler çarpımının yarısıdır.



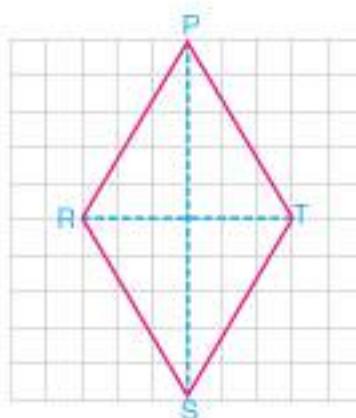
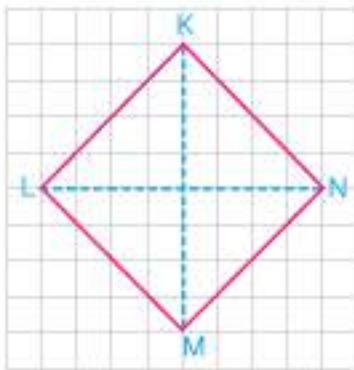
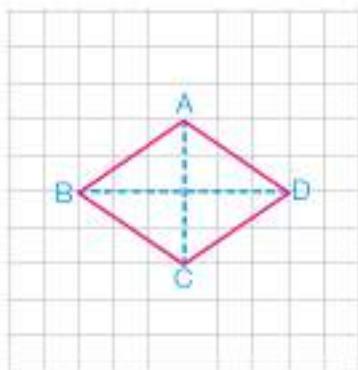
$$\text{Alan(ABCD)} = \frac{|AC| \cdot |BD|}{2}$$

Birlikte Çözelim 2

Aşağıda kareli kağıt üzerine çizilmiş eşkenar dörtgenlerin alanlarını hesaplayalım.



Çözüm:



Köşegenler, 4 br ve 6 br'dır.

$$\begin{aligned}\text{Alan} &= \frac{\text{Köşegenler çarpımı}}{2} \\ &= \frac{4 \cdot 6}{2} \\ &= 12 \text{ br}^2 \text{ dir.}\end{aligned}$$

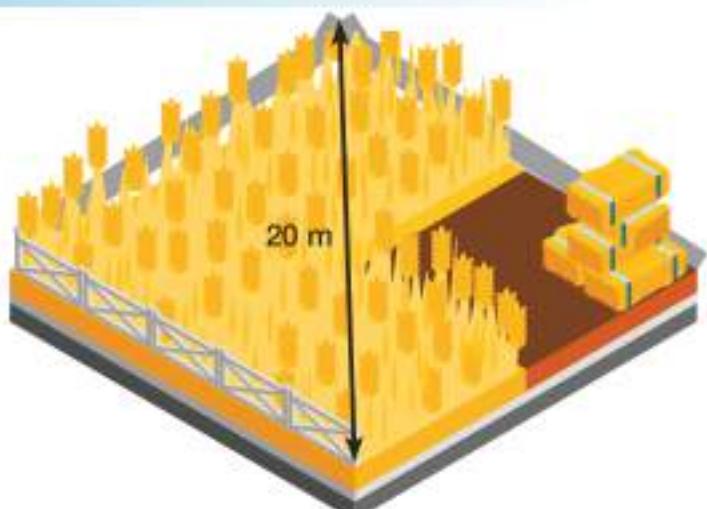
Köşegenler, 8 br ve 8 br'dır.

$$\begin{aligned}\text{Alan} &= \frac{\text{Köşegenler çarpımı}}{2} \\ &= \frac{8 \cdot 8}{2} \\ &= 32 \text{ br}^2 \text{ dir.}\end{aligned}$$

Köşegenler, 6 br ve 10 br'dır.

$$\begin{aligned}\text{Alan} &= \frac{\text{Köşegenler çarpımı}}{2} \\ &= \frac{6 \cdot 10}{2} \\ &= 30 \text{ br}^2 \text{ dir.}\end{aligned}$$

Eşkenar dörtgen şeklindeki bir tarlanın alanı 480 m^2 dir. Tarlanın bir köşegeninin uzunluğu 20 m ise tarlanın diğer köşegeninin uzunluğunu bulalım.



Çözüm:

Eşkenar dörtgenin alanı köşegenler çarpımının yarısıdır. Bu eşkenar dörtgenin bir köşegeninin uzunluğunun 20 m olduğu verilmiştir. Diğer köşegen uzunluğuna da x diyelim.

$$480 = \frac{x \cdot 20}{2}$$

$$480 \cdot 2 = x \cdot 20$$

$$960 = 20x$$

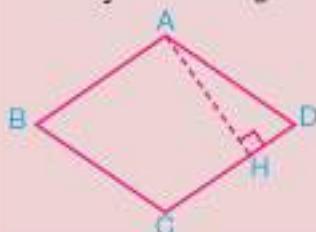
$$48 = x$$

Bu durumda eşkenar dörtgenin diğer köşegen uzunluğu 48 m'dir.



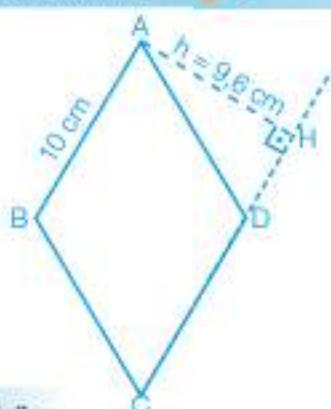
Paralelkenarın alanının, paralelkenarın bir kenarı ve o kenara ait yüksekliğin çarpımı ile bulunduğu hatırlayalım.

Eşkenar dörtgen, özel bir paralelkenardır. O hâlde



$\text{Alan} = |AH| \cdot |CD|$ ile de bulunabilir.





ABCD eşkenar dörtgeninde $|AB| = 10 \text{ cm}$, $|AH| = 9,6 \text{ cm}$ ve $|AC| = 16 \text{ cm}$ olduğuna göre BD köşegeninin uzunluğunu kaç cm olduğunu bulalım.



Çözüm: ABCD eşkenar dörtgeninin alanını, hem köşegenler çarpımından hem de paralelkenanın alanını bulma yönteminden yararlanarak bulalım.

$$A(ABCD) = \frac{|AC| \cdot |BD|}{2} = |CD| \cdot |AH|$$

$$\frac{|AC| \cdot |BD|}{2} = 10 \cdot 9,6$$

$$\frac{16 \cdot |BD|}{2} = 96$$

$$16 \cdot |BD| = 192$$

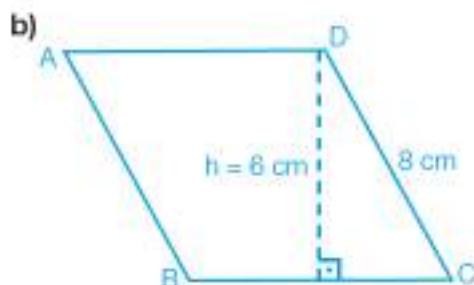
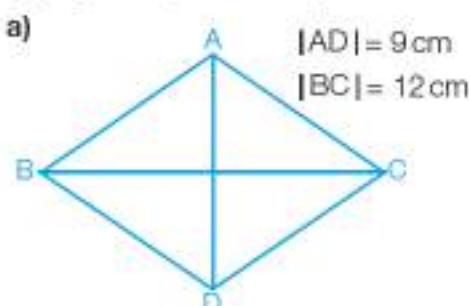
$$\frac{16 \cdot |BD|}{16} = \frac{192}{16}$$

$$|BD| = 12 \text{ cm}$$

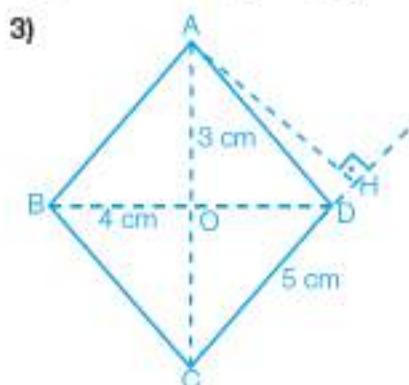


Çözüm Sende

1) Aşağıdaki eşkenar dörtgenlerin alanlarını bulunuz.



2) Köşegenleri birer tam sayı ve köşegenlerinin toplamı 35 cm olan eşkenar dörtgenin alanının en büyük olabilmesi için köşegenlerinin uzunlukları kaç cm olmalıdır?



Şekildeki ABCD eşkenar dörtgeninde [AC] ve [BD] köşegendir.

$$|AO| = 3 \text{ cm}$$

$$|BO| = 4 \text{ cm}$$

Buna göre [AH] kaç cm'dır?

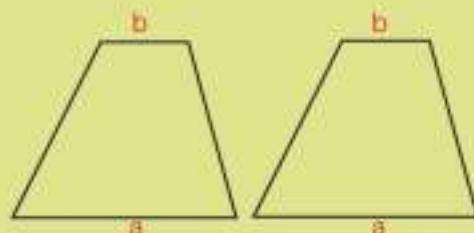
Yamuğun Alanı

ETKİNLİK

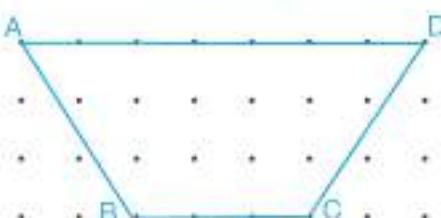
Araç-Gereçler: noktalı kağıt, cetvel, makas

Uygulama Basamakları:

- Noktalı kağıt üzerine tabanları 6 br ve 15 br, yükseklikleri 12 br olan iki eş yamuk çiziniz ve çizdiğiniz yamuğun kesinizi.
- Yamuklardan birini yatay eksen etrafında ters çevirip diğer yamuğun yanına yapıştırınız.
- Nasıl bir şekil elde ettiniz?
- Elde ettiğiniz şekil ile yamuk arasında nasıl bir ilişki vardır?
- Elde ettiğiniz paralelkenanın alanı ile bir yamuğun alanı arasında nasıl bir ilişki vardır?
- Paralelkenanın tabanını $a + b$ şeklinde ifade ederek yamuğun alanını veren matematik cümlesini yazınız.



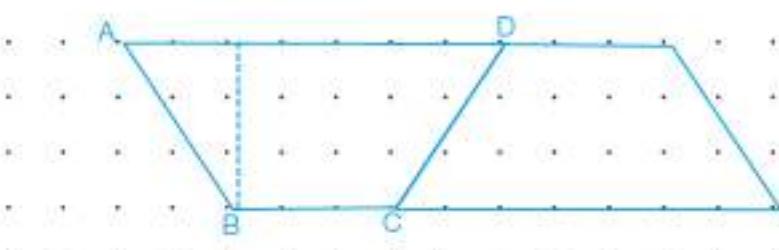
Birlikte Çözelim 1



Yanda noktalı kağıt üzerine çizilen yamuğun alanının kaç br^2 olduğunu bulalım.

Çözüm:

Verilen ABCD yamuğunun AD kenarnı BC kenarının uzunluğu kadar, BC kenarnı da AD kenarının uzunluğu kadar uzatalım. Uzattığımız doğru parçalarının üç noktalarını birleştirilelim. ABCD yamuğun yatay eksen etrafında ters çevrilmiş esini yanına ekleyerek bir paralelkenar elde etmiş oluruz.



ABCD yamuğunun alanı, elde ettiğimiz paralelkenanın alanının yarısıdır.

$$\text{Paralelkenanın alanı} = 10 \cdot 3$$

$$= 30 \text{ } br^2 \text{ dir.}$$

O hâlde,

$$\text{ABCD yamuğunun alanı} = \frac{30}{2} = 15 \text{ } br^2 \text{ dir.}$$



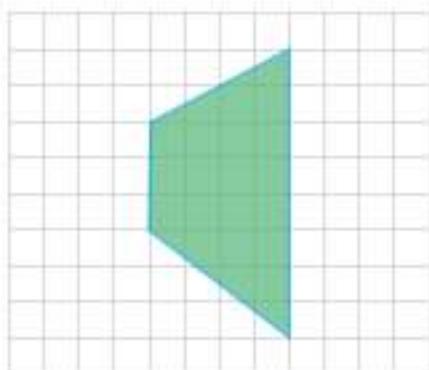
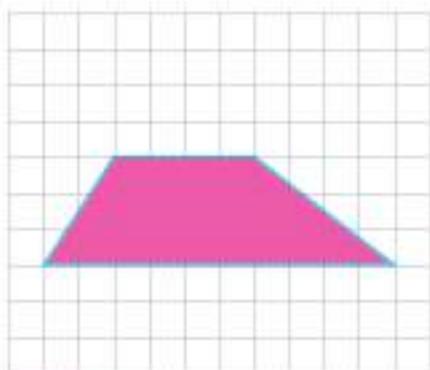
Yamuğun alanı = $\frac{(\text{Alt taban} + \text{Üst taban})}{2} \cdot \text{Yükseklik}$



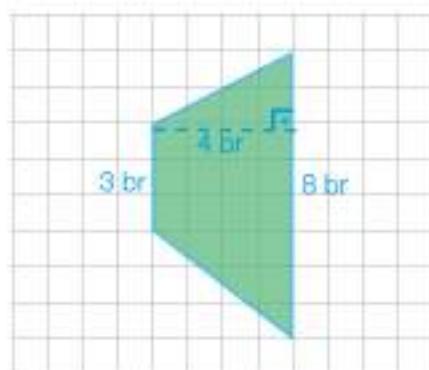
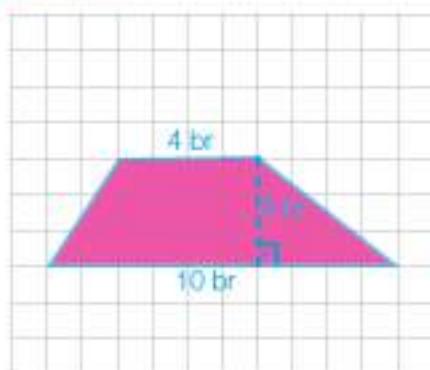
$$A(ABCD) = \frac{(a+b) \cdot h}{2} \text{ dir.}$$

Birlikte Çözelim 2

Aşağıda kareli kağıtlar üzerine çizilmiş yamukların alanlarını hesaplayalım.



Çözüm:



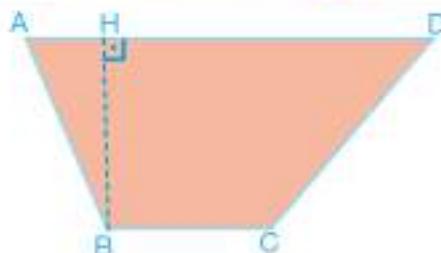
$$\text{Alan} = \frac{(\text{Alt taban} + \text{Üst taban}) \cdot \text{Yükseklik}}{2}$$

$$\begin{aligned}\text{Alan} &= \frac{(10+4) \cdot 3}{2} \\ &= 21 \text{ br}^2 \text{ dir.}\end{aligned}$$

$$\text{Alan} = \frac{(\text{Alt taban} + \text{Üst taban}) \cdot \text{Yükseklik}}{2}$$

$$\begin{aligned}\text{Alan} &= \frac{(8+3) \cdot 4}{2} \\ &= 22 \text{ br}^2 \text{ dir.}\end{aligned}$$

Birlikte Çözelim 3



Yandaki ABCD yamuğunda $|BC| = 10 \text{ cm}$, $|BH| = 10 \text{ cm}$ ’dir. Yamuğun alanı 135 cm^2 olduğuna göre AD kenarının uzunluğunun kaç cm olduğunu bulalım.

Çözüm:

ABCD yamuğunun alanın 135 m^2 olduğu soruda verilmiştir.

AD kenarının uzunluğuna x diyelim.

$$\text{Alan} = \frac{(\text{Alt taban} + \text{Üst taban}) \cdot \text{Yükseklik}}{2}$$

$$135 = \frac{(10+x)}{2} \cdot 10 \text{ olur. Buradan}$$

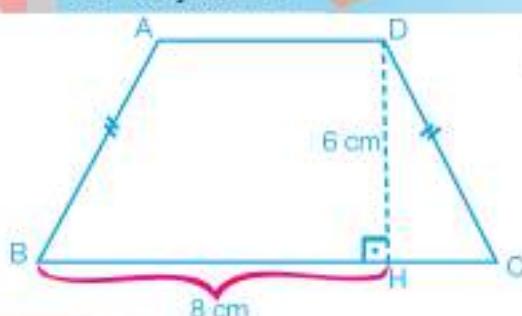
$$270 = 100 + 10x$$

$$170 = 10x$$

$$x = 17 \text{ cm}$$

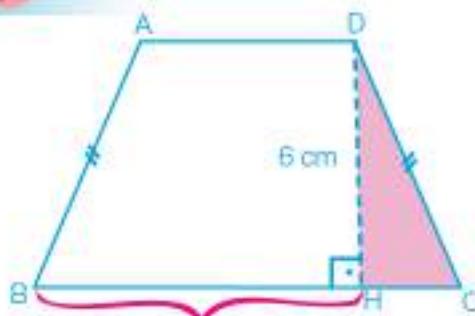
$|AD| = 17 \text{ cm}$ olarak bulunur.

Birlikte Çözelim 4

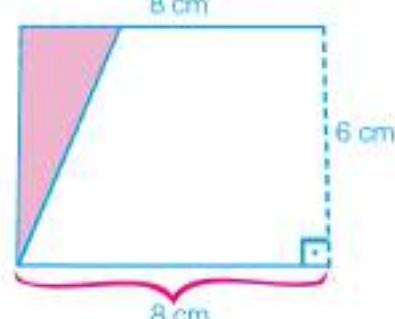


ABCD bir ikitzenar yamuğ ve $|DH| = 6 \text{ cm}$, $|BH| = 8 \text{ cm}$ ise ABCD ikitzenar yamuğunun alanının kaç cm^2 olduğunu bulalım.

Çözüm:



ABCD yamuğunu $[DH]$ boyunca kesip bu parçayı DC kenarı ile AB kenarı üst üste gelecek şekilde yerlestirelim. ABCD bir ikitzenar yamuğ olduğu için bu yerleştirmede alanı yamuğun alanına eşit olan bir dikdörtgen elde ederiz.



ABCD yamuğunun alanı, oluşan dikdörtgenin alanına eşittir. Bu durumda

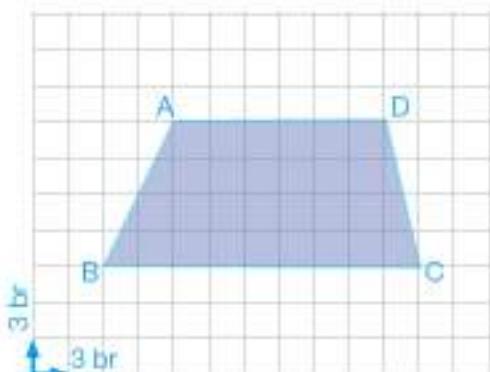
$$\text{Dikdörtgenin alanı} = 6 \cdot 8 = 48 \text{ cm}^2 \text{ dır.}$$

ABCD yamuğunun alanı da 48 cm^2 dır.



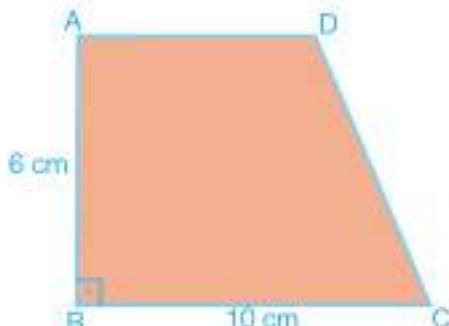
Çözüm Sende

1)



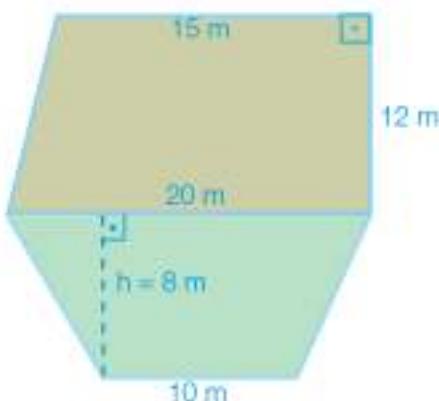
Yanda verilen yamuğun alanı kaç br^2 dir?

2)



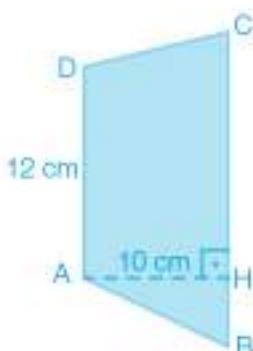
Sekildeki yamuğun alanı 51 cm^2 olduğuna göre $|AD| = ?$

3)



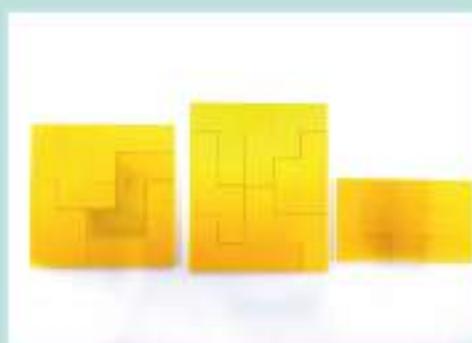
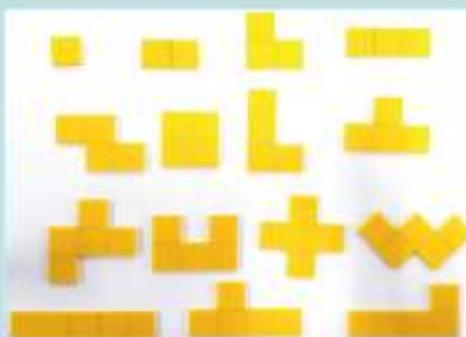
Haydar Usta, yandaki yamuklardan oluşan bahçesine çim ekecektir. 1 m^2 lik alan için gerekli çim 8 TL olduğuna göre Haydar Usta bahçenin tamamı için kaç TL öder?

4)



Yandaki ABCD yamuğunun alanı 150 cm^2 dir. Yamuğun yüksekliği 10 cm olduğuna göre $|BC| = ?$

Dörtgenlerin Alanları İle İlgili Problemler



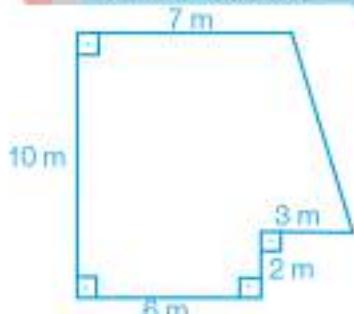
Çok kareller takımı, eş karelerin birleşmesi ile oluşan materyaldir. Çok kareller; bir kareli, iki karelli, üç karelli, dört karelli, beş karelli olmak üzere beş gruptan oluşur. İsimlerinde de anlaşılabilcegi gibi bir kareller yalnızca bir tane kareden, iki kareller iki kareden, beş kareller ise beş kareden oluşmaktadır.

Çok kareller takımı matematikte öğrencinin problem çözme yeteneğinin gelişmesi ve geometrik açıdan düşünmesi için kullanılmaktadır.

Çok kareller takımı:

- * Düzlemsel bölgelerin alanlarını hesaplama
- * Çevre ve alan arasındaki ilişkiye açıklama
- * Simetri konusunda
- * Örnek oluşturma
- gibi birçok alanda kullanılmaktadır.
- Çok kareller takımından yararlanarak kare ve dikdörtgenin alanlarını nasıl bulabilirsiniz?

Birlikte Çözelim 1



Bir otelin salonunun krokisi yanda verilmiştir.

Bu salonun tabanı, işçilik dâhil metrekaresi 40 TL olan hali ile kaplanacaktır. Salonun tamamını kaplamak için ödenecek parayı bulalım.

Çözüm:

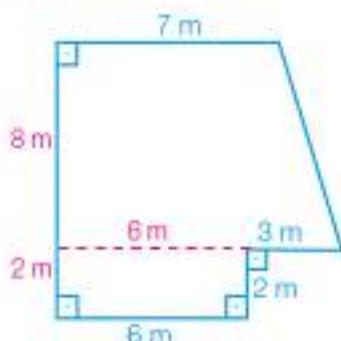
Otelin salonunun taban alanını bulabilmemiz için tabanı dörtgenlere ayıralım.

Bu durumda tabanın bir yamuğa ve bir dikdörtgen'e bölündüğünü söyleyebiliriz.

Yamuğun ve dikdörtgenin alanlarını ayrı ayrı bularak sonuçları topladığımızda taban alanını bulmuş oluruz.

$$\text{Yamuğun alanı} = \frac{(9+7) \cdot 8}{2} \\ = 64 \text{ m}^2 \text{ dir.}$$

$$\text{Dikdörtgenin alanı} = 2 \cdot 6 \\ = 12 \text{ m}^2 \text{ dir.}$$



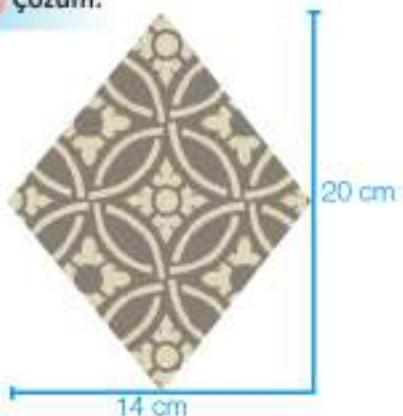
$$\text{Salonun tabanının alanı} = 64 + 12 \\ = 76 \text{ m}^2 \text{ dir.}$$

Halinin 1 m²'si 40 TL olduğuna göre salonun tabanına
 $40 \cdot 76 = 3040 \text{ TL}$ ödenir.



Yanda verilen eşkenar dörtgen şeklindeki fayansın köşegen uzunlukları 14 cm ve 20 cm'dir. Bu fayanslar ile 14 m^2 lik bir alan döşemek için en az kaç tane fayans gerektiğini bulalım.

Çözüm:



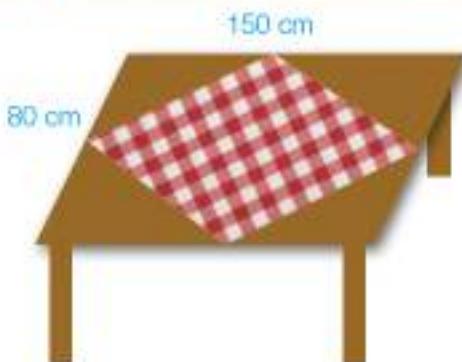
Fayanslar eşkenar dörtgen şeklindedir.

$$1 \text{ fayansın alanı} = \frac{20 \cdot 14}{2} = 140 \text{ cm}^2 \text{ dir.}$$

Yüzeyimiz ise 14 m^2 dir.

$$14 \text{ m}^2 = 140\,000 \text{ cm}^2$$

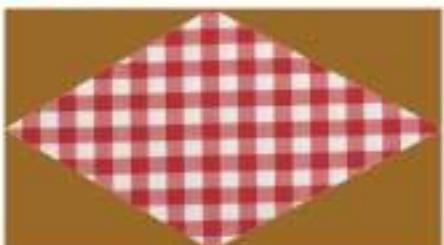
$$140\,000 \div 140 = 1000 \text{ tane fayans gereklidir.}$$



Yandaki dikdörtgen şeklindeki masanın üzerine, köşeleri dikdörtgenin kenarlarının orta noktalarına gelecek şekilde bir örtü seriliyor.

Masanın üzerinde örtülmeyen kısmın kaç cm^2 olduğunu bulalım.

Çözüm:



Masanın üzerine serilen örtünün köşeleri, masanın kenarlarının orta noktalarına geldiğinden örtü eşkenar dörtgen şeklindedir.

$$\text{Masanın yüzey alanı} = 150 \cdot 80 = 12\,000 \text{ cm}^2 \\ (\text{dikdörtgenin alanı})$$

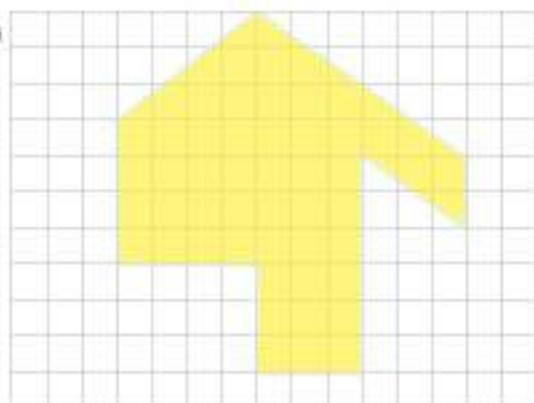
$$\text{Örtünün yüzey alanı} = \frac{150 \cdot 80}{2} = \frac{12\,000}{2} = 6000 \text{ cm}^2$$

$$\text{Örtülmeyen kısmın alanı} = 12\,000 - 6000 = 6000 \text{ cm}^2 \text{ dir.}$$



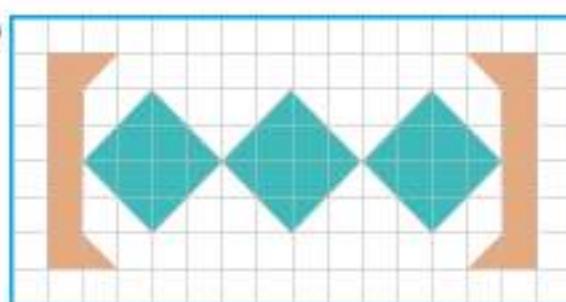
Çözüm Sende

1)



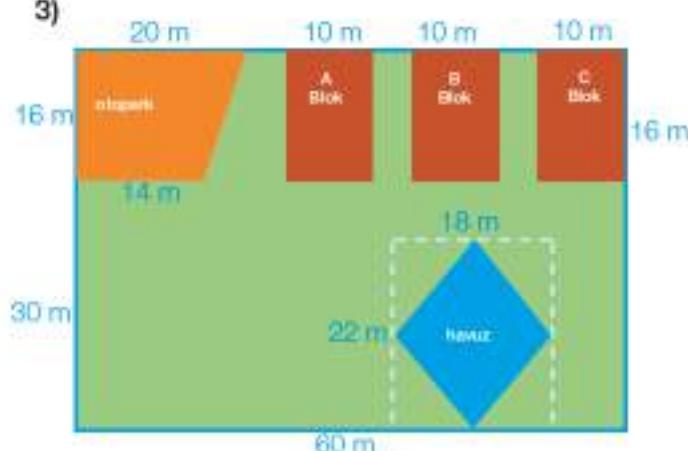
Yanda birimkareli zemin üzerinde verilen şeklin alanı kaç br^2 dir?

2)



Yanda birimkareli zemin üzerinde verilen şekilde boyalı olmayan bölgenin alanı kaç br^2 dir?

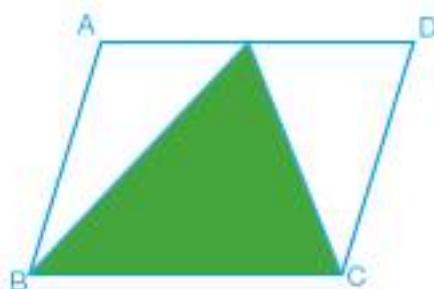
3)



Yanda verilen kroki, bir siteye aittir. Sitede; tabanı dikdörtgen olan 3 eş apartman, yanık şeklinde bir otopark ve eşkenar dörtgen şeklinde bir havuz bulunmaktadır.

Site yönetimi boş alanlara çim ekceğine göre sitenin % kaçını çimle kaplanacaktır?

4)



ABCD paralelkenarında taralı alan tüm alanın % kaçıdır? Nedeniyle açıklayınız.

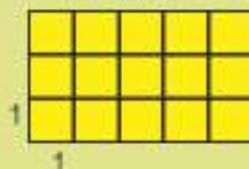
Cevre Alan İlişkisi

ETKİNLİK

Araç-Gereçler: kalem, kağıt, birimkareler

Uygulama Basamakları:

- Birimkareleri kullanarak örnekteki gibi çevresi 16 birim olan dikdörtgenler oluşturunuz.
- Oluşturduğunuz dikdörtgenleri aşağıdaki boşluklara çiziniz.



.....

.....

- Oluşturduğunuz dikdörtgenlerden yararlanarak her bir dikdörtgenin çevresini, kenar uzunlıklarını ve alanını aşağıdaki tabloya yazınız.

Oluşturulan Dikdörtgenler	Dikdörtgenin Çevresi (br)	Dikdörtgenin Kenar Uzunluğu (br)	Dikdörtgenin Kenar Uzunluğu (br)	Dikdörtgenin Alanı (br ²)
1. dikdörtgen	16	5	3
2. dikdörtgen	16
3. dikdörtgen	16
4. dikdörtgen	16

- Hangi dikdörtgenin alanı en büyktür?
- Hangi dikdörtgenin alanı en küçüktür?
- Çevreleri eşit dikdörtgenlerde, dikdörtgenlerin kenar uzunlıklarını ile alanları arasında nasıl bir ilişki vardır?

Birlikte Çözelim 1

12 cm uzunluğundaki bir tel, kıvrılarak kenar uzunlıklar doğal sayı olacak şekilde bir dikdörtgen elde ediliyor. Bu dikdörtgenin kaplayacağı alanın en fazla kaç cm^2 olacağını bulalım.

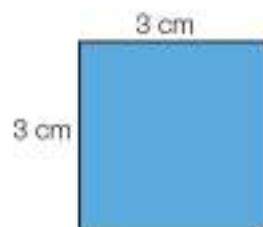
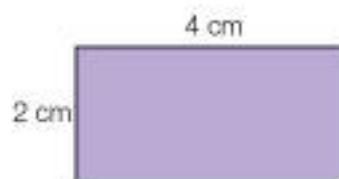
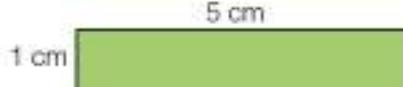


Çözüm:

12 cm uzunluğundaki teli kıvrılarak elde ettiğimiz dikdörtgenin çevresi 12 cm olacaktır. Bu dikdörtgenin kısa kenar uzunluğu a, uzun kenar uzunluğu b olsun. O hâlde,

$$2a + 2b = 12$$

$a + b = 6$ olacaktır.



$$\begin{aligned}\text{Alan} &= 1 \cdot 5 \\ &= 5 \text{ cm}^2\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{Alan} &= 2 \cdot 4 \\ &= 8 \text{ cm}^2\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{Alan} &= 3 \cdot 3 \\ &= 9 \text{ cm}^2\end{aligned}$$

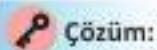
12 cm uzunluğundaki tel ile oluşturulacak dikdörtgenin kaplayacağı alan en fazla 9 cm^2 dir.



Çevre uzunlukları eşit olan farklı dikdörtgenlerden, kenar uzunlukları birbirine yakın olanların alanları daha büyüktür.

Birlikte Çözelim 2

Kenar uzunlukları birer doğal sayı ile belirtilen ve alanı 24 br^2 olan dikdörtgenlerden çevresi en büyük değere sahip olanı bulalım.



Çözüm:

Dikdörtgenin alanı, kısa kenar uzunluğu ile uzun kenar uzunluğunun çarpımı olacağını bilgimizden çarpımları 24 olan doğal sayıları bulalım:

$$24 = 24 \cdot 1$$

$$24 = 12 \cdot 2$$

$$24 = 8 \cdot 3$$

$$24 = 6 \cdot 4$$



$$\mathcal{C} = 2 \cdot (1+24) \\ = 50 \text{ br}$$

$$\mathcal{C} = 2 \cdot (2+12) \\ = 28 \text{ br}$$

$$\mathcal{C} = 2 \cdot (3+8) \\ = 22 \text{ br}$$

$$\mathcal{C} = 2 \cdot (4+6) \\ = 20 \text{ br}$$

Alanı 24 br^2 olan dikdörtgenlerden kısa kenar uzunluğu 1 br, uzun kenar uzunluğu 24 br olan dikdörtgenin çevresi en uzun olan dikdörtgendir.



Aynı alanlara sahip farklı dikdörtgenlerden, kenar uzunlukları arasındaki fark birbirine yakın olanların çevre uzunlukları daha küçüktür.



Çözüm Sende

- 1) Çevresi 28 br ve kenar uzunlıklarını tam sayı olan dikdörtgenin alanı en fazla kaç br^2 dir?
- 2) Alanları 18 br^2 ve kenar uzunlıklarını doğal sayı olan kaç farklı dikdörtgen çizilebilir?
- 3) Alanı 72 m^2 olan dikdörtgen şeklindeki bahçenin kenar uzunlıklarını metre cinsinden tam sayılardır. Buna göre bu bahçenin kısa kenar uzunluğunun alabileceği en büyük tam sayı değeri kaç metredir?
- 4) Arif amca, dikdörtgen şeklindeki tarlasının etrafını 480 m telle 3 sıra çeviriyor. Arif amcanın tarlasının alanı en fazla kaç m^2 olabilir? (Tarlanın kenar uzunlıklarını metre cinsinden doğal sayıdır.)

3. Bölüm: ÇEMBER VE DAİRE

ÇEMBER VE DAİRE

 Bir bardağın üst kısmı ile tabanı birbirine çok benzeyen geometrik şekillerdir. Ancak bardağın ağız kısmını çembere, tabanını da daireye ömek verebiliriz.

Çember birçok çocuk oyunduda kullanılmaktadır.

Çember oyunları, geçmişten günümüze çocukların severek oynadıkları oyunlardır. Bu oyunlardan en bilineni "çember çevirme" dir.

Çember çevirme oyunu, sopa yardımıyla çemberi düşürmeden çevirme mantığına dayanan bir sokak oyunudur. Bu oyunda bitiş noktasına en erken varan birinci olur.



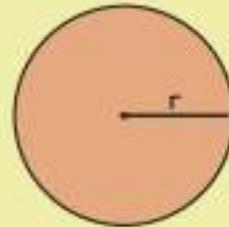
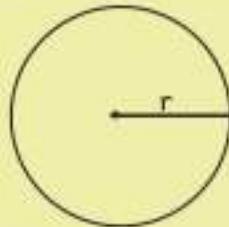
Çember çevirme dışında, çember ile oynanan başka bir oyun da çemberden geçmedir. Bu oyun, iki kişinin çemberi yere dikey olarak sabit bir şekilde tutup diğer oyuncuların çemberin içinden atlayarak geçmesi şeklinde oynanır. Çemberi tutan çocukların arkadaşlarını şaşırtmamaları gereklidir. Çember her atlayıştan sonra biraz daha yükseğe kaldırılır.

"Hulahop" da en çok bilinen çember oyunlarındandır. Bu oyun çemberin belde çevrilmesi ile oynanır. Çemberi düşüren oyunu kaybeder.

- Siz bu çember oyunlarından herhangi birini oynadınız mı?
- Siz de çevrenizde gördüğünüz çember ve daire şeklindeki nesnelerden ömekler veriniz.



"Çember", düzlemden sabit bir noktadan eşit uzaklıktaki noktaların oluşturduğu kapalı şekle denir. "Daire" ise çember ile çemberin iç bölgesinin birleşimidir.



Çemberde Merkez Açılar ve Bu Açıların Gördüğü Yaylor

ETKİNLİK

Araç-Gereçler: geometri tahtası, paket lastiği, cetvel, kağıt, kalem

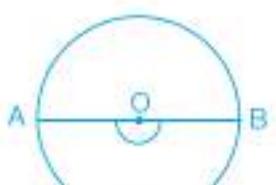
Uygulama Basamakları:

- Geometri tahtasında çiziliğin çember şeklinde olduğu tarafta paket lastiği ile bir çember oluşturunuz.
- Oluşturduğunuz bu çemberin yarıçapını cetvelle ölçüp çevresini hesaplayınız.
- İkinci paket lastığını çemberin merkezinden geçecek ve çemberi tam ortadan ayıracak şekilde geçiriniz.
- Yanın çemberlerden her birini düşünerek aşağıdaki boşlukları doldurunuz.
Yay uzunluğu
Merkezde oluşan iki açının ölçüsü
- Üçüncü paket lastığını merkezden geçecek ve diğer lastığı dik kesecik şekilde takınız. Böylece çemberiniz dört eş parçaya ayrılmaktır.
- Her bir çeyrek çember için aşağıdaki boşlukları doldurunuz.
Yay uzunluğu
Çeyrek çemberin merkezde oluşturduğu açının ölçüsü
- Dördüncü ve beşinci paket lastikleriyle her bir çeyrek çemberi tekrar ikiye bölnüz.
- Oluşan yeni çember dilimleri için aşağıdaki boşlukları doldurunuz.
Yay uzunluğu
Oluşan çember dilimlerinin merkezindeki açının ölçüsü
- Yaptığınız işlemleri devam ettirdiğinizde nasıl bir genellemeye varırsınız?
- Merkezde oluşan açılar ve bu açıların gördüğü yolların arasında nasıl bir ilişki vardır?

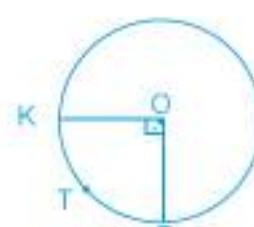


Birlikte Çözelim 1

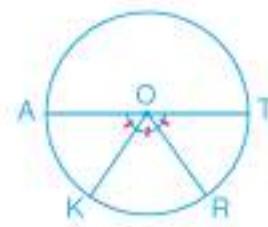
Aşağıda verilen O merkezli çemberlerde açıların gördüğü yolların kaç derece olduğunu bulalım.



[AB] çap olmak üzere,
AB yayının ölçüsü = ?



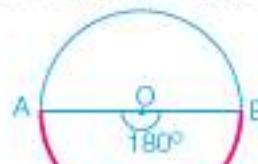
KTP yayının ölçüsü = ?



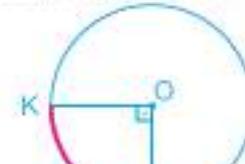
[AT] çap olmak üzere,
KR yayının ölçüsü = ?

Çözüm:

Bütün bir çember yayının tamamının ölçüsü 360° dir,



$$\text{AB yayının ölçüsü} = \frac{360^\circ}{2} = 180^\circ$$



$$\text{KTP yayının ölçüsü} = \frac{360^\circ}{4} = 90^\circ$$



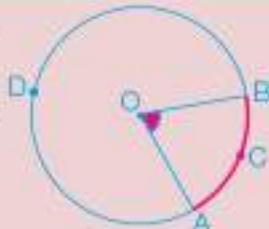
$$\text{KR yayının ölçüsü} = \frac{180^\circ}{3} = 60^\circ$$



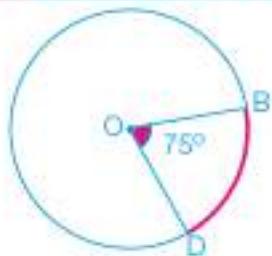
Köşesi çemberin merkezinde olan açıya "merkez açı", bu açının kolları arasında kalan çember parçasına da "merkez açının gördüğü yay" denir.

\widehat{ACB} yayının ölçüsü $m(\widehat{ACB})$ şeklinde gösterilir. Bir çemberde merkez açının gördüğü yayın ölçüsü merkez açının ölçüsüne eşittir.

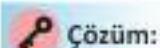
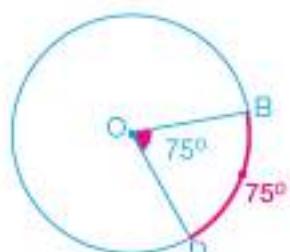
$$m(\widehat{ACB}) = m(\widehat{AOB})$$



Birlikte Çözelim 2



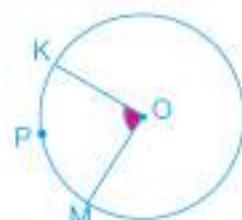
Yandaki O merkezli çemberde $m(\widehat{DOB}) = 75^\circ$ olduğuna göre $m(\widehat{DB})$ 'nın kaç derece olduğunu bulalım.



\widehat{DOB} merkez açısının ölçüsü gördüğü \widehat{DB} yayının ölçüsüne eşittir.

$$m(\widehat{DOB}) = m(\widehat{DB}) = 75^\circ$$

Birlikte Çözelim 3



Yandaki O merkezli çemberde $m(\widehat{KOM}) = 88^\circ$ ve $m(\widehat{KPM}) = 2x + 15^\circ$ ise x 'ın kaç olduğunu bulalım.



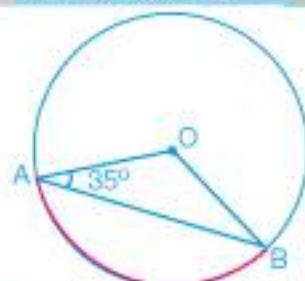
\widehat{KOM} açısının ölçüsü \widehat{KPM} yayının ölçüsüne eşittir.

$$88^\circ = 2x + 15^\circ$$

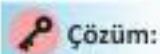
$$73^\circ = 2x$$

$$\frac{73^\circ}{2} = \frac{2x}{2}$$

$$x = 36,5^\circ$$



Yandaki O merkezli çemberde $m(\widehat{OAB}) = 35^\circ$ olduğuna göre $m(\widehat{AB})$ nün kaç derece olduğunu bulalım.



$|AO| = |OB|$ olduğundan $m(\widehat{OAB}) = m(\widehat{OBA}) = 35^\circ$ dir. Üçgenin iç açıları toplamı 180° olduğu için

$$m(\widehat{OBA}) + m(\widehat{OAB}) + m(\widehat{AOB}) = 180^\circ \text{ dir.}$$

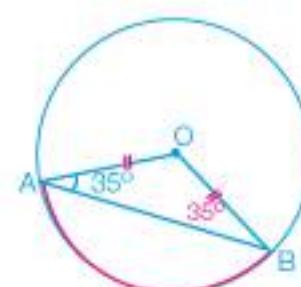
$$35^\circ + 35^\circ + m(\widehat{AOB}) = 180^\circ$$

$$m(\widehat{AOB}) = 110^\circ$$

$$m(\widehat{OBA}) = m(\widehat{AB})$$

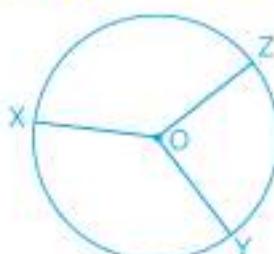
(Merkez açının ölçüsü = Merkez açının gördüğü yayın ölçüsü)

$$m(\widehat{AB}) = 110^\circ$$



Çözüm Sende

1)



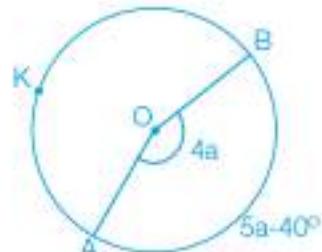
Yandaki O merkezli çemberde,

$$m(\widehat{XZ}) = 110^\circ$$

$$m(\widehat{XY}) = 130^\circ$$

olduğuna göre $m(\widehat{ZOY})$ kaç derecedir?

2)



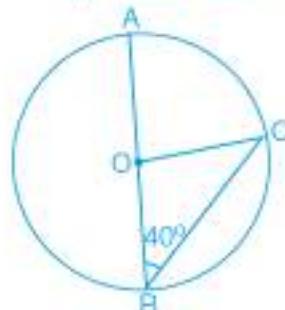
O merkezli çemberde,

$$m(\widehat{AOB}) = 4a$$

$$m(\widehat{AB}) = 5a - 40^\circ$$

olduğuna göre $m(\widehat{AKB})$ kaç derecedir?

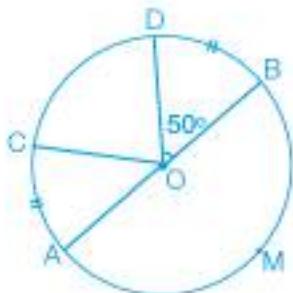
3)



O merkezli çemberde,

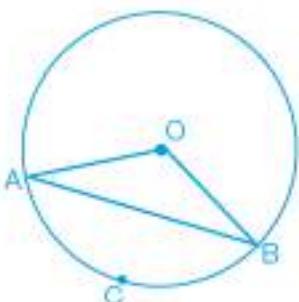
$$m(\widehat{BOC}) = 40^\circ \text{ olduğuna göre } m(\widehat{AC}) \text{ kaç derecedir?}$$

4)



O merkezli çemberde $m(\widehat{COD})$ kaç derecedir?

5)

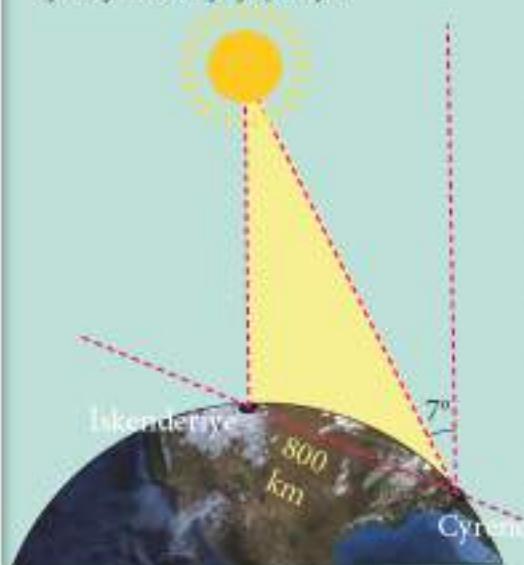


Şekilde O merkezli çemberde $m(\widehat{ACB}) = 110^\circ$ ise $m(\widehat{OAB}) = ?$

Çemberin Uzunluğu

MÖ 3. yüzyılda Mısır'ın Cyrene (Sirin) şehrinde doğmuş Yunan matematikçi Eratosthenes (Eratosten); coğrafya, felsefe, tarih, edebiyat gibi çok yönlü ve araştırmacı özelliğinden dolayı genç yaşta İskenderiye Kütüphanesi'nin başına getirilmiş ve çalışmalarına burada devam etmiştir.

Eratosthenes, bir gün kütüphanede papirüs üzerine yazılmış bir yazda Cyrene kentinde 21 Haziran'da tam öğle vakti yere dikilen bir çubuğun gölgesinin olmadığı bilgisine rastlamıştır. Bu bilgiden yola çıkararak 21 Haziran'da yaşadığı şehir İskenderiye'de bu doğaüstü olayı gözlemlemek için aynı deneyi yapmıştır.



Deney sonunda Eratosthenes, öğle vakti güneş tam tepeleyken toprağa dikliği çubuğun gölgesi olduğunu görmüş ve gölge açısını yaklaşık 7° olarak hesaplamıştır. Cyrene'de gölge boyu olmayan çubuğun İskenderiye'de 7° lik bir açı ile gölge oluşturması Dünya'nın yuvarlak olduğu düşüncesini desteklemiştir. Eratosthenes 7° lik bir açının 360° nin yaklaşık $\frac{1}{50}$ 'sına eşit olduğu bilgisinden bu iki şehir arasındaki mesafenin 50 katının da Dünya'nın çevresinin uzunluğunu vereceğini düşünmüştür.

Eratosthenes, Cyrene şehri ile İskenderiye arası 800 km olarak ölçtürdükten sonra Dünya'nın çevresini yaklaşık $800 \cdot 50 = 40\,000$ km olarak hesaplamıştır.

Günümüz teknolojisi kullanılarak yapılan hesaplamalarda Dünya'nın çevresi 40 075 km olarak tespit edilmiştir.

Eratosthenes, günümüzden yaklaşık 2200 yıl önce sadece aklını kullanarak çubuk ve gölge ilişkisinden yola çıkıp Dünya'nın çevresini önemiziz denecek kadar az bir hatayla (%0,4) hesaplamıştır.

- Dünya'nın çevresini başka hangi yöntemlerle bulabilirsiniz?

ETKİNLİK

Araç-Gereçler: tencere veya kavanoz kapakları, silindir biçiminde çeşitli kutular, mezura, kalemler
Uygulama Basamakları:

- Dörder kişilik gruplara ayrılmınız.
- Getirdiğiniz kutuların veya kapaklarının çevrelerini mezura ile ölçünüz.
- Mezurayı kutu ve kapak yüzeylerinin merkezinden geçecek şekilde tutarak yüzeylerin çaplarını ölçünüz.
- Ölçümlerinizi aşağıda verilen tabloya yazınız.

Tablo: Çemberin Çevre Çapı İlişkisi

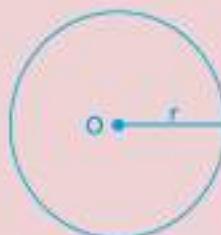
Çemberin Çevresi İle Çapı Arasındaki İlişki			
Öğrenci	Çemberin Çevresi (cm)	Çapın Uzunluğu (cm)	Çevre Çap



- Son sütunu, istenilen hesaplama yaparak doldurunuz.
- Çemberlerin çevreleri ile çapları arasında nasıl bir ilişki vardır?
- Bu ilişkiden nasıl bir genelleme elde edersiniz?



" r " yarıçaplı bir çemberin çevre uzunluğu,
 $\text{Çevre} = 2\pi r$ ile hesaplanır. π sayısı
 $3,14159265\dots$ şeklinde devam eden bir
sayıdır. π sayısı işlemleri daha rahat çözü-
bilmek için genellikle $3,14$; $\frac{22}{7}$; 3 olarak
da alınabilir.



Birlikte Çözelim 1

Çapı 16 cm olan çemberin çevresini bulalım. ($\pi = 3$ alalım.)

Çözüm:

Çemberin çapı 16 cm ise yançapı 8 cm'dir.

$$\begin{aligned}\text{Çevre} &= 2\pi r \\ &= 2 \cdot 3 \cdot 8 \\ &= 48 \text{ cm}\end{aligned}$$

Çapı 16 cm olan çemberin çevre uzunluğunu 48 cm'dir.

Birlikte Çözelim 2

Çevresi 14π cm olan çemberin yarıçap uzunluğunu bulalım.



Çözüm:

$$\text{Çevre} = 2\pi r$$

$$14\pi = 2\pi r$$

$$\frac{14\pi}{2\pi} = r$$

$$7 = r$$

Birlikte Çözelim 3

Yarıçapı $\frac{1}{2}$ metre olan bir tekerleğin 50 tur attığında kaç metre yol alacağını bulalım. ($\pi = 3$ alalım.)



Çözüm:

$$\text{Tekerlek'in çevresi} = 2\pi r$$

$$= 2 \cdot 3 \cdot \frac{1}{2}$$

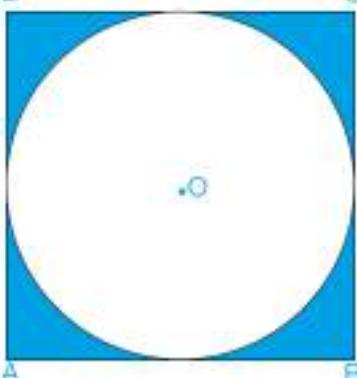
$$= 3 \text{ m}$$

Tekerlek 1 tur attığında 3 m yol alır.

Tekerlek 50 tur attığında $50 \cdot 3 = 150$ m yol alır.

Birlikte Çözelim 4

D



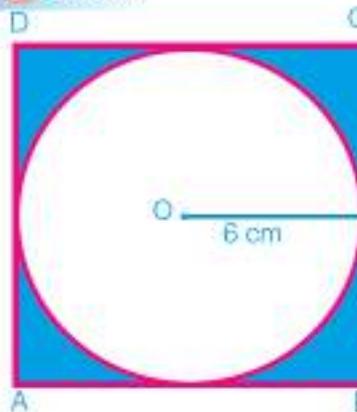
A

C

Yanda ABCD karesinin içine, karenin kenarlarına delegecek şekilde; O merkezli, 6 cm yarıçaplı çember yerleştirilmiştir. Boyalı bölgenin çevresini bulalım. ($\pi = 3$ alalım.)



Çözüm:



C

Boyalı bölgenin çevresi, çemberin çevresi ile karenin çevresinin toplamıdır.

Çemberin çevresi: $2\pi r = 2 \cdot 3 \cdot 6 = 36 \text{ cm}$ 'dır.

Karenin bir kenar çemberin çapına eşit olduğundan

Karenin çevresi: $4 \cdot 12 = 48 \text{ cm}$ 'dır.

$$\begin{aligned}\text{Boyalı bölgenin çevresi} &= \text{Karenin çevresi} + \text{Çemberin çevresi} \\ &= 48 + 36 \\ &= 84 \text{ cm'dir.}\end{aligned}$$



Pİ SAYISI

Pi sayısı; Antik Çağ'dan bu yana merak uyandıran, dairenin çevresinin çapına bölünmeyle elde edilen, gizemlerle dolu, sabit bir sayıdır.

Pi sayısının simbolü olan π , eski Yunancada çevre kelimesinin ilk harfinden gelmektedir.

İnsanlık tarihinin en eski dönemlerinden beri kullanılmakta olan π sayısı, 3,141592653589... şeklinde virgülden sonra sonsuz sayıda tekrarsız rakam içermektedir. Bu özelliğinden dolayı T.C. kimlik numaraları, doğum tarihleri, vergi numaraları gibi sayı gruplarının tamamı π sayısının içerisinde herhangi bir yerde bulunmaktadır.

Bu sayı için tüm dünyada her yıl 14 Mart günü "Dünya π Günü" olarak çeşitli matematik etkinlikleriyle kutlanmaktadır.

Cember Parçasının Uzunluğu

Paralimpik oyunları ilk olarak 1948'de İngiltere'de engelli askerler için gerçekleştirilmeye başlanmıştır. Bu oyunlar günümüzde binlerce engelli sporcunun katıldığı büyük olimpiyat oyunları hâline gelmiştir.

2016 yılında Rio de Janeiro'da düzenlenen 15. Paralimpik Olimpiyatlarında Türkiye'den katılan engelli sporcularımız 9 madalya kazanmışlardır.



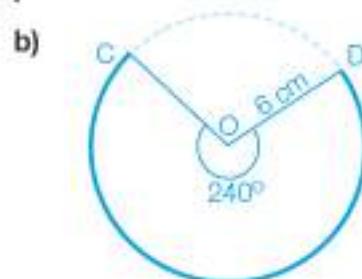
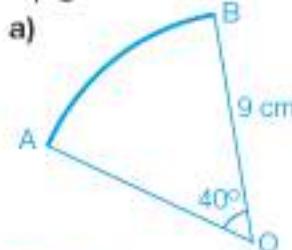
Berke, paralimpik oyunlarına Tekerlekli Sandalye Sporları dalında katılacaktır. Yanda Berke'nin antrenman yapması için özel olarak tasarlanmış pist verilmiştir.

- Yarıçapı 40 m olan bu pistte Berke'nin A noktasından başlayıp pistin çevresini bir kez dolaştığında alacağı yolun uzunluğu hakkında ne söyleyebilirsiniz?

* Çemberin çevresinin hesaplanması, oran ve orantı konularını hatırlayarak çember parçasının uzunluğunun nasıl hesaplanacağını düşününüz.

Birlikte Çözelim 1

Aşağıda verilen O merkezli çemberlerdeki çember yaylarının uzunluklarını bulalım.



Çözüm:

$$\begin{aligned} \text{a)} \quad & \text{Bütün çemberin çevresi} = 2\pi r \\ & = 2 \cdot \pi \cdot 9 \\ & = 18\pi \end{aligned}$$

360° lik yayın uzunluğu 18π ise
 40° lik yayın uzunluğu $|\widehat{AB}|$

$$\begin{aligned} \text{b)} \quad & \text{Bütün çemberin çevresi} = 2\pi r \\ & = 2 \cdot \pi \cdot 6 \\ & = 12\pi \end{aligned}$$

360° lik çember yayın uzunluğu 12π ise
 240° lik çember yayın uzunluğu $|\widehat{CD}|$

$$\begin{aligned} \text{D.O.} \quad & \frac{360^\circ - |\widehat{AB}|}{360} = \frac{18\pi \cdot 40}{360} \\ & |\widehat{AB}| = \frac{18\pi}{9} \\ & |\widehat{AB}| = 2\pi \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{D.O.} \quad & \frac{360^\circ - |\widehat{CD}|}{360} = \frac{12\pi \cdot 240}{360} \\ & |\widehat{CD}| = \frac{24\pi}{3} \\ & |\widehat{CD}| = 8\pi \end{aligned}$$

40° lik çember yayının uzunluğu 2π cm'dir.

240° lik çember yayının uzunluğu 8π cm'dir.

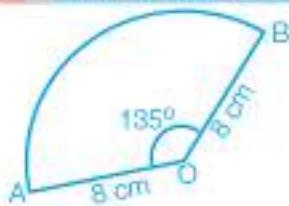


r yarıçaplı bir çemberde a derecelik bir yayın uzunluğu, orantıdan faydalananarak bulunur.

360 derecelik merkez açısı gören yayın uzunluğu $2\pi r$ ise
 a derecelik merkez açısı gören yayın uzunluğu x olur.

D.O.

$$x = \frac{a \cdot 2\pi r}{360^\circ} = 2\pi r \cdot \frac{a}{360^\circ} \text{ olur.}$$



Yanda verilen O merkezli çember parçasının çevre uzunluğunu hesaplayalım.
($\pi = 3$ alalım.)

Çözüm:

$$\text{Bütün çemberin çevresi} = 2\pi r$$

$$= 2 \cdot \pi \cdot 8$$

$$= 48 \text{ cm}$$

360° lik çember yayının uzunluğu $\cancel{\times}$ 48 cm ise
 135° lik çember yayının uzunluğu $\boxed{|\widehat{AB}|}$

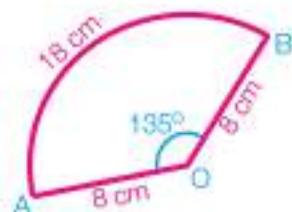
D.O.

$$360^\circ \cdot |\widehat{AB}| = 48 \cdot 135^\circ$$

$$\frac{360^\circ \cdot |\widehat{AB}|}{360^\circ} = \frac{48 \cdot 135^\circ}{360^\circ}$$

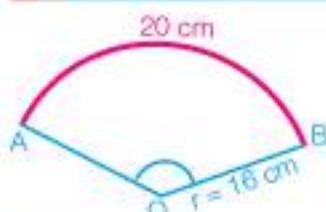
$$|\widehat{AB}| = 18 \text{ cm}$$

Çember yayının uzunluğu 18 cm'dir.



Şeklin çevre uzunluğu, çember yayı ve iki yançap uzunluğunun toplamına eşittir.

Şeklin çevresi ise $18 + 8 + 8 = 34$ cm'dir.



Yançapı 16 cm olan çemberde AB yayının uzunluğu 20 cm ise AOB açısının ölçüsünün kaç derece olduğunu bulalım. ($\pi = 3$ alalım.)

Çözüm:

$m(\widehat{AOB}) = a$ olsun. Bu durumda

$$|\widehat{AB}| = \frac{2\pi r \cdot a}{360^\circ}$$

$$|\widehat{AB}| = 2\pi r \cdot \frac{a}{360^\circ}$$

$$20 = 2 \cdot 3 \cdot 16 \cdot \frac{a}{360^\circ}$$

$$20 = 96 \cdot \frac{a}{360^\circ}$$

$$75^\circ = a$$

AOB merkez açısının ölçüsü 75° olur.



ARŞİMET

Archimedes (Arşimet); MÖ 287-212 yılları arasında yaşamış Yunan matematikçi, fizikçi, astronom, filozof ve mühendistir.

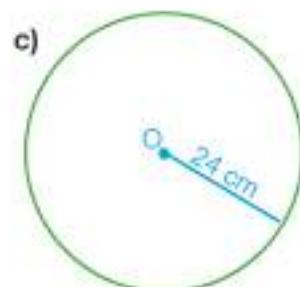
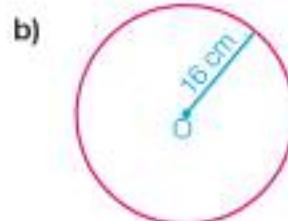
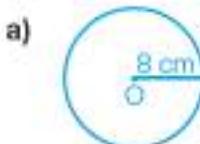
Matematige çağ atlattıran buluşlara sahip Arşimet; biri dairenin hemen dışına, diğeri hemen içine olacak şekilde 2 tane düzgün çokgen çizip her iki düzgün çokgenin çevrelerini bularak dairenin çevresini hesaplamıştır. Bu çevre hesabı ile dairenin çevresinin çapına oranının yanı "π"nin değerin 3 + 1/7-22/7 ile 3+10/17 arasında olduğunu bulmuştur.



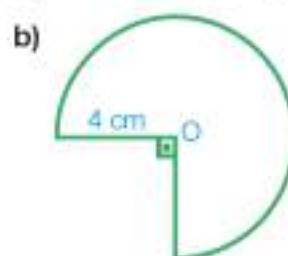
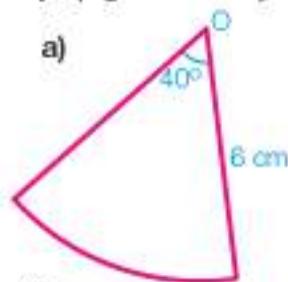


Cözüm Sende

1) Aşağıda verilen çemberlerin çevrelerini bulunuz. ($\pi = 3$ alınız.)



2) Aşağıda verilen çember parçalarının çevrelerini bulunuz. ($\pi = 3$ alınız.)



3)



Bir bisikletin 66 cm çaplı ön tekerleği A noktasından B noktasına 8 tur atarak gelmektedir. A ile B noktaların arasındaki uzaklık kaç cm'dir? ($\pi = 3$ alınız.)



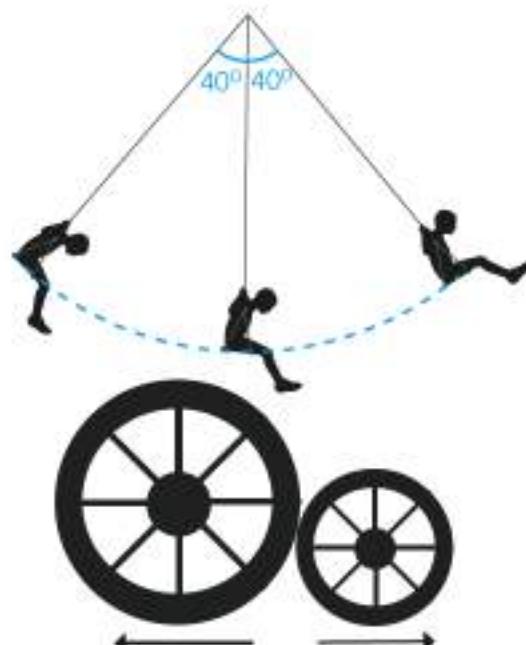
Yandaki duvar saatinde akrebin uzunluğu 5 cm, yelkovanın uzunluğu ise 8 cm'dir. Saat 04.00'ü gösterdikten bir saat sonra yelkovanın çizdiği yay, akrebin çizdiği yaydan kaç cm fazladır? ($\pi = 3$ alınız.)

5) Harun, salıncakta sallanmak isteyen kardeşini ilk konumundan 40° geri çekerek bırakır. Kardeşi 40° ileri, 40° geri olacak şekilde sallanmaya devam eder.

Salıncığın zincirinin uzunluğu 2 m olduğuna göre salıncığın çizdiği yayın uzunluğu kaç metredir?

($\pi = 3$ alınız.)

6) Yançap uzunlukları 50 cm ve 40 cm olan 2 tekerlek aynı noktadan zit yönlerde düz bir şekilde hareket ettileriyor. Büyük tekerlek 20 tur, küçük tekerlek 30 tur attığında tekerlekler birbirinden kaç m uzaklaşmış olur? ($\pi = 3$ alınız.)



Dairenin Alanı



Ülkemizde kanalizasyon kapaklarının neredeyse tümü daire şeklindedir. Bunun en önemli nedeni, bu kapakların herhangi bir sebeple açıldığında rögara düşme olasılıklarının olmamasıdır. Kapaklar dikdörtgen veya kare olsalar da köşegen ekseni içinde rögarn içine düşebilirlerdi.

Daire şeklindeki rögär kapakları, şekilleri yönüyle en az malzeme kullanılarak üretilmişlerinden ekonomiktirler.

Bir insanın içine girebileceği bir genişlikte olan en uygun ve en ekonomik rögär kapakları, daire şeklinde üretilmiş olanlardır.

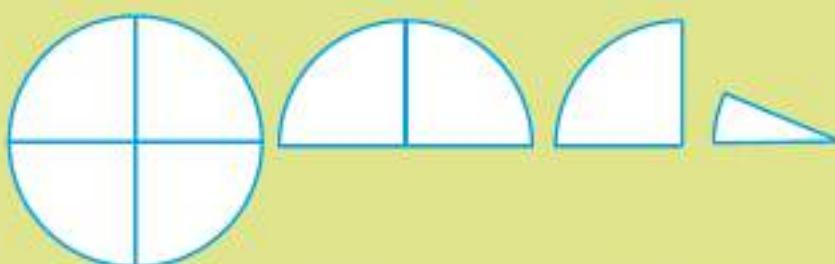
- Daire şeklinin bu fonksiyonel kullanımına çevrenizden başka ömekler veriniz.

ETKİNLİK

Araç-Gereçler: el işi kağıdı (bir yüzü renkli, bir yüzü beyaz), makas, pergel, yapıştırıcı

Uygulama Basamakları:

- El işi kağıdı üzerine yarıçapı 10 cm olan daire çiziniz.
- Çizdiğiniz daireyi kesiniz.
- Kestiğiniz daireyi önce ikiye katlayınız.
- Katladığınız kısmıyı tekrar ikiye katlayınız.
- Bu işlemi iki kez daha tekrar ediniz. Son durumda kâğıt dört kere katlanmış olacaktır.
- Katladığınız kâğıdı açınız. Katlanmış daireyi açığınızda kaç tane daire dilimi elde ettiniz?



- Katladığınız daireyi kat izlerinden keserek $\frac{1}{16}$ 'lık 16 tane daire dilimi elde ediniz.
- Daire dilimlerini bir renkli tarafı, bir beyaz tarafı gelecek şekilde yan yana yapıştırınız.



- Elde ettiğiniz şekil hangi dörtgene benzemektedir?
- Bu daireyi daha fazla dilimlere ayırsaydınız ne olurdu?
- Bu daireyi sonsuz sayıda dilime ayırsaydınız ne olurdu?
- Oluşan dörtgensel bölgenin kenarları hakkında ne söyleyebilirsiniz?
- Bu dörtgenin alanı ile dairenin alanı arasında ilişkili açıklayınız.

Birlikte Çözelim 1

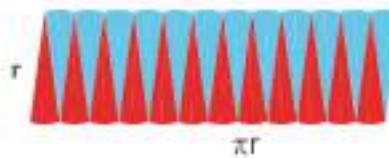
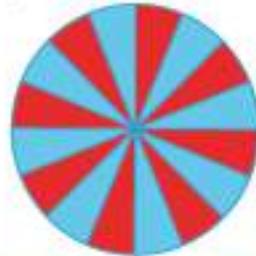


Yarıçapı 20 cm olan dairenin alanını, bir önceki sayfada yaptığımız etkinlikten yararlanarak aynı yöntemle bulalım.



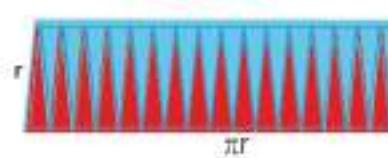
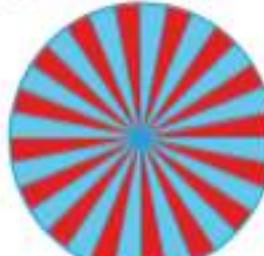
Çözüm:

Dairemizi 16 eş dilimme ayıralım.



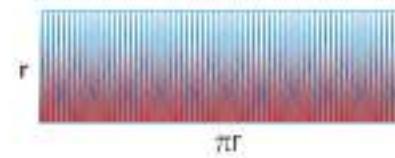
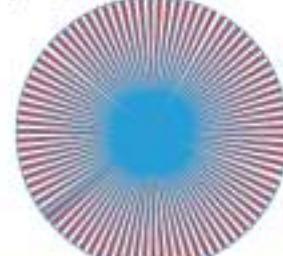
16 eş dilim yan yana getirildiğinde paralelkenara yakın bir şekil elde edilir.

Dairemizi 32 eş dilimme ayıralım.



32 eş dilim yan yana getirildiğinde dikdörtgene yakın bir şekil elde edilir.

Dairemizi sonsuz eş dilimme ayırdığımızı düşünelim.



Sonsuz eş dilim yan yana getirildiğinde dikdörtgene oldukça yakın bir şekil elde edilir.
Alan = $\pi r \cdot r = \pi r^2$

O hâlde yarıçapı 20 cm olan dairenin alanı

$$\begin{aligned} \text{Alan} &= \pi \cdot 20^2 \\ &= 400\pi \text{ cm}^2 \text{ dir,} \end{aligned}$$



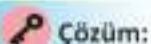
Yarıçap uzunluğu "r" olan bir dairenin alanı,
Alan = πr^2 ile hesaplanır.



Birlikte Çözelim 2



Yanda verilen madeni 1 TL'nin görünen yüzeyinin çapı yaklaşık olarak 26 mm'dir. Buna göre 1 TL'nin görünen yüzeyinin alanını bulalım.



Çapı 26 mm olan madeni paranın yarıçapı 13 mm'dir.

$$A = \pi r^2$$

$$A = \pi \cdot 13^2$$

$$A = \pi \cdot 169$$

$$A = 169\pi \text{ mm}^2$$



Yandaki karenin bir kenarı 20 cm'dir.
Karenin içine kenarlara tam ortalarında
değecek şekilde daire yerleştirilmiştir.
Buna göre mavi alanın kaç cm^2
olduğunu bulalım. ($\pi = 3,14$ alalım.)

Çözüm:

Mavi alanı bulmak için karenin
alanından dairenin alanını
çıkarmamız gereklidir. Karenin
bir kenar uzunluğunu a ile
gösterelim.

$$\begin{aligned}\text{Mavi alan} &= \text{Karenin alanı} - \text{Dairenin alanı} \\ &= a \cdot a - \pi \cdot r^2 \\ &= 20 \cdot 20 - 3,14 \cdot 10^2 \\ &= 400 - 3,14 \cdot 100 \\ &= 86 \text{ cm}^2\end{aligned}$$

Alanı $225\pi \text{ cm}^2$ olan daire şeklindeki tepsinin çevresini hesaplayalım.

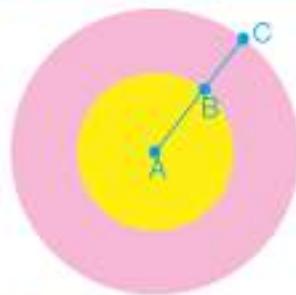
Çözüm:

$$\begin{aligned}A &= \pi \cdot r^2 \\ 225\pi &= \pi \cdot r^2 \\ 225 &= r^2 \\ 15 &= r\end{aligned}$$

Dairenin yarıçapı 15 cm'dir.

$$\begin{aligned}\text{Dairenin çevresi} &= 2 \cdot \pi \cdot r \\ &= 2 \cdot \pi \cdot 15 \\ &= 30\pi\end{aligned}$$

Alanı $225\pi \text{ cm}^2$ olan daire
şeklindeki tepsinin çevresi 30π
 cm^2 'dir.



Yanda üst üste yerleştirilmiş daire şeklindeki iki levhanın büyük
olani pembe, küçük olani ise sandır. Büyük levhanın yarıçapı,
küçük levhanın yarıçapının iki katıdır. Büyük levhanın yarıçapı 14
cm olduğuna göre pembe renkli alanın kaç cm^2 olduğunu
hesaplayalım. ($\pi = \frac{22}{7}$ alalım.)

Çözüm:

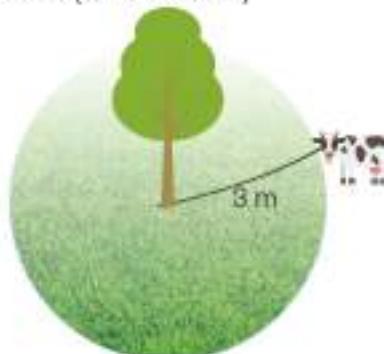
Pembe bölgenin alanı, büyük dairenin alanından küçük dairenin alanı çıkarılarak bulunur.
Pembe alan = Büyük dairenin alanı - San dairenin alanı

$$\begin{aligned}&= \pi \cdot 14^2 - \pi \cdot 7^2 \\ &= \frac{22}{7} \cdot 196 - \frac{22}{7} \cdot 49 \\ &= 616 - 154 \\ &= 462 \text{ cm}^2\end{aligned}$$

Pembe renkli alan 462 cm^2 dir.

Birlikte Çözelim 6

Bir çiftçi, ineğini 3 m'lik bir ip ile ağaç'a bağlıyor. İneğin otlayabileceği alanın en fazla kaç m^2 olacağını bulalım. ($\pi = 3$ alınır.)



Çözüm:

İneğin otlayabileceği en geniş alan
yançapı 3 m olan dairesel bölgedir.

$$\text{Alan} = \pi r^2$$

$$\text{Alan} = 3 \cdot 3^2$$

$$\text{Alan} = 3 \cdot 9 = 27 \text{ m}^2$$

İneğin otlayabileceği bölgenin
alanı 27 m^2 dir.

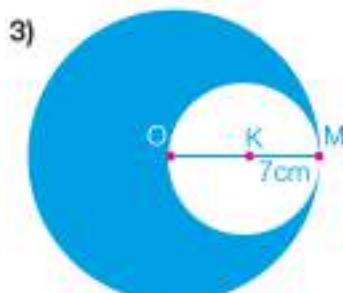
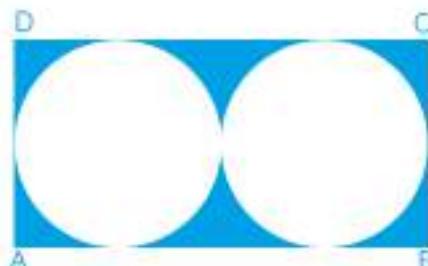


Çözüm Sende

1) Aşağıdaki tabloyu doldurunuz.

Dairenin Çapı (cm)	Dairenin Yarıçapı (cm)	Dairenin Çevresi (π)	Dairenin Alanı (π)
16
0,8
.....	12π
.....	9π

2) ABCD dikdörtgeninin içine kenarlara degecek şekilde iki eş
daire çizilmiştir. $|AB| = 12 \text{ cm}$ olduğuna göre taralı bölgenin
alanı kaç cm^2 dir? ($\pi = 3$ alınır.)



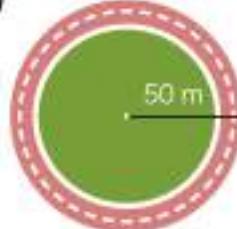
Yanda O ve K merkezli daireler M noktasında birbirine değmektedir.

$|KM| = 7 \text{ cm}$ olduğuna göre taralı bölgenin alanı kaç cm^2 dir?
($\pi = \frac{22}{7}$ alınır.)

4) Yandaki 7:00'yı gösteren saatin yelkovanının uzunluğu 12 cm'dir. Saat
8:00 olana kadar yelkovanın taradığı alan toplam kaç cm^2 dir?
($\pi = 3$ alınır.)



5)



Yanda verilen daire şeklindeki çim sahanın etrafında genişliği 10 m olan koşu
pistleri vardır. Daire şeklindeki bu koşu pistinin içindeki çim alan böülecektir.
Çimin metrekaresini 1,25 TL'den bulucek bir firmaya yaklaşık kaç TL ödenmesi
gerekir? ($\pi = 3$ alınır.)

Daire Diliminin Alanı



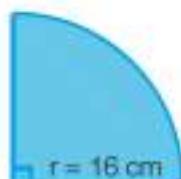
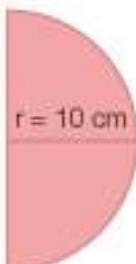
- Şekildeki aracın sileceği 40 cm uzunluğundadır.
- Sileceğin temizlediği camın yüzey alanı hakkında ne söyleyebilirsiniz?
 - Sileceğin temizlediği camın yüzey alanını nasıl bulabiliriz?



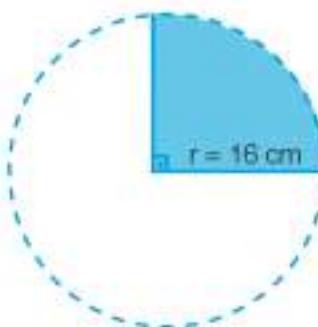
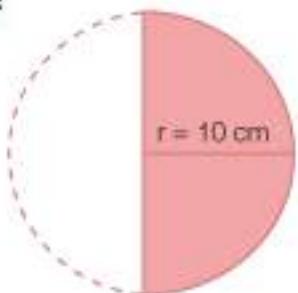
Dairenin alanını ve oran orantı konularını hatırlayarak daire diliminin alanının nasıl hesaplanacağı konusunda neler söyleyebilirsiniz?

Birlikte Çözelim 1

Aşağıdaki yarım ve çeyrek daire dilimlerinin alanlarını bulalım.



Çözüm:



Yarım dairemiz bütün bir daire olsaydı alanı:

$$A = \pi \cdot r^2$$

$$A = \pi \cdot 10^2$$

$A = 100\pi$ olurdu.

Ceyrek dairemiz bütün bir daire olsaydı alanı:

$$A = \pi \cdot r^2$$

$$A = \pi \cdot 16^2$$

$A = 256\pi$ olurdu.

O hâlde istenen bölge dairenin yansı olduğundan

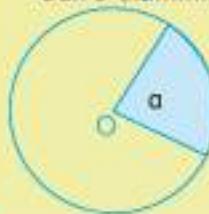
yarım dairenin alanı: $\frac{100\pi}{2} = 50\pi \text{ cm}^2$ dir.

O hâlde istenen bölge dairenin $\frac{1}{4}$ 'ü olduğundan

çeyrek dairenin alanı: $\frac{256\pi}{4} = 64\pi \text{ cm}^2$ dir.



r yarıçaplı bir dairede a derecelik bir merkez açının gördüğü daire diliminin alanı, orantıdan yararlanılarak bulunur.

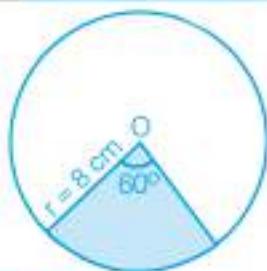


$$\frac{360 \text{ derecelik dairenin alanı}}{D.O.} = \frac{a \text{ derecelik daire diliminin alanı}}{x}$$

$\times \pi \cdot r^2$ ise
 x' tir.

$$x = \frac{a \cdot \pi r^2}{360^\circ} = \pi r^2 \cdot \frac{a}{360^\circ}$$

Birlikte Çözelim 2



Yandaki O merkezli dairenin yarıçapı 8 cm'dir. 60° lik merkez açının gördüğü daire diliminin alanını bulalım. ($\pi = 3$ alınız.)



Çözüm:

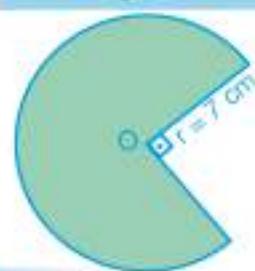
$$\begin{aligned} \text{Bütün dairenin alanı} &= \pi \cdot r^2 \\ &= 3 \cdot 8^2 \\ &= 192 \text{ cm}^2 \text{ dir.} \end{aligned}$$

$$\begin{array}{c} 360^\circ \text{ lik daire diliminin alanı} \\ 60^\circ \text{ lik daire diliminin alanı} \end{array} \times \frac{192 \text{ cm}^2 \text{ ise}}{x}$$

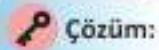
$$\begin{aligned} D.O. &= \frac{192 \cdot 60^\circ}{360^\circ} \\ &= \frac{192}{6} \\ &= 32 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

60° lik merkez açının gördüğü daire diliminin alanı 32 cm^2 dir.

Birlikte Çözelim 3



Yandaki daire diliminin yüzey alanını bulalım. ($\pi = \frac{22}{7}$ alalım.)



$$\begin{aligned} \text{Bütün dairenin alanı} &= \pi \cdot r^2 \\ &= \frac{22}{7} \cdot 7^2 \\ &= 154 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

Bizden istenilen daire dilimi,

$360^\circ - 90^\circ = 270^\circ$ lik daire dilimidir. O hâlde,

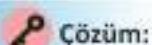
$$270^\circ \text{ lik merkez açıya sahip daire diliminin alanı} = \pi r^2 \cdot \frac{a}{360^\circ}$$

$$\begin{aligned} &= \frac{22}{7} \cdot 7^2 \cdot \frac{270^\circ}{360^\circ} \\ &= 115,5 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

Daire diliminin yüzey alanı $115,5 \text{ cm}^2$ dir.

Birlikte Çözelim 4

Bir dairede 135° lik daire diliminin alanı $54\pi \text{ cm}^2$ ise dairenin yarıçapının kaç cm olduğunu bulalım.



Çözüm:

135° lik daire diliminin alanı $54\pi \text{ cm}^2$ ise orantı ile dairenin tamamının alanını bulalım:

135° lik daire diliminin alanı $\cancel{\times}$ $54\pi \text{ cm}^2$ ise

360° lik daire diliminin alanı $\cancel{\times}$ $x \text{ cm}^2$ dir.

D.O.

$$x = \frac{54\pi \cdot 360^\circ}{135^\circ} = \frac{54\pi \cdot 8}{3} = 144\pi \text{ cm}^2$$

Bütün dairenin alanı $144\pi \text{ cm}^2$ dir.

$$A = \pi \cdot r^2$$

$$144\pi = \pi \cdot r^2$$

$$\frac{144\pi}{\pi} = \frac{\pi \cdot r^2}{\pi}$$

$$144 = r^2$$

$$12 = r$$

Dairenin yarıçapı 12 cm 'dir.

Birlikte Çözelim 5



Merkezleri aynı olan, üst üste çizilmiş iki daireden küçük olanın yarıçapı 6 cm , büyük olanın yarıçapı 8 cm 'dir.

Bu daireden 90° lik bir dilim kesildiğinde bu iki daire dilimi arasında kalan bölgenin alanını bulalım.



Çözüm:

Tarali bölgenin alanını bulabilmek için büyük daire diliminin alanından küçük daire diliminin alanını çıkarmalıyız.

Büyük dairenin alanı, $\pi \cdot 8^2 = 64\pi \text{ cm}^2$ dir.

Bundan yararlanarak büyük daire diliminin alanını bulalım:

$$\begin{array}{rcl} 360^\circ & \cancel{\times} & 64\pi \text{ cm}^2 \\ 90^\circ & \cancel{\times} & x \\ \hline \end{array}$$

D.O.

$$\frac{360^\circ \cdot x}{360^\circ} = \frac{64\pi \cdot 90^\circ}{360^\circ}$$

$$x = 16\pi \text{ cm}^2$$

Büyük daire diliminin alanı $16\pi \text{ cm}^2$ dir.

Küçük dairenin alanı, $\pi \cdot 6^2 = 36\pi \text{ cm}^2$ dir.

Bundan yararlanarak küçük daire diliminin alanını bulalım:

$$\begin{array}{rcl} 360^\circ & \cancel{\times} & 36\pi \text{ cm}^2 \\ 90^\circ & \cancel{\times} & x \\ \hline \end{array}$$

D.O.

$$\frac{360^\circ \cdot x}{360^\circ} = \frac{36\pi \cdot 90^\circ}{360^\circ}$$

$$x = 9\pi \text{ cm}^2$$

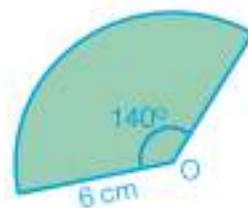
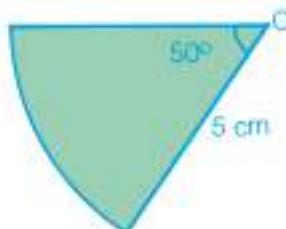
Küçük daire diliminin alanı $9\pi \text{ cm}^2$ dir.

$$\begin{aligned} \text{Tarali bölgenin alanı} &= 16\pi - 9\pi \\ &= 7\pi \text{ cm}^2 \text{ dir.} \end{aligned}$$

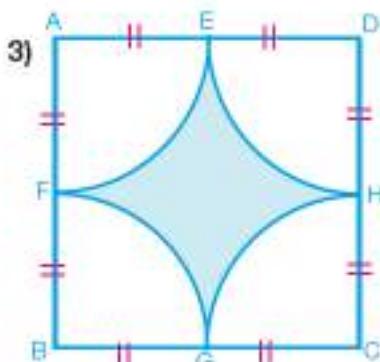
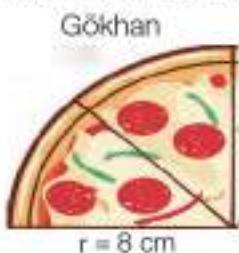


Çözüm Sende

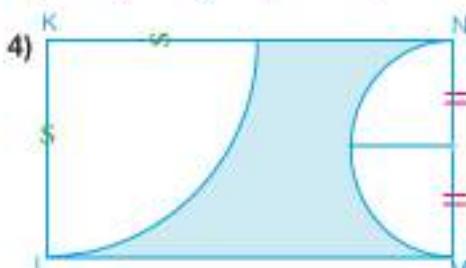
- 1) Aşağıda verilen O merkezli daire dilimlerinin alanlarını bulunuz.



- 2) Gökhan, Elif ve Gizem; kalınlıkları ve malzemeleri aynı, yançapları farklı olan aşağıdaki pizza dilimlerini yemişlerdir. Buna göre en fazla pizzayı kim yemiştir?



Yandaki ABCD karesinin bir kenarı 12 cm'dir.
Buna göre boyalı alan kaç cm^2 dır?



Şekilde KLMN dikdörtgeninin uzun kenarı 12 cm, kısa kenarı 4 cm'dir. Buna göre boyalı bölgenin alanı kaç cm^2 dır?

- 5) Bir daire diliminin merkez açısı 2 katına çıkarılıp yançıپı yanya indirilirse bu daire diliminin alanında nasıl bir değişiklik olur?

6)



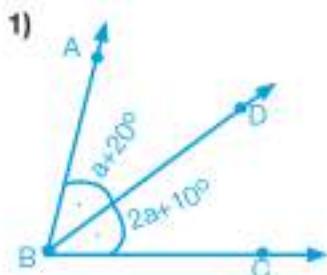
$\text{Çap} = 30 \text{ cm}$
30 TL



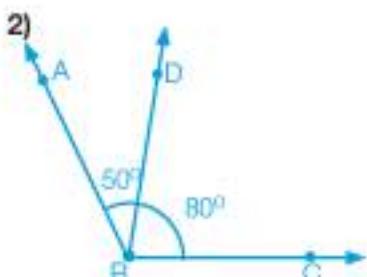
$\text{Çap} = 40 \text{ cm}$
40 TL

Kalınlığı aynı olan iki lahmacunun çapları ve fiyatları yanda verilmiştir. Yüzey alanlarını fiyatlarıyla oranladığınızda lahmacunlardan hangisinin daha ucuz olduğunu bulunuz.

5. ÜNİTE DEĞERLENDİRME SORULARI



Yandaki şekilde \widehat{ABD} , \widehat{ABC} açısının açıortaydır.
 $m(\widehat{ABD}) = a + 20^\circ$ ve $m(\widehat{DBC}) = 2a + 10^\circ$ olduğuna göre
 $m(\widehat{ABC}) = ?$



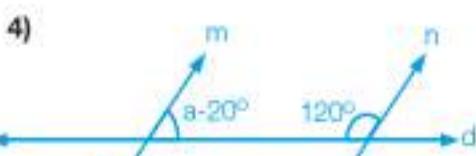
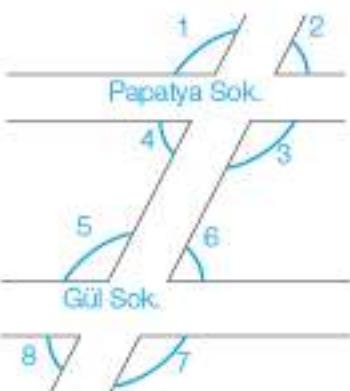
$m(\widehat{ABD}) = 50^\circ$ ve $m(\widehat{DBC}) = 80^\circ$ dir.

Yanda verilenlere göre \widehat{ABD} ve \widehat{DBC} 'nın açıortayları arasında kalan açı kaç derecedir?

3) Yandaki krokide Papatya Sokak ve Gül Sokak birbirine paralleldir.
 Buna göre aşağıdaki boşlukları doldurunuz.

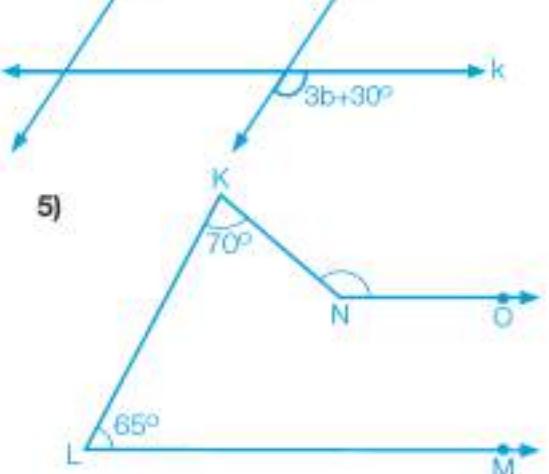
- a) 1 numaralı açı ile 5 numaralı açı açılardır.
- b) 2 numaralı açı ile 4 numaralı açı açılardır.
- c) açıya 4 numaralı açı ile 6 numaralı açı ömektir.
- ç) 2 numaralı açı ile 8 numaralı açı açıya ömektir.
- d) 5 ve 7 numaralı açılar ters açılardır.

Bu nedenle bu açılar açılardır.



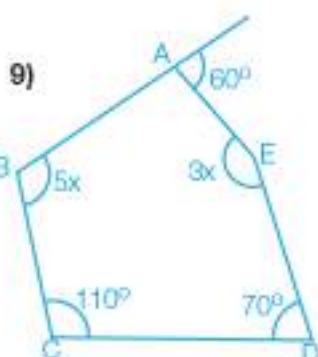
Yandaki şekilde $d \parallel k$ ve $m \parallel n$ olduğuna göre $a + b$ kaç derecedir?

- A) 90 B) 100 C) 110 D) 120

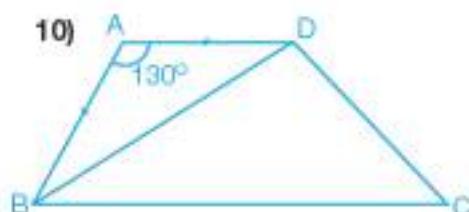


[$NO \parallel LM$ ve $m(\widehat{KLM}) = 65^\circ$, $m(\widehat{LKN}) = 70^\circ$ olduğuna göre $m(\widehat{KNO}) = ?$]

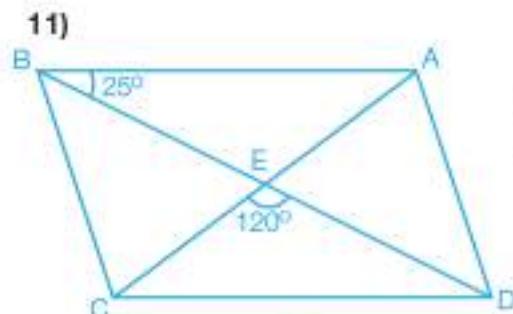
- 6) Sekiz kenarlı bir çokgenin iç açı ölçüleri toplamı kaç derecedir?
- 7) İç açı ölçüleri toplamı 1260° olan düzgün çokgenin kaç kenarı vardır?
- 8) Düzgün onikigenin bir iç açısının ölçüsünün, düzgün beşgenin bir dış açısının ölçüsüne oranı nedir?



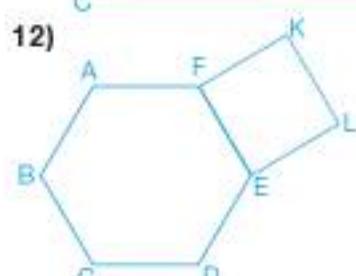
Yandaki ABCDE beşgeninde verilenlere göre göre x kaçtır?



Yandaki ABCD yamuğunda $|AB| = |AD|$ ve $m(\widehat{BAD}) = 130^\circ$ ise $m(\widehat{DBC}) = ?$

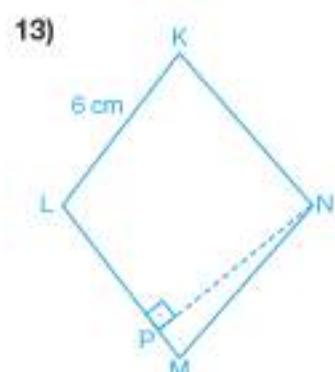


ABCD paralelkenarında $m(\widehat{EBA}) = 25^\circ$ ve $m(\widehat{CED}) = 120^\circ$ ise $m(\widehat{ACD}) = ?$



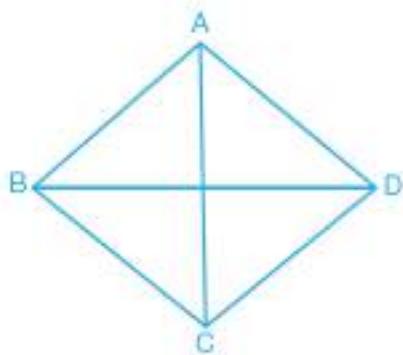
Yandaki şekilde ABCDEF düzgün altigen, FELK karedir. Buna göre $m(\widehat{DEL})$ kaç derecedir?

- A) 100 B) 120 C) 150 D) 160



Bir kenarının uzunluğu 6 cm olan KLMN eşkenar dörtgeninde $|PN| = 10$ cm ise KLMN eşkenar dörtgeninin alanını bulunuz.

14)



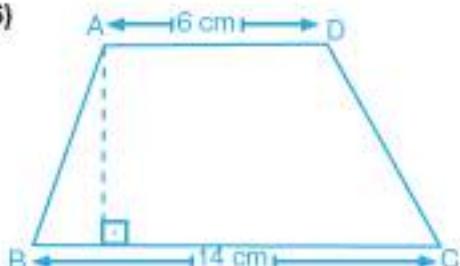
ABCD eşkenar dörtgeninin alanı 300 cm^2 ve $|BD| = 30 \text{ cm}$ ise $|AC| = ?$

15)



Yanda birimkareli kağıt üzerine çizilmiş yamuğun alanının kaç birimkare olduğunu bulunuz.

16)



Yandaki ABCD yamuğunun alanı 90 cm^2 olduğuna göre yamuğun yüksekliği kaç cm'dir?

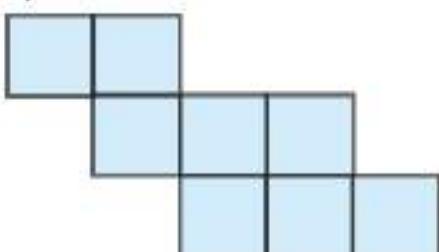
17)



Yanda yarıçapı 12 cm olan daire şeklinde bir tabak vardır. Tabağın içinde köşegen uzunlukları 5 cm ve 4 cm olan iki adet eş baklava dilimiği vardır. Tabağın boş kısmının alanı nedir?
($\pi = 3$ alınır.)

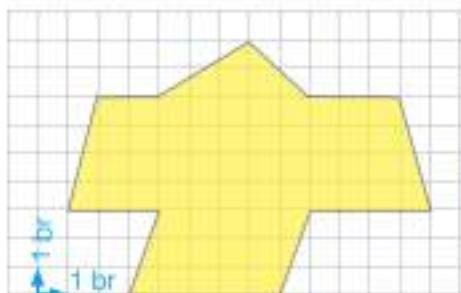
18) Kenar uzunlıklarını birer doğal sayı ve alanı 32 br^2 olan farklı kaç dikdörtgen çizilebilir?

19)



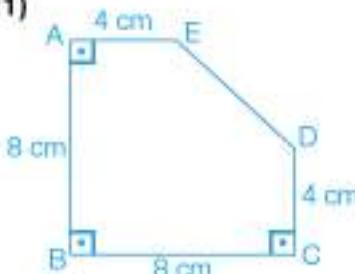
Yandaki şekil, her birinin alanı 36 br^2 olan 8 eş kareden oluşmaktadır. Şeklin çevresini bulunuz.

20)



Yanda birimkareli kâğıda çizilmiş boyalı bölgenin alanı kaç br^2 dir?

21)



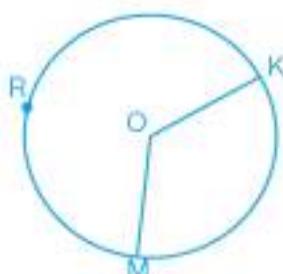
Şekilde $|AB| = |BC| = 8 \text{ cm}$ ve $|AE| = |DC| = 4 \text{ cm}$ 'dır.
 $m(\widehat{A}) = m(\widehat{B}) = m(\widehat{C}) = 90^\circ$ olduğuna göre ABCDE çokgeninin alanı kaç santimetrekaredir?

- A) 18 B) 32 C) 48 D) 56

22) Her birinin çevre uzunluğu 18 santimetre olan dikdörtgen biçimindeki 2 eş fayanstan oluşan kare şeklindeki bölgenin alanı kaç santimetrekaredir?

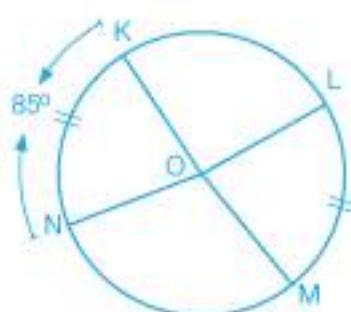
- A) 36 B) 25 C) 16 D) 9

23)



Yandaki O merkezli çemberde $m(\widehat{KOM}) = 100^\circ$ ise KRM yayının ölçüsü kaç derecedir?

24)



Yandaki O merkezli çemberde \widehat{KN} ve \widehat{LM} , ölçülerini eşit olan yaylardır.

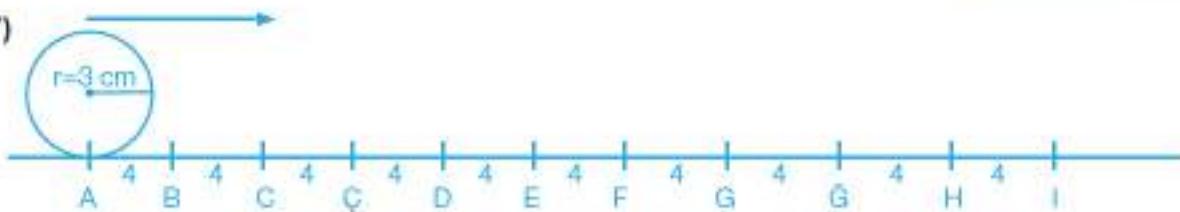
$m(\widehat{KN}) = 85^\circ$ ve $m(\widehat{LOM}) = 4x - 5^\circ$ ise x kaç derecedir?

25) Bisikletlerde tekerliğin çapı "inç" biriminden ifade edilir. 26 jant bisiklette jantın çapı 26 inçtir. Can'ın aldığı 26 jantlı bisikletin jantının çevre uzunluğu kaç cm'dır? (1 inç = 2,54 cm, $\pi = 3$ alınız.)

26) 25 m uzunluğundaki bir tel ile yançapının uzunluğu 20 cm olan çemberlerden en çok kaç tane oluşturulabilir? (π 'yi 3 alınız.)

- A) 21 B) 20 C) 19 D) 18

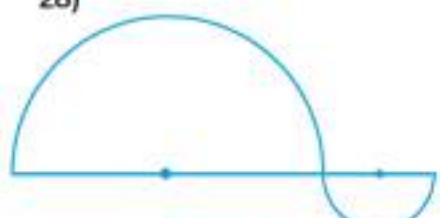
27)



A noktasındaki çember ok yönünde hareket ettirildiğinde

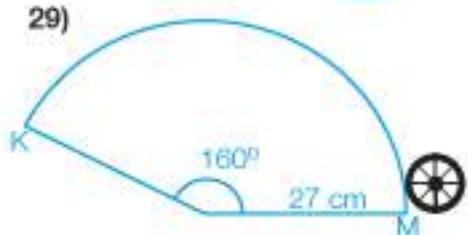
- 1 tam tur atarsa hangi noktaya veya noktalar arasına gelir?
 - 2 tur atarsa hangi noktaya veya noktalar arasına gelir?
- ($\pi = 3$ alınız.)

28)



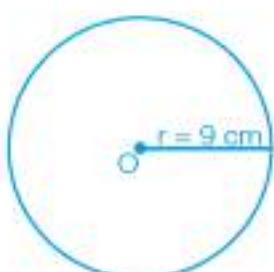
Yandaki şekil, yarıçapı 6 cm ve 2 cm olan yanım çemberlerden oluşmuştur. Verilen şeklin çevresi kaç cm'dir?
($\pi = 3$ alınız.)

29)



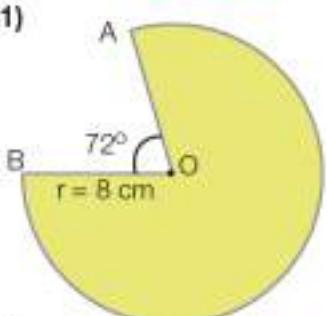
Yandaki şekilde yarıçapı 2 cm olan tekerlek M noktasından harekete başlayıp 160° lik yay üzerinde döndürüleerek K noktasına getiriliyor.
Bu tekerlek K noktasına gelene kadar kaç tam tur atar?

30)



Yandaki şekil, yarıçapı 9 cm olan bir dairedir. Bu dairenin alanını bulunuz. (π 'yi 3 alınız.)

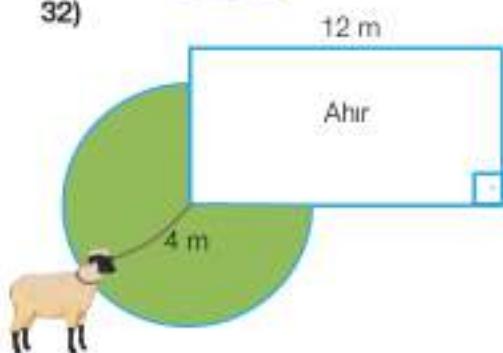
31)



Yanda verilen O merkezli daire diliminin yarıçap uzunluğu 8 cm'dir. $m(\widehat{AOB}) = 72^\circ$ olduğuna göre daire diliminin alanı kaç santimetrekaredir? (π 'yi 3 alınız.)

- A) 30 B) 60 C) 90 D) 120

32)



Yanda verilen dikdörtgen şeklindeki ahırın köşesine 4 m'lik iple bağlanan koyunun otlayacağı alanın en fazla kaç m^2 olabileceğini hesaplayınız. ($\pi = 3$ alınız.)

KENDİMİ DEĞERLENDİRİYORUM

Aşağıdaki formda 5. Ünitede işlenen konularla ilişkin sizden beklenen beceri ifadeleri bulunmaktadır. Tablonun her bir satırındaki derecelendirme durumunu kendiniz değerlendirerek işaretleyiniz. Bu değerlendirme formunu öğretmeninizle paylaşıp öğretmeninizin görüş ve önerilerini de alarak yapmanız gerekenleri planlayınız.

DOĞRULAR VE AÇILAR, ÇOKGENLER, ÇEMBER VE DAİRE	ORTA	İYİ	ÇOK İYİ
Bir açıyi iki eş açıya ayırarak açıortayı belirleyebilirim.			
Yöndeş, ters, iç ters, dış ters açıları belirleyebilirim.			
Yöndeş, ters, iç ters, dış ters açılar ile ilgili problemleri çözebilirim.			
Bir çokluğu diğer bir çokluğun yüzdesi olarak hesaplayabilirim.			
Düzenin çokgenlerin kenar özelliklerini açıklayabilirim.			
Düzenin çokgenlerin açı özelliklerini açıklayabilirim.			
Çokgenlerin köşegenlerini, iç ve dış açılarını belirleyebilirim.			
Çokgenlerin iç ve dış açılarının ölçülerini toplamını hesaplayabilirim.			
Dikdörtgen, paralelkenar, yamuk ve eşkenar dörtgenin açı özelliklerini belirleyebilirim.			
Eşkenar dörtgenin alanını bulabilirim.			
Yamuğun alanını bulabilirim.			
Eşkenar dörtgenin alanı ile ilgili problemleri çözebilirim.			
Yamuğun alanı ile ilgili problemleri çözebilirim.			
Dörtgenlerden oluşan bileşik şekillerin alanlarını bulabilirim.			
Çemberde merkez açıları, bu açıların gördüğü yayları ve ölçülerini arasındaki ilişkileri belirleyebilirim.			
Çemberin uzunluğunu hesaplayabilirim.			
Çember parçasının uzunluğunu hesaplayabilirim.			
Dairenin alanını hesaplayabilirim.			
Daire diliminin alanını hesaplayabilirim.			

Tam olarak öğrendiğim konular:

Tekrar etmem gereken konular:

Öğretmenimden aldığım öneriler:

BİRAZ DA EğLENELİM

Origami, Japonca ori (katlamak) ve gami (kağıt) sözcüklerinin birleşmesinden meydana gelen köşüt katlama sanatıdır. Origami, matematik ve geometri konularını somutlaştırarak özellikle geometrik terimlerin anlaşılmasında kolaylık sağlamaktadır. Origami ile çeşitli hayvan figürleri, geometrik şekiller, çiçekler, kutular yapabiliriz.

Haydi, hep birlikte origami ile düzgün altigen yapalım.



Dikdörtgen şeklinde kesilmiş bir renkli kağıt alalım. Önce yatay simetri ekseninden katlayalım. Sonra dikdörtgenin alt ve üst kenarını ortadaki simetri eksenine delegecek şekilde katlayalım.



Katlanan modülü sağ tarafımızda kalaçak şekilde tutalım.



Katlanan üst kanadı açarak üstteki şeği elde edelim. Sol alt köşeyi kullanarak bir üçgen katlaması yapalım. Bu üçgenin üst köşesi simetri ekseninin üzerindeyken üçgenin dik köşesi de köğidin iki katlı kısmın üstüne gelecek şekilde üçgen katlaması yapalım.



Sol tarafta kalan dikdörtgen uzantıyı üst tarafa doğru katlayarak dikdörtgenin tabanının 3 kat olan tarafında oluşan eşkenar dörtgenin kenarına oturacak şekilde katlayalım.



Sol köşede oluşan dik üçgen katlamasının üzerindeki kat izinden geçerek şekilde, dikdörtgenin sol üst köşesini de ortadaki simetri eksenine doğru katlayalım.



Oluşan modülün dikdörtgen uzantısı üzerindeki kat izinden içeriye doğru katlayalım.

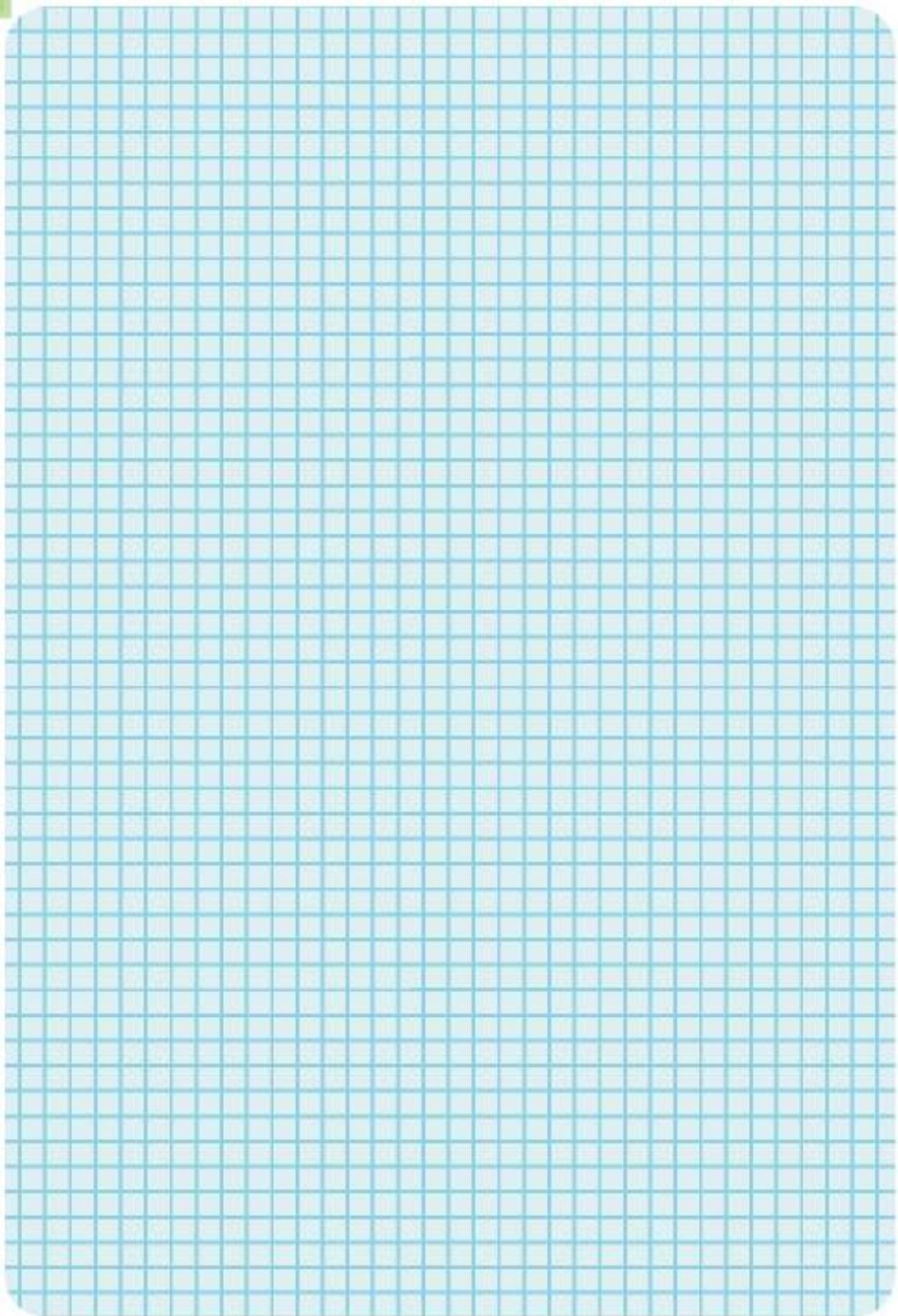


Elde edilen modülün üst kanadını kat izinden yararlanarak aşağıya doğru katlayalım.



Son olarak sağ tarafta kalan uzantıyı makas ile kendin hızında keselim ve elimizde düzgün bir altigen olduğunu görelim.





6. ÜNİTE

VERİ ANALİZİNDEN CISİMLERİN
FARKLI YÖNDEN GÖRÜNÜMLERİNE



VERİ İŞLEME

- Veri Analizi
- Cisimlerin Farklı Yönlerden Görünümleri

HATIRLAYALIM

1) Tablo: Üretilen Buğday Miktarı (Ton)

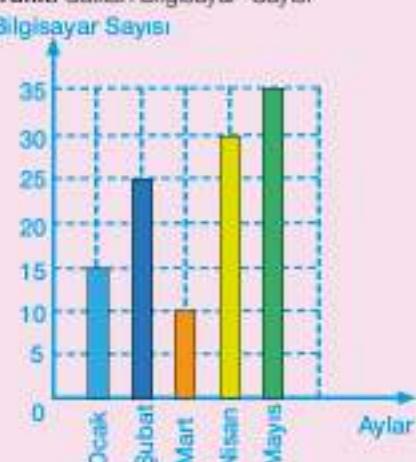
Yıllar	Üretim miktarı (Ton)
2013	20
2014	35
2015	30
2016	50

Arkadaşlar, bu konuya başlamadan önce "Hatırlayalım" sayfamızdaki soruları evde yaparak derse hazır geliniz.

Yukandaki tabloda bir köyde 4 yılda üretilen buğday miktarları verilmiştir. Bu bilgilerden yararlanarak yıllara göre üretilen buğday miktarlarını gösteren sütun grafiğini çiziniz.



2) Grafiğ: Satılan Bilgisayar Sayısı



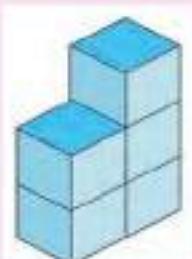
Yandaki grafikte bir mağazada 5 ayda satılan bilgisayar sayıları verilmiştir.

Grafiğe göre aşağıdakilerden hangisi yanlışır?

- A) Bilgisayar satışı en çok Mayıs ayında olmuştur.
- B) 5 ayda ortalama 23 bilgisayar satılmıştır.
- C) Mart ayındaki satış miktarı Ocak ayına göre fazladır.
- D) Bilgisayar satışının 22'den fazla olduğu ay sayısı üçtür.

3) Annenin 38, babanın 42 yaşında olduğu bir ailenin; 3, 7 ve 12 yaşlarında üç çocuğu vardır. Bu ailenin yaş ortalamasını bulunuz.

4)



Yanda verilen yapıyı oluştururken kaç tane küp kullanılmıştır?

1. Bölüm: VERİ ANALİZİ

Çizgi Grafiği

İthalat, başka bir ülkeden mal getirme veya satın alma; **ihracat** ise bir ülkenin ürettiği malları başka bir ülkeye veya ülkelere satması demektir.

Tablo: Türkiye'nin İthalat ve İhracat Verileri

Yıl	İhracat	İthalat
2009	102 142 613	140 928 421
2010	113 883 219	185 544 332
2011	134 906 969	240 841 676
2012	152 461 737	236 546 141
2013	151 802 637	251 661 250
2014	157 610 158	242 177 117
2015	143 838 871	257 234 359

Grafik: Türkiye'nin İthalat ve İhracat Verileri

İthalat ve İhracat Miktarları



Yukanda solda 2009 - 2015 yılları arasında Türkiye'nin ithalat ve ihracat TÜİK verileri tablosu verilmiştir. Sağda ise bu verilere ait grafik çizilmiştir.

- İthalat ve ihracat değerlerini karşılaştırmada tablo ve grafikten hangisi daha kolay anlaşılmaktadır?

Birlikte Çözelim 1

Aşağıdaki tabloda Kayseri ilinin Aralık ayına ait bir haftalık sıcaklık değerleri verilmiştir. Tabloda verilen sıcaklık değerlerini çizgi grafiği ile gösterelim ve grafiği yorumlayalım.

Tablo: Kayseri İlinin Aralık Ayına Ait Bir Haftalık Hava Sıcaklıklar ($^{\circ}\text{C}$)

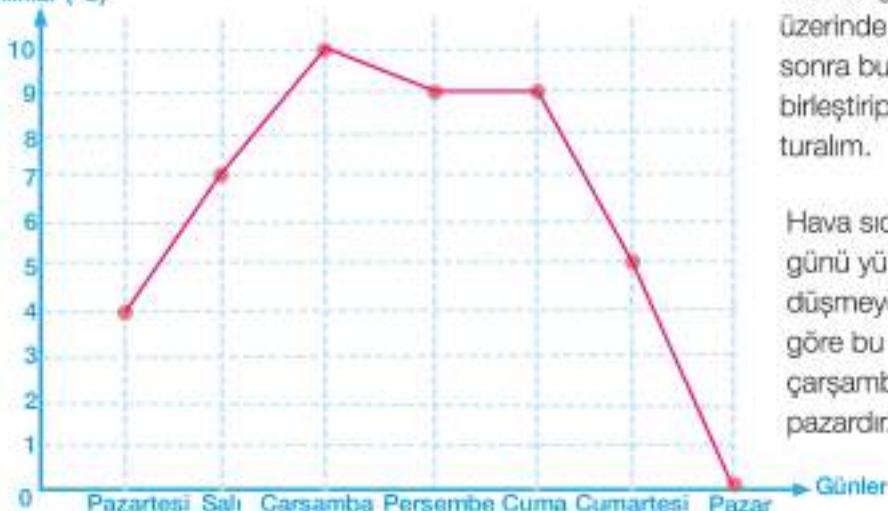
Günler	Pazartesi	Salı	Çarşamba	Perşembe	Cuma	Cumartesi	Pazar
Sıcaklıklar ($^{\circ}\text{C}$)	4	7	10	9	9	5	0

Çözüm:

Grafiği oluşturmak için yatay ve dikey eksende gösterilecek değerleri belirlemeliyiz. Yatay eksende zamana bağlı değerleri yazmak grafiği daha anlaşılır hale getirir. Bu yüzden yatay eksene günleri, dikey eksene sıcaklık değerlerini yazalım. Her gün ve o güne ait sıcaklık değerlerini gösteren noktaları belirtelim:

Grafik: Kayseri İlinin Aralık Ayına Ait Bir Haftalık Hava Sıcaklık Değerleri ($^{\circ}\text{C}$)

Sıcaklıklar ($^{\circ}\text{C}$)



Belirlediğimiz noktaları grafik üzerinde işaretleyelim. Daha sonra bu noktaların bir çizgi ile birleştirip çizgi grafiğini oluşturalım.

Hava sıcaklığı haftanın ilk 3 günü yükseliş 4. gün sıcaklık düşmeye başlamıştır. Grafiğe göre bu hafta en sıcak gün çarşamba, en soğuk gün ise pazarıdır.



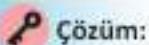
Verilerin yatay ve dikey eksendeki değerleri işaretlenerek bulunan noktaların çizgilerle birleştirilmesi sonucunda elde edilen grafiğe "çizgi grafiği" denir.



* Sizce hangi durumlarda çizgi grafiği tercih edilmelidir? Çizgi grafiğini kullanabileceğiniz farklı durumlara örnekler veriniz.

Birlikte Çözelim 2 ➤

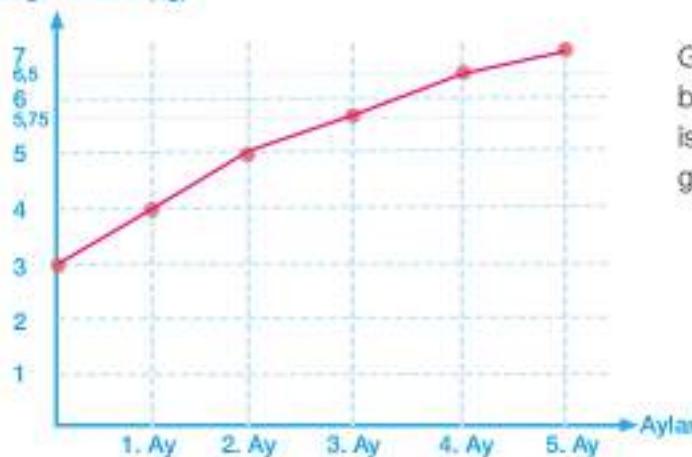
3 kg doğan bir bebeğin ilk 5 aydaki kütleyeleri; 1. ay 4 kg, 2. ay 5 kg, 3. ay 5,75 kg, 4. ay 6,5 kg ve 5. ay 7 kg olarak ölçülmüştür. Bu bebeğin ilk 5 aydaki kütleyelerini gösteren çizgi grafiğini oluşturup bu grafiği yorumlayalım.



Grafiği oluşturmak için yatay eksene ayları, dikey eksene bebeğin o ay ölçülen kütlesini yazalım. Aylar ile her ay ölçülen kütleyi miktarlarını gösteren noktaları işaretleyip çizgileyle birleştirelim:

Grafik: Bebeğin Aylara Göre Kütleyeleri.

Bebeğin Kütlesi (kg)



Grafiği incelediğimizde bebek ilk 2 ayda birer kilo almıştır. Daha sonraki aylarda ise bebeğin kilo alımının daha az olduğu görülmektedir.



Çizgi grafiği oluşturmak için aşağıdaki adımlar uygulanır:
 1) Verilerin değerleri biri yatay, diğeri dikey eksene yazılır.
 2) Yatay ve dikey eksendeki verilerin kesiştiği noktalar elde edilir. Bu noktalar çizgi ile birleştirilir.
 (Yatay eksene genellikle zamana bağlı değerler yazılır.)

Zamana bağlı artış ve azalışların olduğu değerlerin göstermenin en iyi yolu çizgi grafiğidir. Sıcaklık ve nüfus değişimlerinin, canlıların kütleyelerindeki artış ve azalışlarının gösterilmesinde çizgi grafiği tercih edilir.



Birlikte Çözelim 3

Grafik: Aracın Zamaña Bağlı Hız Değişimi

Aracın Hızı (km/sa.)



Yandaki grafik bir aracın zamaña bağlı hız değişimini göstermektedir. Buna göre

- Aracın 14.00'te ölçülen hızının kaç km/sa. olduğunu bulalım.
- Saat 15.00 ile 16.00 arasında aracın hızını yorumlayalım.
- Aracın hızının arttığı ve azaldığı zaman aralıklarını belirleyelim.

"" işaretini, grafiklerde gösterilemeyecek aralıkları ifade eder.



Çözüm:

- Aracın 14.00'te ölçülen hızı 70 km/sa. tır.
- 15.00-16.00 arasında aracın hızının 0 olduğu görülmektedir. Bu zaman aralığında araç hareket etmemiştir.
- Aracın hızı 13.00-14.00 ve 16.00-17.00 aralıklarında artmıştır. Bu aracın hızı 14.00-15.00 aralığında azalmıştır. Çünkü çizgi aşağı doğru inmekte ve aracın hızını gösteren eksende değerler azalmaktadır.

Birlikte Çözelim 4

Tablo: Can ve Ezgi'nin Hafta İçinde Okudukları Sayfa Sayısı

Günler	Can	Ezgi
Pazartesi	30	20
Salı	20	30
Çarşamba	25	25
Perşembe	40	25
Cuma	50	40

Can ve Ezgi'nin hafta içinde okudukları sayfa sayıları yandaki tabloda verilmiştir. Can ve Ezgi'nin okudukları sayfa sayılarını gösteren çizgi graflarını oluşturup bu grafları yorumlayalım.

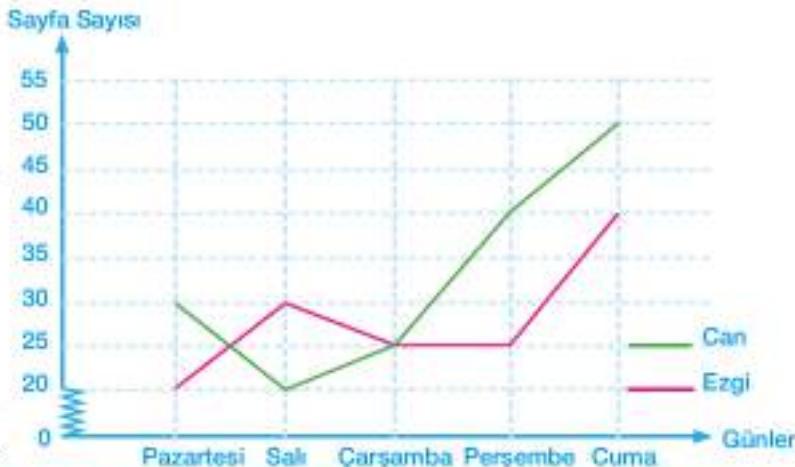
Çözüm:

Yatay eksene günleri, dikey eksene sayfa sayılarını yerleştirerek istenen grafiği çizmiş oluruz.

Grafiği incelediğimizde pazartesi, perşembe ve cuma günleri Can'in Ezgi'den daha fazla sayfa okuduğunu, çarşamba günü de her ikisinin eşit miktarda sayfa okuduklarını görüyoruz.

Grafikten Can'ın salı günü en az sayıda sayfa okuduğunu, salıdan sonraki günlerde ise okuduğu sayfa sayısının devamlı arttığını görüyoruz.

Grafik: Can ve Ezgi'nin Hafta İçinde Okudukları Sayfa Sayısı



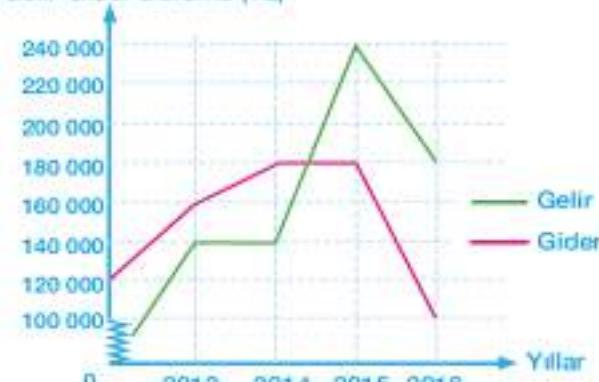
* Can ve Ezgi ile ilgili örneğin önceki örneklerden farklı olduğu noktaları belirleyiniz. Çok sayıda öğrencinin okuduğu sayfa sayısının aynı grafik üzerinde gösterilip gösterilmeyeceğini tartışınız.

Birlikte Çözelim 5

Yandaki grafik ELİPS Şirketinin 2013-2016 yılları arasındaki gelir gider durumunu göstermektedir. Bu grafiğe göre

- a) Şirketin gelirinin en fazla olduğu yılı bulalım.
- b) Şirketin giderinin en az olduğu yılı belirleyelim.
- c) Bu şirketin kânnın en fazla olduğu yılı belirleyelim.

Grafik: ELİPS Şirketinin Gelir-Gider Durumu
Gelir-Gider Durumu (TL)



Çözüm:

- a) ELİPS Şirketinin gelirinin en fazla olduğu yıl, 240 000 TL ile 2015 yıldır.
- b) ELİPS Şirketinin giderinin en az olduğu yıl 100 000 TL ile 2016 yıldır.
- c) Bu şirketin yıllara göre kânnı bulmak için gelirden gideri çıkarmamız gerekmektedir. Bu durumda 2013 yılı kâr zarar durumu: $140\ 000 - 160\ 000 = -20\ 000$ (Şirket 20 000 TL zarardadır.)
2014 yılı kâr zarar durumu: $140\ 000 - 180\ 000 = -40\ 000$ (Şirket 40 000 TL zarardadır.)
2015 yılı kâr zarar durumu: $240\ 000 - 180\ 000 = 60\ 000$ (Şirket 60 000 TL kâr yapmıştır.)
2016 yılı kâr zarar durumu: $180\ 000 - 100\ 000 = 80\ 000$ (Şirket 80 000 TL kâr yapmıştır.)
Şirketin kâr miktarının en fazla olduğu yıl 2016 yıldır.

Yanlış Yorumlamalara Neden Olabilecek Çizgi Grafikleri

Günlük hayatı grafipler, bazı durumları olduğundan daha lyl veya daha kötü göstererek okuyucuları yanlış yönlendirmek amacıyla tasarlanıp çizilebilirler. Grafipler bir veri grubuyla ilgili bilgi edinememiziz her ne kadar kolaylaştırırsa da önemli olan verilerin sayısal değerleridir.

Birlikte Çözelim 1

Aşağıda bir beyaz eşya mağazasındaki aynı çamaşır makinesine ait satış miktarları iki farklı grafik ile gösterilmiştir. Bu grafiklerden hangisinin satış miktarnı daha lyl ifade ettiğini bulalım.

Her iki grafik de aynı veriler kullanılarak oluşturulduğu hâlde grafiklerin farklı görünümlerinin sebebini bulalım.

Grafik: Satılan Çamaşır Makinesi Sayısı

Satılan Çamaşır Makinesi Sayısı



Grafik: Satılan Çamaşır Makinesi Sayısı

Satılan Çamaşır Makinesi Sayısı



Çözüm:

Grafikler incelendiğinde soldaki grafik, nisan ayındaki satışların ocak ayına göre 4 katına çıktığını düşündürmektedir. Bunun sebebi 1. grafikte dikey eksende 1 birime karşılık sayılar birer birer artmıştır. 2. grafikte ise dikey eksende 1 birime karşılık sayılar beşer beşer artmıştır. Bu yüzden 2. grafikteki çamaşır makinesi satış miktarı 1. grafiktekine göre daha az algılanmaktadır.

2. grafikte dikey eksendeki tüm aralıklar 0'dan başlayarak eşit çizildiği için aylar arasındaki satış farklılığının gerçek verilere daha yakın gösterildiği görülmektedir. Bu sebeple satılan çamaşır makinesi sayısını 2. grafikle göstermek daha gerçekçi ve uygundur. Satış sayısını olduğundan fazla göstermek isteyen firma veya reklamcılar 1. grafiki tercih etmektedirler.

Birlikte Çözelim 2

Grafik: Aracın Zamaına Bağlı Yer Değişimi
Yer Değiştirme (km)



Yandaki grafik bir aracın zamana göre yer değişimini göstermektedir. Grafiği inceleyerek aşağıdaki ifadelerin doğru ya da yanlış olduğunu değerlendirelim.

- a) 0-1 zaman aralığında araç hiç yer değiştirmemiştir.
- b) 1-2 zaman aralığında araç 20 km yer değiştirmiştir.
- c) 3-4 zaman aralığında araç 10 km geriye gittimiştir.
- c) 4-5 zaman aralığında araç 30 km yer değiştirmiştir.

Çözüm:

- a) Verilen grafikte 0-1 zaman aralığında yol sabit kıldığı için araç hiç yer değiştirmemiştir. Değerlendirme **doğrudur**.
- b) 1-2 zaman aralığında 10 km uzaklaşmış olan araç, 2. saatin sonunda toplamda 20 km yer aldığından bu aralıktı $20 - 10 = 10$ km yer değiştirmiştir. Bu nedenle yapılan değerlendirme **yanlıştır**.
- c) 3. saatte araç başlangıçtan 40 km ileride iken 4. saatin sonunda başlangıçtan 30 km ilerideler. Bu da bize 3-4 zaman aralığında aracın 10 km geriye gittiğini gösterir. Değerlendirme **doğrudur**.
- c) 4-5 zaman aralığında aracın başlangıç noktasına olan 30 km uzaklığını değiştirmemiştir. Yani araç bu aralıktı hareket etmemiştir. Yapılan değerlendirme **yanlıştır**.



Cözüm Sende

- 1) Yandaki tabloda çeyrek altının 2019 yılı Ocak ile Nisan ayları arasındaki yaklaşık alış ve satış fiyatlarını göstermektedir. Ocak ile Nisan ayları arasında altının alış ve satış fiyatına ait grafiği çiziniz.

Tablo: Aylara Göre Altın Alış-Satış Fiyatları

Aylar	Alış (TL)	Satış (TL)
Ocak	353	360
Şubat	355	362
Mart	365	372
Nisan	375	383

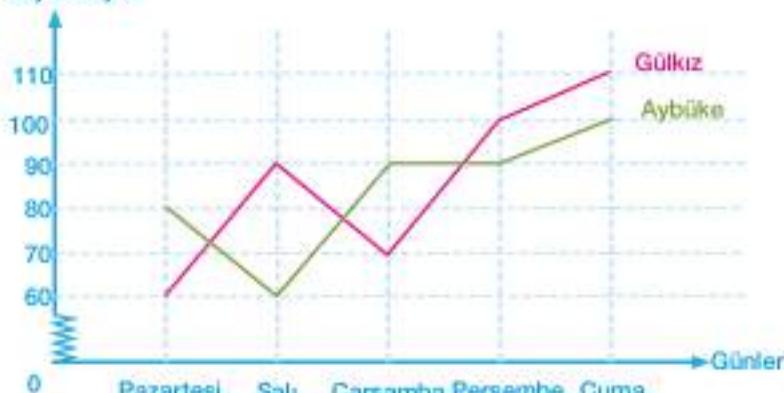
- 2)** Aşağıdaki tablo bir şehrde altı bir haftalık sıcaklık değerlerini göstermektedir. Bu sıcaklık değerlerine alt çizgi grafiğini çiziniz.

Tablo: Haftalık Sıcaklık Değerleri

Günler	Pazartesi	Sali	Çarşamba	Perşembe	Cuma	Cumartesi	Pazar
Sıcaklık (°C)	12	8	5	9	13	13	15

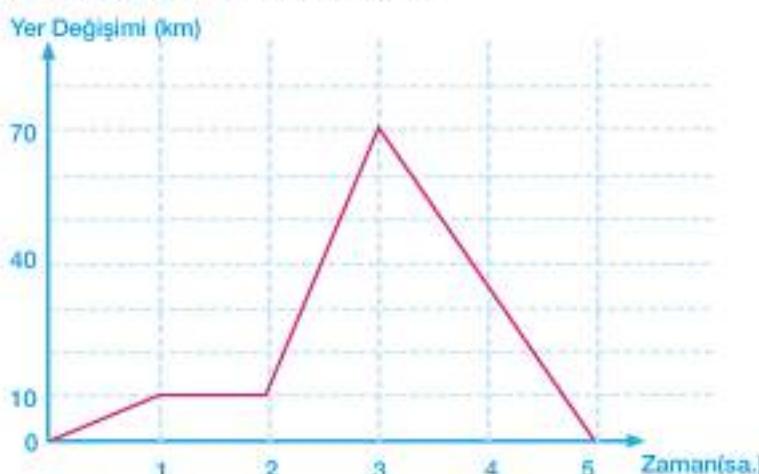
3)

Grafik: Gulkiz ve Aybüke'nin Bir Hafta Boyunca Okuduğu Sayfa Sayısı



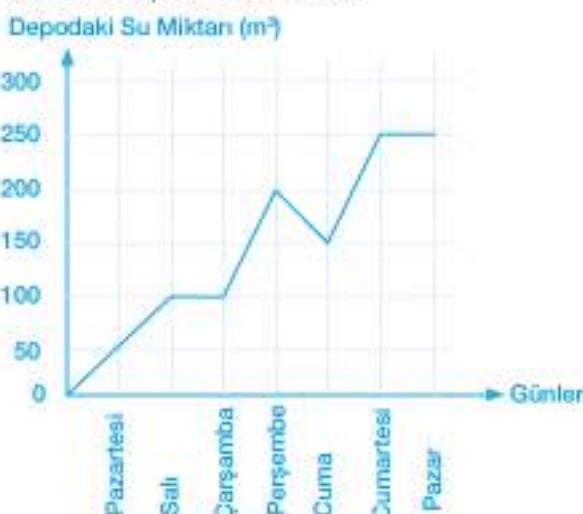
4)

Grafik: Aracın Zamanla Bağlı Yer Değişimi



5)

Grafik: Su Deposundaki Su Miktarı



Yandaki grafikte Gulkiz ve Aybüke'nin bir hafta boyunca okuduğu sayfa sayıları verilmiştir. Bu grafiğe göre aşağıdaki ifadelerin doğru olanına "D", yanlış olanına "Y" yazınız.

- a) Gulkiz'in okuduğu sayfa sayısı sürekli artmıştır. (...)
- b) Perşembe ve cuma günleri Aybüke Gulkiz'dan daha az sayfa okumuştur. (...)
- c) Aybüke ve Gulkiz çarşamba günü toplam 80 sayfa kitabı okumuşlardır. (...)

Yandaki grafikte sabah evden aracılıkla çıkan Ali'nin eve olan uzaklığının zamanla göre değişimi verilmiştir. Bu grafiğe göre aşağıdaki soruları yanıtlayınız.

- a) 1-2 saat aralığında Ali'nin yer değişimi hakkında ne söylersiniz?
- b) Ali, eve dönüşüne ne zaman geçmiştir?
- c) Ali, aracını en hızlı hangi zaman aralığında kullanmıştır?

Yandaki grafik bir su deposundaki su miktarının bir hafta içindeki değişimini göstermektedir. Grafiği inceleyerek aşağıdaki ifadelerin doğru olanlarına "D", yanlış olanlarına "Y" yazınız.

- a) Depoda pazar günü 250 m^3 su vardır. (...)
- b) Depodan boşaltılan su miktarı 100 m^3 tür. (...)
- c) 7 gün içerisinde depoya 2 gün boşaltma ya da doldurma işlemi uygulanmamıştır. (...)
- c) 7 gün içerisinde depoya 3 gün su doldurulmuştur. (...)

Ortalama, Ortanca, Tepe Değer

Adrese Dayalı Nüfus Kayıt Sistemi (ADNKS), kişilerin yerleşim yerlerine göre nüfus bilgilerinin güncel olarak tutulduğu, nüfus hareketlerinin her an izlenebildiği, MERNİS kayıtlarındaki T.C. kimlik numarasına göre kişiler ile ikamet adreslerinin eşleştirildiği bir kayıt sistemidir.

Adrese Dayalı Nüfus Kayıt Sistemi (ADNKS) sonuçlarına göre Türkiye'nin toplam nüfusu 2016 yılı sonu itibarıyla 79 milyon 814 bin 871'dir. Bu nüfusun yaşlara göre dağılımı aşağıdaki tabloda verilmiştir.

Tablo: Nüfusun Yaşlara Göre Dağılımı

Yaş Aralığı	Kişi Sayısı
0-14	18 925 782
15-24	12 989 042
25-44	24 685 102
45-54	9 504 758
55+	13 710 187

Tablo incelendiğinde 25-44 yaş aralığındaki kişi sayısının nüfusun ortalama üçte birine karşılık geldiği görülmektedir.



ETKİNLİK

Araç-Gereçler: kâğıt, kalem

Uygulama Basamakları:

Yandaki tabloda 11 öğrencinin matematik yazılısından aldıkları puanlar verilmiştir.

Bu tablodan yararlanarak sınıfın başan durumunu belirlemek için aşağıdaki sorulan yanıtlayınız.

- Öğrencilerin aldığı puanları toplayınız.
- Bulduğunuz sonucu öğrenci sayısına bölünüz.
- Bulduğunuz sonuçla veriler arasında nasıl bir ilişki vardır?
- İslimiere bakmaksızın alınan puanları küçükten büyüğe doğru sıralayınız.
- Ortadaki puanı işaretleyiniz.
- 12 öğrencisi ortadaki puan için ne söylerdiniz?
- Hangi puandan kaçar tane alındığını tespit ediniz.
- En fazla hangi puanın alındığını belirtiniz.

Sınıfın başarı durumunu belirlemekte hangi adım daha iyi sonuç verir?

Tablo: Öğrenciler ve Aldıkları Puanlar

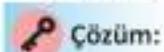
Öğrenciler	Puan
Büşra	90
Atahan	80
Buse	100
Özge	75
Berkay	80
Tuncay	95
Defne	70
All Emir	80
Ada	90
Kayra	80
Efe	75



Bir veri grubundaki değerlerin toplamının veri sayısına bölünmesiyle ortalama (aritmetik ortalama) bulunur.

Birlikte Çözelim 1

Bir iş yerinde çalışanların yaşıları; 20, 25, 32, 42 ve 36'dır. Bu iş yerinde çalışanların yaşılarının ortalamasını bulalım.



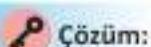
Çözüm:

$$\text{Ortalama} = \frac{\text{Verideki değerler toplamı}}{\text{Veri sayısı}}$$

$$\begin{aligned}\text{Ortalama} &= \frac{20 + 25 + 32 + 42 + 36}{5} \\ &= \frac{155}{5} \\ &= 31 \text{ olur.}\end{aligned}$$

Birlikte Çözelim 2

Bir ilimizde bahar mevsiminde son 8 gün boyunca ölçülen gündüz sıcaklık ortalamaları; 13, 21, 16, 18, 10, 12, 14, 20 °C'tur. Bu ilimizin son 8 günlük sıcaklık ortalamasının kaç °C olduğunu bulalım.



Çözüm:

Sıcaklıkların ortalamasını bulmak için bütün sıcaklık değerlerini toplayıp gün sayısının 8'e bölmemiz gereklidir.

$$\begin{aligned}\text{Ortalama} &= \frac{13 + 21 + 16 + 18 + 10 + 12 + 14 + 20}{8} \\ &= \frac{124}{8} \\ &= 15,5^{\circ}\text{C} \text{ olarak bulunur.}\end{aligned}$$

Birlikte Çözelim 3

Bir basketbol takımının koçu, bir oyuncu transfer edeceklerdir. Aynı mevkide oynayan iki oyuncunun son 5 maçta attığı sayılar aşağıdaki gibi olduğuna göre takım koçunun hangi oyuncuyu tercih etmesi gerektiğini bulalım. Nedenleryle açıklayalım.

A oyuncusunun attığı sayılar: 21, 22, 18, 19, 20

B oyuncusunun attığı sayılar: 20, 5, 25, 10, 40



Çözüm:

$$\text{A oyuncusunun sayı ortalaması} = \frac{21 + 22 + 18 + 19 + 20}{5} = 20$$

$$\text{B oyuncusunun sayı ortalaması} = \frac{20 + 5 + 25 + 10 + 40}{5} = 20$$

Her iki oyuncunun da ortalaması aynı olmasına rağmen A oyuncusu için hesaplanan ortalamanın, verileri daha iyi temsil ettiği ve açıkladığı görülmektedir. Bunun sebebi A oyuncusunun attığı sayılar da çok büyük ve çok küçük değerlerin olmamasıdır.

Bu nedenle A oyuncusunun takımına her maç ortalamaya bir katkı sağladığı, B oyuncusunun ise bazı maçlarda çok kötü, bazlarında çok iyi olduğu görülmektedir. A oyuncusunun daha istikrarlı bir oyuncu olması, transferde onun tercih edilmesini sağlayacaktır.

Bir veri grubunda çok büyük ve çok küçük değerler, aritmetik ortalamayı aşağı ya da yukarı çekebilir. Bu nedenle aritmetik ortalamaya çok büyük ve çok küçük değerlerden etkilenir.





Büyükten küçüğe veya küçükten büyüğe dizilmiş veri grubunda ortadaki sayıya "ortanca değer (medyan)" denir.



Veri sayısı tek ise ortadaki sayı ortanca değer iken veri sayısı çift ise ortanca değer, büyükten küçüğe veya küçükten büyüğe dizilmiş veri grubunda verilerden ortadaki iki sayının ortalamasıdır.

Birlikte Çözelim 4 ➤

Bir bilgi yarışmasında finale kalan 7 okulun puanları; 7, 10, 12, 8, 7, 9, 10 'dur. Bu veri grubunun ortancasını bulalım.



Çözüm:

Ortancayı bulabilmek için öncelikle verileri sıralamalıyız.

7, 7, 8, 9, 10, 10, 12

Ortanca

Verileri küçükten büyüğe sıraladığımızda ortadaki veri olan 9, bu puanların ortancasıdır. 9'dan küçük ve büyük üçer sayı vardır.

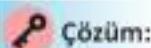
Birlikte Çözelim 5 ➤

Aşağıdaki tabloda 7. sınıf öğrencilerinin 1 dakıkada okuduğu kelime sayıları verilmiştir.

Tablo: Öğrencilerin Dakikada Okudukları Kelime Sayıları

Öğrenci	1. Öğrenci	2. Öğrenci	3. Öğrenci	4. Öğrenci	5. Öğrenci	6. Öğrenci	7. Öğrenci	8. Öğrenci
Kelime Sayısı	145	200	152	140	160	140	158	165

Bu veri grubunun medyanını bulalım.



Çözüm:

Öncelikle verileri küçükten büyüğe doğru sıralayalım:

140, 140, 145, 152, 158, 160, 165, 200

Veri sayısı çift sayı olduğundan medyan, ortadaki iki verinin ortalamasıdır.

$$\text{Verilerin medyanı} = \frac{152 + 158}{2} = 155 \text{ 'tir.}$$

Bir veri grubunda en fazla tekrar eden sayıya "tepe değer (mod)" denir.



Birlikte Çözelim 6 ➤

5, 5, 5, 7, 7, 7, 8, 8, 10 verilerinin tepe değerini bulunuz.



Veri grubunda; 3 tane 5, 4 tane 7, 2 tane 8, 1 tane 10 bulunmaktadır.
Bu durumda en fazla tekrar eden 7, bu veri grubunun modudur.

Birlikte Çözelim 7 ➤

100, 100, 90, 85, 80, 80, 80, 75, 100 veri grubunun tepe değerini bulalım.



100, 100, 90, 85, 80, 80, 80, 75, 100

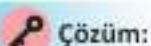
Bu veri grubunda en çok tekrar eden sayılar 100 ve 80'dir (üçer kere). Bu yüzden tepe değeri 100 ve 80'dir.



Bir veri grubunda birden fazla tepe değer bulunabilir.

Birlikte Çözelim 8 ➤

8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15 veri grubunun tepe değerini bulalım.



Bu veri grubunda her sayıdan bir tane olduğundan bu veri grubunun tepe değeri yoktur.

Bir veri grubunda her veriden eşit sayıda varsa o veri grubunun tepe değeri yoktur.



Birlikte Çözelim 9 ➤

15, 15, 15, 15, 15, 15 veri grubunun tepe değerini bulalım.



Bu veri grubundaki verilerin hepsi 15 olduğundan bu veri grubunun tepe değeri yoktur.



Bir veri grubu aynı verilerden oluşuyorsa bu veri grubunun tepe değeri yoktur.

Birlikte Çözelim 10

Bir ayakkabı mağazasında satılan erkek ayakkabılının numaralarına ait veriler aşağıda verilmiştir.

Tablo: Ayakkabı Mağazasında Satılan Ayakkabı Sayısı

Ayakkabı Numarası	Satış Adedi
40	7
41	9
42	6
43	3
44	1

Bu tabloya göre en fazla satılan ayakkabı numarasını bulalım.



Çözüm:

Tablodaki verilere bakıldığında en çok satılan numaranın 41 olduğu görülmektedir. Bu değer aslında veri grubunun tepe değerini (mod) vermektedir. Günlük hayatı tepe değerleri, sıkça kullanılan veri analiz değerlerinden biridir.



Aritmetik ortalama her bir verinin değişiminden etkilenir.
 Tepe değeri, veri sayısının çok olması durumunda daha kullanışlıdır.
 Tepe değeri, aritmetik ortalamanın aksine üç değerlerden etkilenmez.
 Ortanca, çok büyük ve çok küçük değerlerden etkilenmez.

Birlikte Çözelim 11

Bir öğrencinin 1 hafta boyunca her gün çözdüğü soru sayıları aşağıdaki tabloda verilmiştir.

Tablo: Öğrencinin Bir Hafta Boyunca Çözdüğü Soru Sayısı

Günler	Pazartesi	Salı	Çarşamba	Perşembe	Cuma	Cumartesi	Pazar
Soru sayısı	5	14	15	80	5	5	16

Buna göre bu öğrencinin bir haftada çözdüğü soru sayısının aritmetik ortalaması, tepe değeri ve ortancasını bulalım. Bilgilerden hangisinin bize bu öğrencinin performansı hakkında etkili yorum yapabilme olanağı sağlayacağını bulalım.



Çözüm:

Önce öğrencinin bir hafta boyunca çözdüğü soru sayılarının aritmetik ortalamalarını bulalım:

$$\begin{aligned} \text{Aritmetik ortalama} &= \frac{5 + 14 + 15 + 80 + 5 + 5 + 16}{7} \\ &= \frac{140}{7} \\ &= 20 \end{aligned}$$

Aritmetik ortalamanın, veri grubunun en büyük değeri olan 80 dışındaki tüm verilerden büyük olduğu görülmektedir. Bu veri grubunda diğer verilere göre çok büyük bir değer (80) bulunmaktadır. Aritmetik ortalama çok büyük ve çok küçük değerlerden etkilendiği için öğrencinin performansını belirlemekte tam olarak etkili değildir.

Günlük çözülen soru sayılarını yazalım.

5, 14, 15, 80, 5, 5, 16

Günlük çözülen soru sayılarından en çok tekrar eden 5 sayısı olduğundan veri grubunun tepe değeri 5'tir.

Tepe değer, veri grubundaki en küçük değerdir. En sık 5 soru çözülmüş olması bu öğrencinin her zaman az soru çözdüğü anlamına gelmez. Bundan dolayı öğrencinin performansını belirlemeye tepe değer de tam olarak etkili değildir.

Verileri küçükten büyüğe sıralayalım.

5, 5, 5, 14, 15, 16, 80

Bu veri grubunun ortancası 14'tür.

Veriler genel olarak incelendiğinde ortanca, öğrencinin performansı hakkında aritmetik ortalama ve tepe değere göre daha etkilidir. Buradaki ortanca, öğrencinin en az çözdüğü soru sayısından fazla, en fazla çözdüğü soru sayısından azdır.

Bu örnekte diğer verilere göre çok büyük bir değer olduğundan öğrencinin performansını belirlemeye en etkili olan ortancadır.

Birlikte Çözelim 12

9 kişilik bir sınıfındaki öğrencilerin matematik dersinden aldıkları notlar: 60, 63, 70, 70, 75, 90, 95, 97, 100 şeklinde dir. Bu notların aritmetik ortalama, tepe değeri ve ortancasını bir tablolama programı kullanarak hesaplayalım.

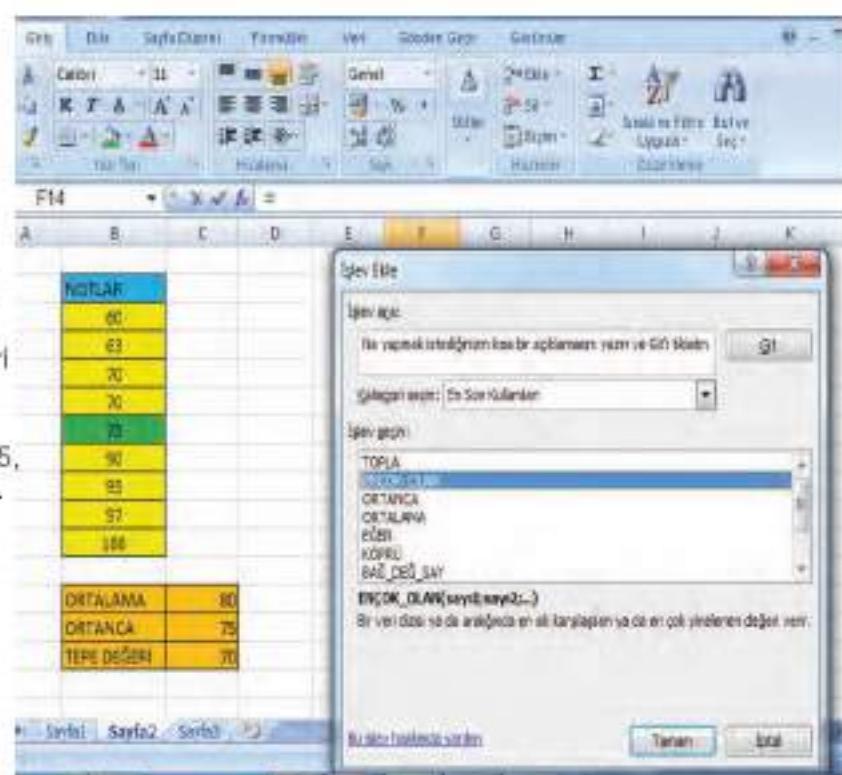
Çözüm:

- Tablolama programını açalım.
- Boş bir sayfaya verileri girelim.
- f(x) tuşunu tıklayalım.
- Açılan pencereden

ortalama için → ORTALAMA
ortanca için → ORTANCA
tepe değer için → EN ÇOK OLAN

İşlevlerini seçerek istenilen değerleri hesaplayalım.

Verilerin ortalaması 80, ortancası 75, tepe değeri 70 olarak bulunmuştur.





Çözüm Sende

1) 5, 5, 5, 6, 6, 3, 3, 2, 8 veri grubunun

- a) Aritmetik ortalamasını
- b) Tepe değerini (mod)
- c) Ortancasını (medyan) bulunuz.

2) Aşağıdaki ifadelerden doğru olana "D", yanlış olana "Y" yazınız.

- 3, 4, 4, 5 veri grubunun modu yoktur. (...)
- 7, 8, 9 veri grubunun medyani 9'dur. (...)
- 3, 6, 7, 8, 8 veri grubunun modu 8'dir. (...)
- 7, 6, 5, 4 veri grubunun medyani 5'tir. (...)
- 2, 2, 3, 4, 4, 5 veri grubunun modu 2'dir. (...)

3)

Tablo: 7/E Sınıfı Matematik Sınavında Alınan Notlar

Notlar	Öğrenci Sayısı
1	3
2	2
3	8
4	6
5	5

Yandaki tabloda 7/E sınıfındaki öğrencilerin matematik sınavından aldığı notlar verilmiştir. Bu tabloya göre 7/E sınıfı matematik notlarının

- a) Aritmetik ortalamasını
- b) Tepe değerini (mod)
- c) Ortancasını (medyan) bulunuz.

4) 5 kişilik Yılmaz ailesinin yaşılarının ortalaması 24'tür. Yılmaz ailesinin 70 yaşındaki dedeleri de onlarla yaşamaya başlayınca ailenin yeni yaş ortalaması kaç olur?

5) Bir gruptaki 6 kişinin yaşılarının aritmetik ortalaması 30'dur. Bu gruptan 28 ve 40 yaşılarında 2 kişi aynırsa grubun yaş ortalamasında nasıl bir değişiklik olur? Açıklayınız.

6) "4, 5, 5, 5, 6, 6, 6, 6, 7, 7, 7, a" veri grubunda a yerine kaç yazılsa veri grubunun tepe değeri ile aritmetik ortalaması eşit olur?

7) Bir öğretim üyesi beşer kişilik 3 sınıfta yıl sonu sınavı yapmıştır. Alınan puanlar aşağıdaki tabloda verilmiştir.

Tablo: Öğrencilerin Aldıkları Puanlar

Öğrenciler Sınıflar	1. Öğrenci	2. Öğrenci	3. Öğrenci	4. Öğrenci	5. Öğrenci
A Sınıfı	90	80	70	75	85
B Sınıfı	100	100	80	80	60
C sınıfı	40	65	95	90	90

- a) Her bir sınıfın aldığı puanların aritmetik ortalamasını bulunuz.
- b) Her bir sınıfın aldığı puanların tepe değerini bulunuz.
- c) Her bir sınıfın aldığı puanların ortancasını (medyan) bulunuz.
- d) A sınıfına yeni gelen bir öğrenci sınavdan 10 puan almıştır. Sınıfın ortalaması ve medyani kaç olur? Bu durumdan hangisi daha çok etkilenir?

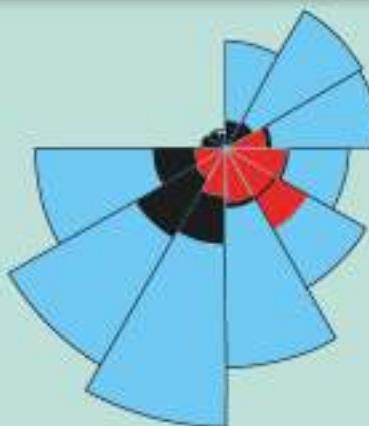
Daire Grafiği



Modern hemşireliğin kurucusu ve temsilcisisi olan Florence Nightingale (Florence Nightingale), 1850'li yıllarda Doğu Avrupa'da baş gösteren savaşta binlerce yaralı askerin gönderildiği hastanede hemşirelik yapmıştır. Onun en önemli özelliği, matematik bilgisi ve yaptığı istatistik çalışmalarıdır. Bu çalışmalarında Nightingale, hastanede ölen askerlerin ölüm nedenleri ile ilgili çizelgeler oluşturmuştur.

Nightingale, hastanedeki ölüm nedenlerinin istatistiksel analizlerini yaparak savaştan ölen askerlerin sayısının hıilenik problemlerden ölen askerlere göre daha az olduğunu kanıtlamıştır. Bu çalışmalarını uzun bir rapor haline getirmiştir ve sağlık komisyonu kurulmasını talep etmiştir. Kraliçe Victoria'yı (Viktorya) bu raporta ikna edemeyince yandaki grafiği oluşturmuş ve sağlık komisyonunun kurulması sağlanmıştır. Bu grafik tam olarak daire şeklinde olmasa da daire grafiğine en yakın örnekleridir.

- Sizce Florence Nightingale'in kraliyeyi ikna etmesinde daire grafiğinin rolü nedir?



■ Hastane enfeksiyonu kaynaklı ölümler

■ Savaşta alınan yaralardan kaynaklanan ölümler

■ Diğer nedenlerden kaynaklanan ölümler

ETKİNLİK

Araç-Gereçler: makas, açıcıçer, kağıt, boyalı kalemler

Uygulama Basamakları:

Bir komisyondaki başkanlık seçiminde adayların oy dağılımları aşağıdaki tabloda gösterilmiştir.

Tablo: Adayların Aldıkları Oylar

Kişiler	Oy Sayısı
Ahmet Bey	3
Asiya Hanım	2
Cem Bey	2
Gülnaz Hanım	1



Bu tablodan yararlanarak aşağıdaki yönerelerle bir grafik oluşturunuz.

- Bir daire çiziniz ve çizdiğiniz daireyi kesiniz.
- Daireyi merkezinden katlayarak 8 (kullanılan oy sayısı) eşit dilim elde ediniz.
- Bir dilärenin merkez açısının 360° olduğunu göre elde ettiğimiz eşit dilimlerden birinin merkez açısının kaç derece olduğunu yazınız.
- Ahmet Bey'in aldığı oylan temsil eden daire dilimlerini (3 dilim) mavi renge boyayınız.
- Asiya Hanım'ın aldığı oylan temsil eden daire dilimlerini (2 dilim) kırmızı renge boyayınız.
- Cem Bey'in aldığı oylan temsil eden daire dilimlerini (2 dilim) yeşil renge boyayınız.
- Gülnaz Hanım'ın aldığı oylan temsil eden daire dilimlerini (1 dilim) mor renge boyayınız.
- Her renk daire diliminin merkez açısının 360° nin kaçı olduğunu ve dilimlerin merkez açılarının kaç derece olduğunu yazınız.
- Ahmet Bey ile Gülnaz Hanım'ın aldığı oyların oranlarını yazınız.
- Ahmet Bey'in aldığı oylan gösteren daire diliminin merkez açısının ile Gülnaz Hanım'ın aldığı oyları gösteren daire diliminin merkez açılarının oranlarını yazınız.
- Yukanda aşamalardan yola çıkarak dilärenin merkez açısının ile daire dilimlerinin sayıları ve dilimlerin merkez açıları arasında nasıl bir ilişki vardır? Bu ilişkiye açıklayınız.

Verilerin daire dilimleriyle gösterilmesi sonucu oluşan grafiklere "daire grafiği" denir. Bir değişkenin bir bütün içindeki oranını belirtmek için daire grafiği kullanılır. Verilerin bir bütün içindeki oranları yüzde veya merkez açı ölçüleri ile gösterilir.



Birlikte Çözelim 1

Bir çiftlikte 45 inek, 30 koyun, 10 keç, 5 kuzu vardır. Bu çiftlikteki hayvanların türlerinin dağılımını daire grafiğinde gösterelim.



Çözüm:

Ciftlikteki toplam hayvan sayısı: $45 + 30 + 10 + 5 = 90$ 'dır.

90 hayvan, dairenin tamamıdır ve 360° ile gösterilir.

90 hayvan $\cancel{\times \times}$ 360° lik merkez açı ile gösterilirse

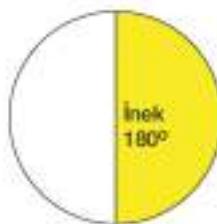
45 inek $\cancel{\times \times}$ x merkez açı ile gösterilir.

D.O.

$$\frac{90 \cdot x}{90} = \frac{45 \cdot 360^\circ}{90}$$

$$x = 180^\circ$$

Ineklerin sayısının gösterileceği daire diliminin merkez açısı 180° dir.



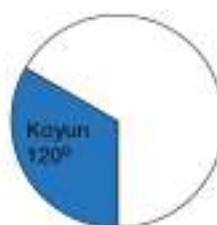
90 hayvan $\cancel{\times \times}$ 360° lik merkez açı ile gösterilirse

30 koyun $\cancel{\times \times}$ y merkez açı ile gösterilir.

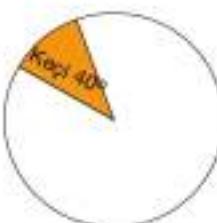
D.O.

$$\frac{90 \cdot y}{90} = \frac{30 \cdot 360^\circ}{90}$$

$$y = 120^\circ$$



Koyunların sayısının gösterileceği daire diliminin merkez açısı 120° dir.



90 hayvan $\cancel{\times \times}$ 360° lik merkez açı ile gösterilirse

10 keçi $\cancel{\times \times}$ z merkez açı ile gösterilir.

D.O.

$$\frac{90 \cdot z}{90} = \frac{10 \cdot 360^\circ}{90}$$

$$z = 40^\circ$$

Keçilerin sayısının gösterileceği daire diliminin merkez açısı 40° dir.



90 hayvan $\cancel{\times \times}$ 360° lik merkez açı ile gösterilirse

5 kuzu $\cancel{\times \times}$ t merkez açı ile gösterilir.

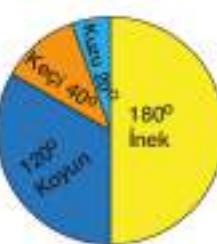
D.O.

$$90 \cdot t = 5 \cdot 360^\circ$$

$$\frac{90 \cdot t}{90} = \frac{5 \cdot 360^\circ}{90}$$

$$t = 20^\circ$$

Kuzuların sayısının gösterileceği daire diliminin merkez açısı 20° dir.



Buna göre bu çiftlikteki hayvanları yandaki gibi daire grafiğinde gösterelim.



Daire grafiği oluşturmak için aşağıdaki adımlar uygulanır:

- Verilerin toplamı 360° veya %100 olacak şekilde belirlenir.
- Bir verinin daire dilimindeki merkez açısı veya yüzdelik değeri 360° veya %100 ile orantılı kurularak bulunur.
- Bulduğumuz daire diliminin içine değişkenin merkez açısı ya da yüzdelik değeri ile değişkenin adı yazılır.

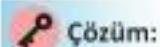
Birlikte Çözelim 2

Grafik: Kafiledeki Turist Sayıları



Bir turist kafilesindeki turistlerin sayılarına ait yüzdeleri yandaki daire grafiğinde verilmiştir. Kafilede 40 tane Fransız olduğuna göre kafilede

- Toplam kaç turist olduğunu
- Bu daire grafiğinde İngiliz turistleri gösteren daire diliminin merkez açısının kaç derece olduğunu bulalım.



a) Bir dairenin tamamı %100'dür.

$$\%45 + \%35 = \%80$$

$\%100 - \%80 = \%20$ Fransız turistler kafilenin %20'sidir.

40 Fransız turist, kafilenin %20'si olduğundan

$$\begin{array}{l} \text{\%20' si } \cancel{\times} \text{ 40 kişi ise} \\ \text{\%100'ü } \cancel{\times} \text{ } x \text{ kişi} \\ \hline \text{D.O.} \end{array}$$

$$20 \cdot x = 100 \cdot 40$$

$$x = 200$$

Kafiledeki toplam turist sayısı 200 kişidir.

Bir daire grafiğinin tamamı derece olarak 360° olup yüzdelik olarak %100'dür.



b)

$$\begin{array}{l} \text{\%100 } \cancel{\times} \text{ } 360^\circ \text{ ise} \\ \text{\%35 } \cancel{\times} \text{ } x \text{ 'tir.} \\ \hline \text{D.O.} \end{array}$$

$$100 \cdot x = 35 \cdot 360^\circ$$

$$x = 126^\circ$$

İngiliz turistlerin sayısını gösteren daire diliminin merkez açısı 126° dir.

Bir Ülkenin yıllık nohut üretim miktarı 518 000 ton, mercimek üretim miktarı 438 000 ton, fasulye üretim miktarı 410 000 tondur. Bu verilere ait daire grafiğini bir tablolama programı kullanarak çizelim.

Çözüm:

- Tablolama programını açalım. Verileri bilgisayar programının çalışma sayfasına iki sütun halinde yazalım.
- Verileri seçerek "Ekle" sekmesinden "Pasta" menüsünü tıklayalım. İstenilen daire grafik türünü seçerek grafiği elde edelim.



Çözüm Sende

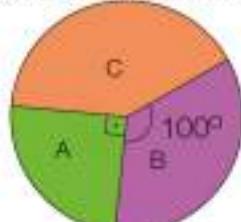
- 1)** A Ortaokulundaki öğrencilerin sınıflara ilişkin dağılımı aşağıda verilmiştir.

Tablo: A Ortaokulundaki Öğrencilerin Sınıflara Göre Dağılımı

Sınıf	5. Sınıflar	6. Sınıflar	7. Sınıflar	8. Sınıflar
Öğrenci Sayısı	30	45	60	15

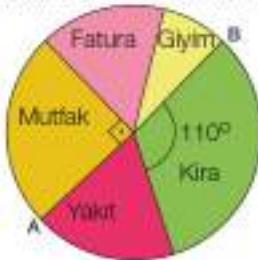
- a)** Bu sınıflardaki öğrenci dağılımını gösteren daire grafiğini çizip her birinin merkez açısını gösteriniz.
b) Her bir sınıfın, okulun yüzde kaç olduğunu bulunuz.
- 2)** Bir bahçedeki ağaçların %40'i ceviz, %25'i armut, %35'i ise ayva ağacıdır. Bu ağaçları gösteren daire grafiğini çizip merkez açılarını gösteriniz.

- 3) Grafik: A, B ve C Dergilerinin Günlük Satışları**



Yandaki daire grafiği A, B ve C dergilerinin günlük satışlarını göstermektedir. A dergisinden günde 1800 adet satıldığına göre
a) Kaç adet C dergisi satılmıştır?
b) B dergisinin günlük satış oranı yüzde kaçtır?

- 4) Grafik: Bir Ailenin Yıllık Harcamaları**



Yandaki grafikte AB doğrusal olup bu grafik bir ailenin yıllık harcamalarını göstermektedir. Ailenin yıllık fatura ve yakıt harcamaları eşittir. Bu aile kiraya yıllık 4400 TL ödediğine göre aşağıdaki boşlukları doldurunuz.

- * Gılim İçin yıllık TL ödenmektedir.
- * Mutfak İçin yıllık TL ödenmektedir.
- * Yakıt ve faturalar İçin toplam TL ödenmektedir.
- * Yıllık masrafın % mutfak masrafıdır.

Verilere Uygun Grafik Belirleme

Her veri grubu farklı grafiklerle gösterilebilir. Önemli olan ilgili veri setinin özelliklerine uygun gösterimi kullanmaktadır. Örneğin zamana bağlı değişimleri çizgi grafiği ile gösterirken (yıllara göre ihracat rakamları) bir bütünü oluşturan verileri daire grafiğinde (seçimde oy oranları) göstermek daha uygundur.

Birlikte Çözelim 1

Tablo: Kütahya İlinin Sıcaklık Değerleri

Günler	Sıcaklık (°C)
Pazartesi	18
Sali	20
Çarşamba	16
Persembe	22
Cuma	24

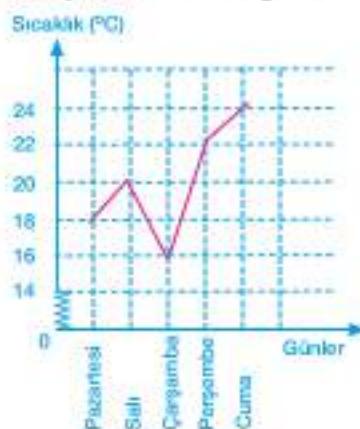
Yandaki tabloda Kütahya ilinde beş gün boyunca saat 16.00'da ölçülen sıcaklık değerleri verilmiştir.

Hava sıcaklığının zaman içindeki değişimini incelemek üzere daire grafiği, çizgi grafiği, sütun grafiği ve siklik tablosu seçeneklerinden hangisini kullanmanın daha uygun olduğunu bulalım.

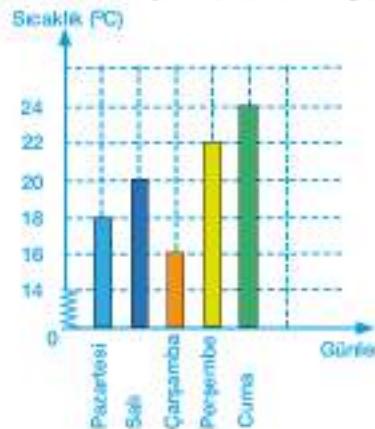
Buna göre verileri gösteren grafikleri çizelim, hangi grafiğin daha uygun olduğunu belirleyelim.

Çözüm:

Grafik: Kütahya İlinin Sıcaklık Değerleri



Grafik: Kütahya İlinin Sıcaklık Değerleri



Sıcaklık artış veya azalışlarındaki anı değişikler görülemediğinden bu verilerin gösterimi için sütun grafiği uygun değildir.

Sıcaklık değerlerinin bütün içindeki dağılımı önemli olmadığından bu verilerin gösterimi için daire grafiği uygun değildir.

Sıcaklığın değişimindeki artış ve azalışlar çizgi grafiğinde daha net görülmektedir.
Bu nedenle bu verilerin gösterimi için en uygun grafik türü **çizgi grafiği**dir.

Birlikte Çözelim 2

Bir sınıfaktaki 36 öğrencinin 20'si kızdır. Bu sınıfaktaki öğrenci dağılımını göstermek için çizgi, sütun, daire grafiklerinden hangisini kullanmanın daha uygun olacağını bulalım.

Çözüm:

Bir değişkenin bir bütün içindeki değerini belirlemek için daire grafiğini kullanmak daha uyundur.

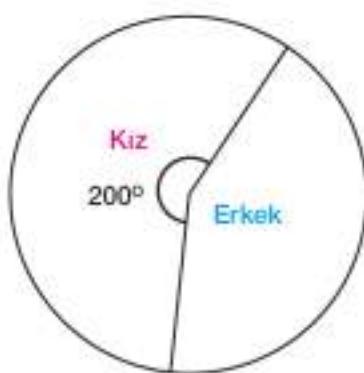
Burada bir bütünün bazı parçalarının oranının gösterilmesi istenmektedir.

$$36 \text{ öğrenci} \quad \times \quad 360^\circ$$

$$20 \text{ öğrenci} \quad \times \quad x$$

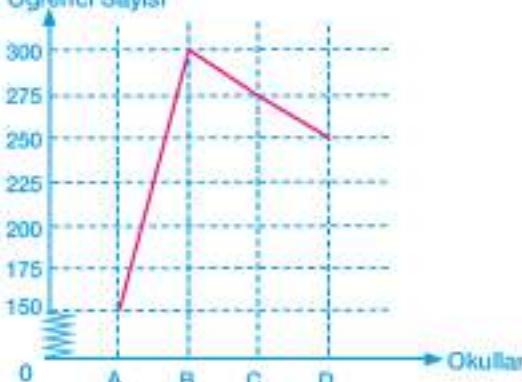
$$\text{D.O.} \quad \frac{36 \cdot x}{36} = \frac{360^\circ \cdot 20}{36}$$

$$x = 200^\circ$$



Birlikte Çözelim 3

Grafik: Okullardaki Öğrenci Sayıları
Öğrenci Sayısı



Yandaki grafik bir ilin 4 okulundaki öğrenci sayılarını göstermektedir. Verileri sütun grafiği ile göstererek öğrenci sayılarını karşılaştırmak için hangi grafiğin daha kullanışlı olduğunu belirleyelim.



Grafik: Okullardaki Öğrenci Sayıları
Öğrenci Sayısı



Okullardaki öğrenci sayıları karşılaştırılmak istendiğinden sonuçlara vurgu yapmak gereklidir. Okullar arasındaki öğrenci sayısının artış veya azalışı önemli değildir. Bu nedenle okullardaki öğrenci sayılarını sütun grafiğinde göstermek uygunudur.



Çözüm Sende

- 1) Yandaki tabloda bir ülkenin yıllara göre ithalat ve ihracat verileri verilmiştir. Bu verileri hangi grafik türünde göstermek daha uygun olur? Grafiği çizip nedenleriyle açıklayınız.

Tablo: Yıllara Göre İhracat ve İthalat Sayıları

Yıllar	İhracat (milyon TL)	İthalat (milyon TL)
2011	15	10
2012	16	8
2013	16	12
2014	11	13
2015	15	15

Tablo: Aylara Göre Bitkilerin Boyları

Aylar	1. Bitkinin Boyu (cm)	2. Bitkinin Boyu (cm)
Mart	10	20
Nisan	14	22
Mayıs	18	24
Haziran	22	26
Temmuz	26	28

- 2) Mart ayında dikilen biri 10 cm, diğeri 20 cm olan iki bitkinin aylara göre boylarının uzunlukları tabloda verilmiştir.

- a) İki bitkinin boylarının zamana göre değişimini hangi grafik türünde göstermek daha uygun olur? Açıklayınız.
b) Uygun grafiği çiziniz.
c) Bu iki bitki aynı şekilde uzamaya devam ederse boylan hangi ay içerisinde eşit olur?

2. Bölüm: CISİMLERİN FARKLI YÖNLERDEN GÖRÜNÜMLERİ



Eş Küpler 3 boyutlu yapı oluştururken, bu yapıların farklı yönlerden görünümlerinin çizimlerini yapabilmemizde, dik prizmanın hacimlerini bulmada işimizi kolaylaştıran matematik materyalleridir.

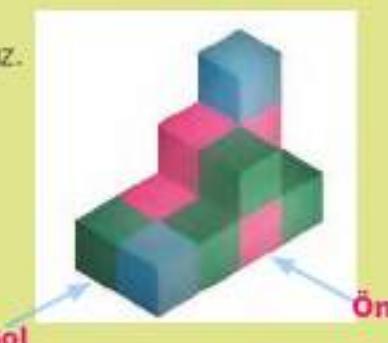
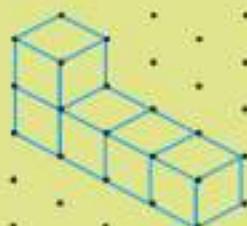
- Eş Küplerle farklı yapılar oluşturarak görünümlerini değişik yönlerden inceleyiniz.

ETKİNLİK

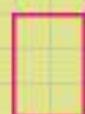
Araç-Gereçler: eş küpler, izometrik kağıt, kareli kağıt

Uygulama Basamakları:

- Aşağıda izometrik kağıda çizilmiş ve eş küplerle oluşturulmuş iki aynı yapıyı siz de eş küplerle oluşturunuz.



- Oluşturduğunuz yapıların üstten, sağdan, önden görünümlerini kareli kağıda çiziniz.
- Siz de istediğiniz herhangi bir yapıyı oluşturup izometrik kağıda çiziniz.
- Aşağıda üstten, sağdan, önden görünümleri kareli kağıda çizilmiş şekilleri eş küplerle elde ediniz.
- Oluşturduğunuz şekillerin kaç eş küpten olduğunu belirtiniz.
- Oluşturduğunuz şekilleri izometrik kağıda çiziniz.



Üstten Görünüm



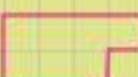
Sağdan Görünüm



Sağdan Görünüm



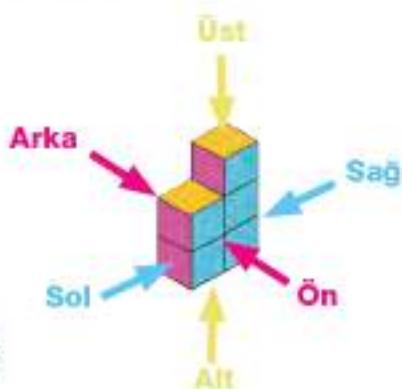
Önden Görünüm



Üstten Görünüm



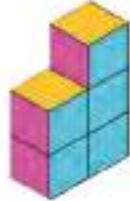
Soldan ve Sağdan Görünüm



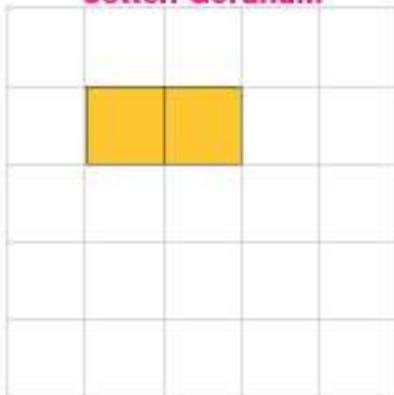
Eş küplerle oluşturulmuş yandaki yapının önden, arkadan, sağdan, soldan, üstten ve alttan görünümelerini çizelim.



Yapınının görünümeleri iki boyutlu olacak ve karelerden oluşacaktır.



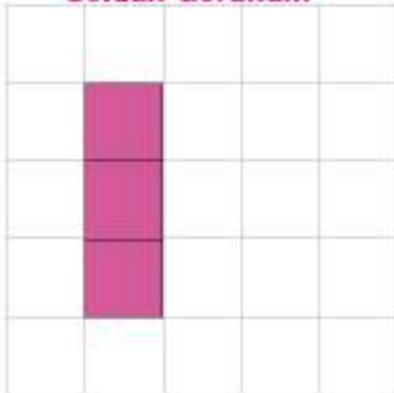
Üstten Görünüm



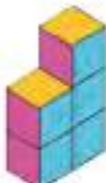
Altan Görünüm



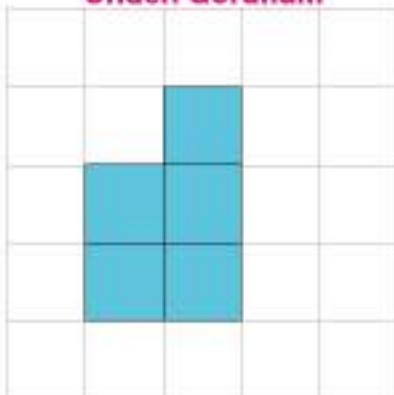
Soldan Görünüm



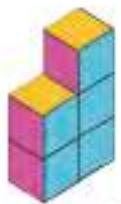
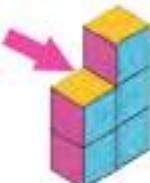
Sağdan Görünüm

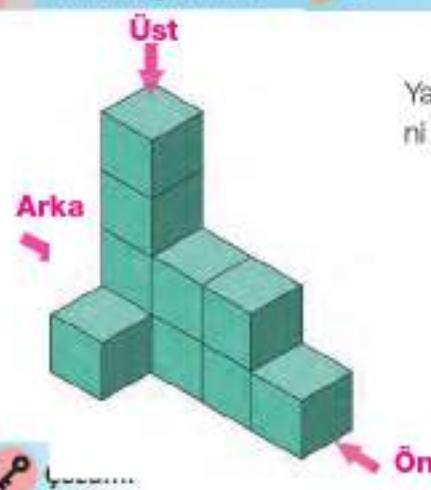


Önden Görünüm



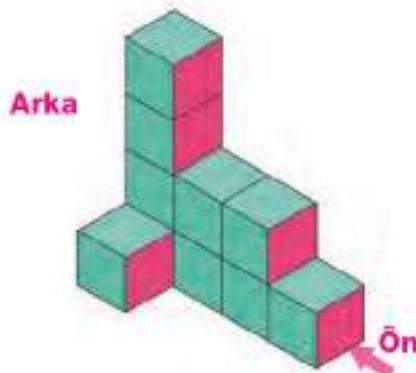
Arkadan Görünüm



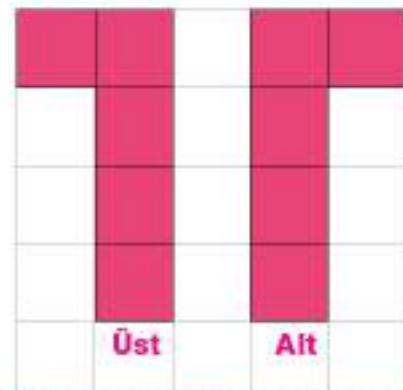
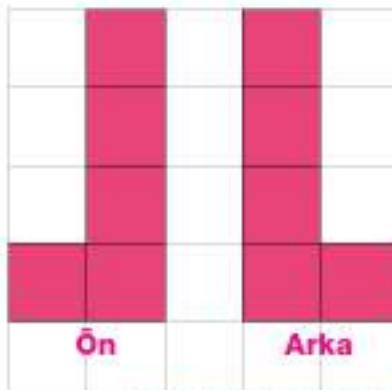
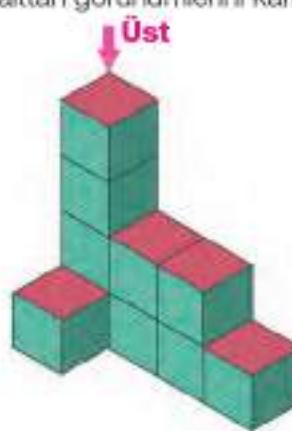


Yanda verilen şeklin önden ve arkadan, alttan ve üstten görünümelerini çizelim. Çizimleri inceleyelim.

Önden bakılınca görünecek yüzeyleri okla gösterelim. Daha sonra yerlerine dikkat ederek şeklin ön ve arkadan görünümelerini kareli kağıda çizelim.



Üstten bakılınca görünecek yüzeyleri okla gösterelim. Daha sonra yerlerine dikkat ederek şeklin üstten ve alttan görünümelerini kareli kağıda çizelim.



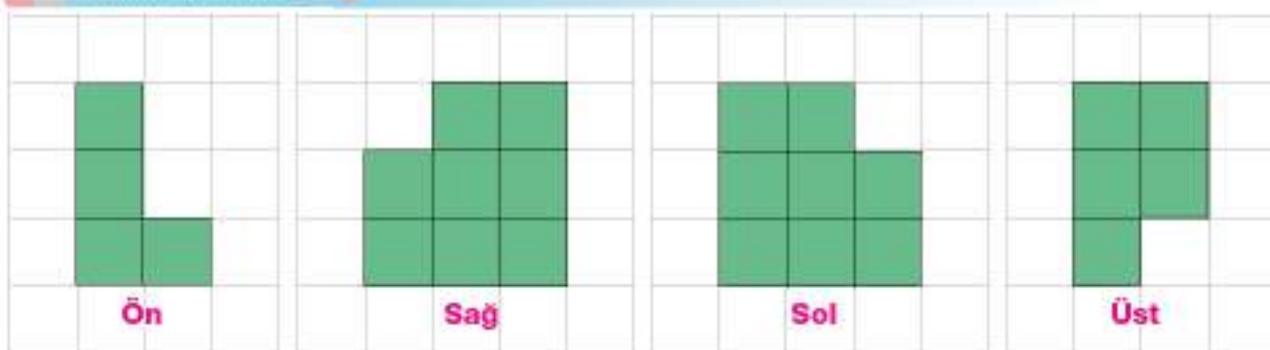
* Verilen yapının ön ve arka görüntüleri ile üst ve alt görüntülerinin birbirinin aynadaki görüntüsü olduğunu fark ettiniz mi?



Üç boyutlu cisimlerin farklı yönlerde görünümelerinde ön ile arka, sağ ile sol ve alt ile üst ile görüntüleri simetiktir.

Farklı Yönlerden Görünümleri Verilen Yapıları Oluşturma

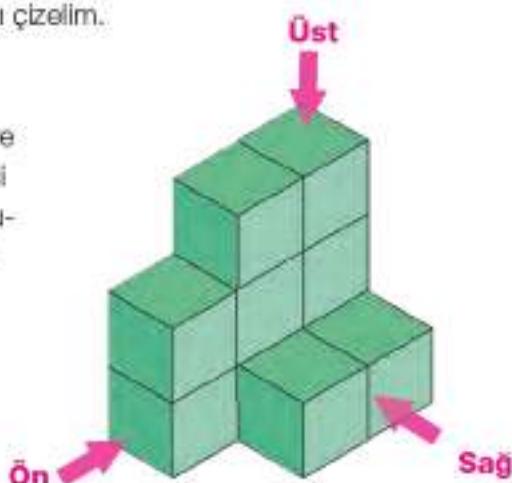
Birlikte Çözelim 1



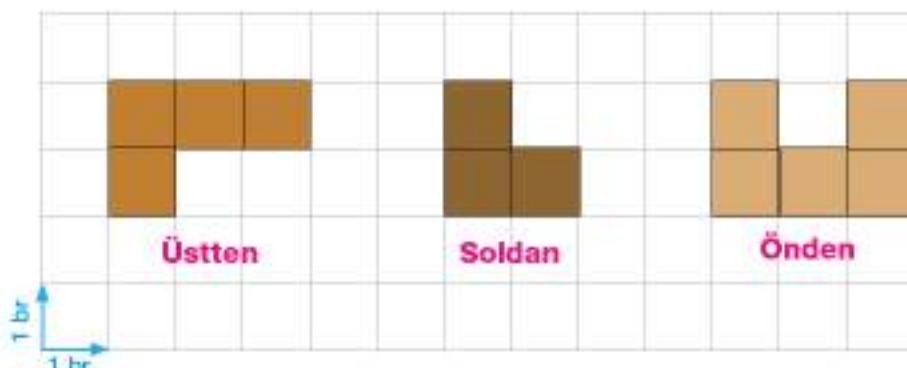
Üstte bir yapının ön, sağ, sol ve üstten görünümleri verilmiştir. Yapının çizilebilmesi için bu görünülerin verilmesi yeterlidir mi? Eğer yeterliyse bu yapıyı çizelim.

Çözüm:

Bir yapının görünümlerinde ön ve arka, sağ ve sol, alt ve üst birbirile simetiktir. Bu yüzden yapılanın çizilebilmesi için bu çiftlerden birer tanesinin verilmesi yeterlidir. Sorudaki görünümler çizim için yeterlidir. Buna göre yapının üç boyutlu hali yandaki gibi olacaktır.

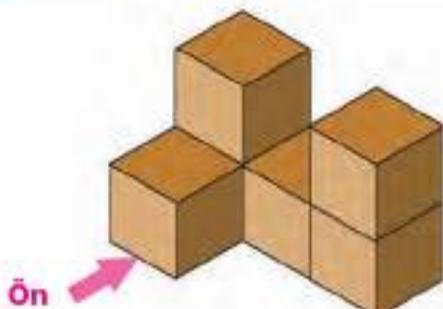


Birlikte Çözelim 2



Yanda bir yapının üstten, soldan ve önden görünümleri verilmiştir. Bu yapıyı eş küplerle oluşturup kaç tane eş küp kullanıldığını bulalım.

Çözüm:



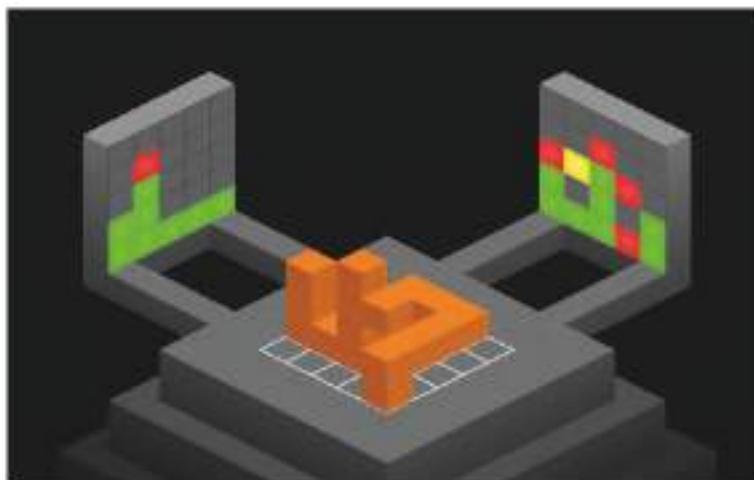
Eş küplerle oluşturduğumuz yapı yandaki gibi olacaktır. Bu yapı 6 eş küpten oluşmaktadır.

Birlikte Çözelim 3

Üç boyutlu tasarım programını kullanarak üç boyutlu yapılar oluşturalım.

Çözüm:

► Programı bilgisayarımıza indirelim. Karşımıza çıkan üç düzlemden ortadaki düzlem, yapıyı inşa edeceğimiz düzlemdir. Arkadaki iki düzlem, yapının farklı yönlerinden görünümünü sarı renkte verecektir.



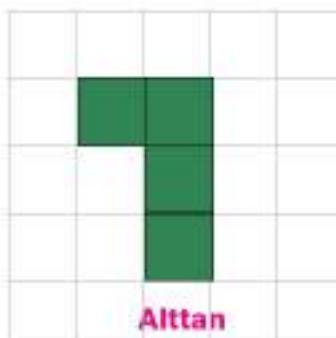
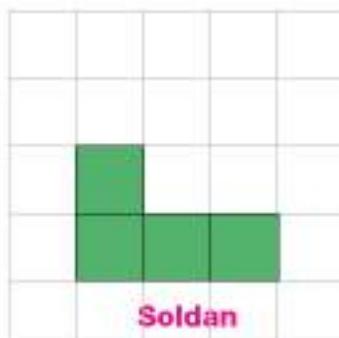
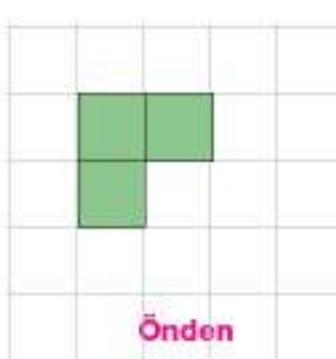
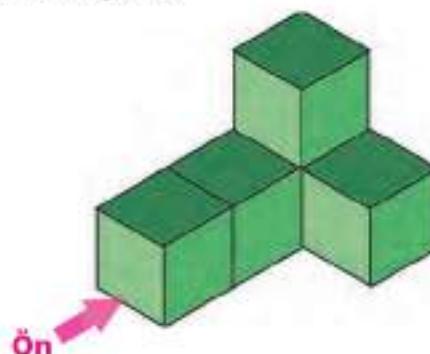
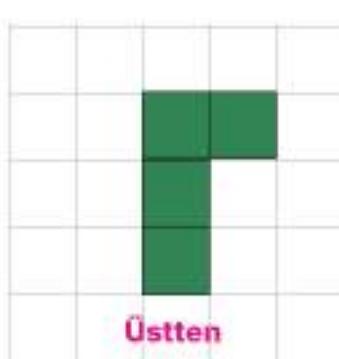
- Yapıyı oluşturmak için karelere tıklayalım.
- Tıkladığımız karede bir küp olacak. Küpün yanına veya üstüne her tıklamaya eş küpler oluşmaya devam edecektir.
- Tıkladığımızda oluşan küp doğru yerdeyse düzlemlerdeki sarı renk yeşille donecek, aksi takdirde kırmızı renk olacaktır.
- Kırmızı renk olduğunda klavyeden "Z" tuşuna basarak yanlış oluşturduğumuz küpü silmiş oluruz.

► Yapıyı doğru oluşturduğumuzda yapı, kendiliğinden dönmeye başlayacaktır. Yapı dönerken arka düzlemdeki görünümleri de yapının duruşuna göre değişecektir.

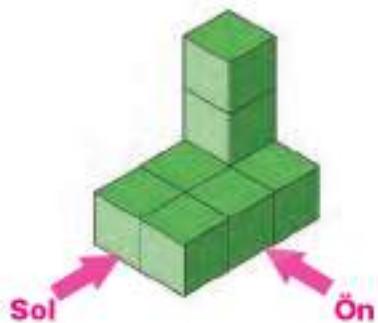
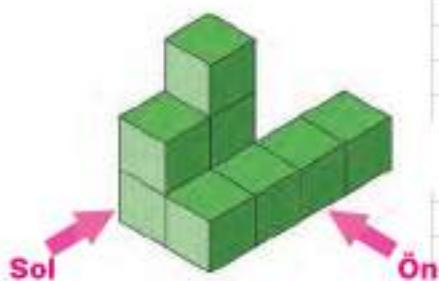
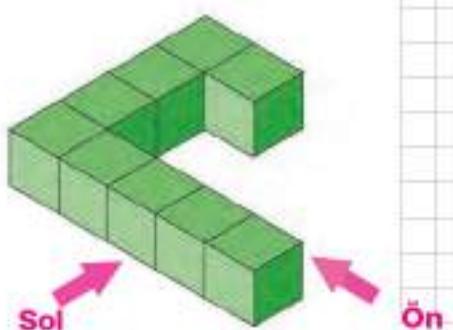
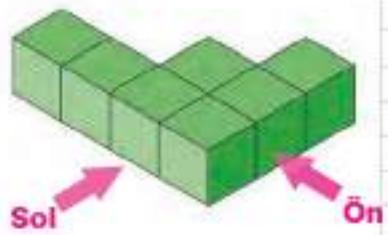


Çözüm Sende

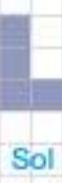
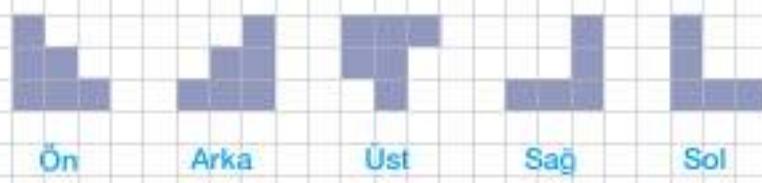
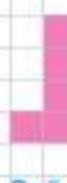
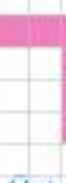
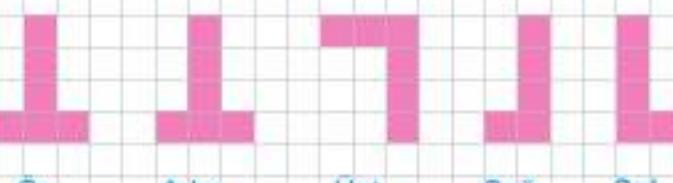
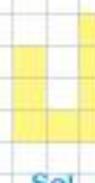
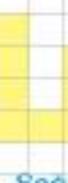
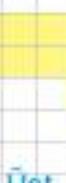
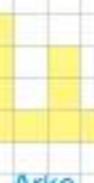
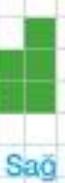
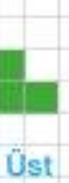
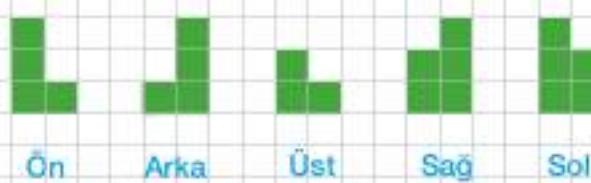
1) Aşağıda verilen yeşil yapının üstten, soldan, önden ve alttan görünümleri verilmiştir. Bunlardan yanlış olanı bulup doğru görünümü çiziniz.



2) Aşağıda verilen yapıların ön, arka, sağ, sol, alt ve üst görünümülerini çiziniz.



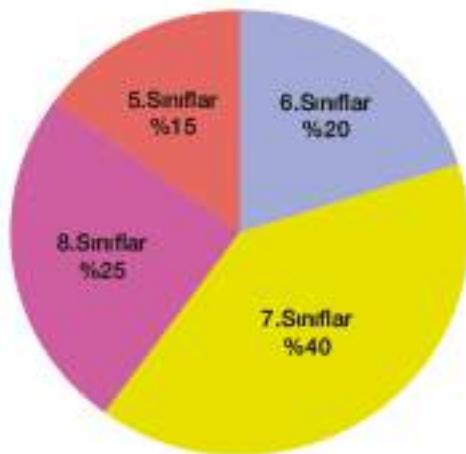
3) Aşağıda verilen yapıların önden, arkadan, üstten, sağdan, soldan görünümleri verilmiştir. Bu yapıları yandaki izometrik kağıda çiziniz.



6. ÜNİTE DEĞERLENDİRME SORULARI



- 1) **Grafik:** 5, 6, 7 ve 8. Sınıf Öğrencilerinin Dağılımları



Yandaki daire grafiği bir okuldaki 5, 6, 7 ve 8. sınıf öğrencilerlerinin dağılımlarını göstermektedir.

5, 6, 7 ve 8. sınıfların bulunduğu daire dilimlerinin merkez açılarının ölçülerini aşağıdakilerden hangisinde doğru olarak verilmiştir?

- | 5.Sınıflar | 6.Sınıflar | 7.Sınıflar | 8.Sınıflar |
|---------------|-------------|-------------|------------|
| A) 45° | 80° | 144° | 91° |
| B) 54° | 72° | 144° | 90° |
| C) 55° | 90° | 135° | 80° |
| D) 90° | 100° | 72° | 54° |

- 2)

- Grafik:** Otele Giriş-Çıkış Yapan Turist Sayısı

Turist Sayısı



Yandaki grafik 1 hafta boyunca bir otele giriş-çıkış yapan turist sayısını vermektedir.

1 hafta boyunca otele giriş yapan turist sayısı, çıkış yapan turist sayısından ne kadar fazladır?

- 3) Üç sayının aritmetik ortalaması 9 ve modu 12'dir. Bu sayıları bulunuz.

- 4) Aşağıdaki veri gruplarının mod ve medyanını bulunuz.

- a) 6, 6, 7, 7, 8, 8, 8
b) 66, 77, 88

- 5) 10 kişilik bir grubun yaş ortalaması 24'tür. 6 yıl sonra bu grubun yaş ortalaması kaç olur?

6) Bir kulübün basketbol takımındaki 5 oyuncunun yaş ortalamaları 24'tür. Kulübün 3 kişilik teknik heyetinin yaş ortalaması ise 40'tır. Bu takımın teknik heyetle birlikte yaş ortalaması kaç olur?

7) 11, 14, 12, 13, 12

Bir grup öğrencinin yaşı yukarıda verilmiştir. Bu gruba yeni bir öğrenci katıldığında grubun yaşılarının ortancası 12 olmaktadır. Buna göre gruba yeni katılan öğrencinin yaşı aşağıdakilerden hangisi olamaz?

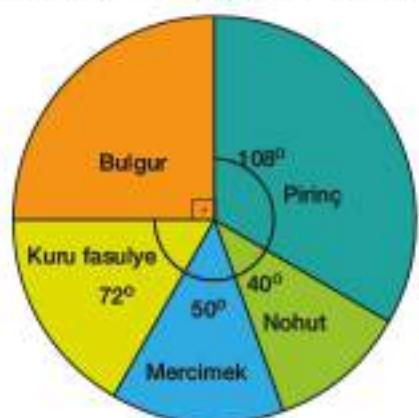
A) 10

B) 11

C) 12

D) 13

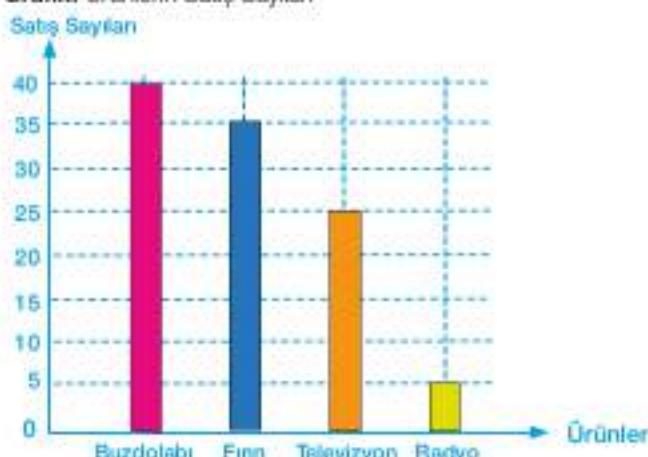
8) Grafik: Tükettiği Yıkk Baklagıl ve Tahıl Dağılımı



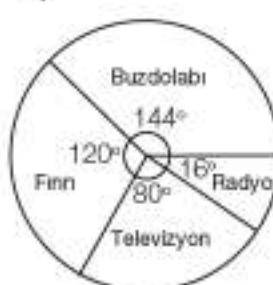
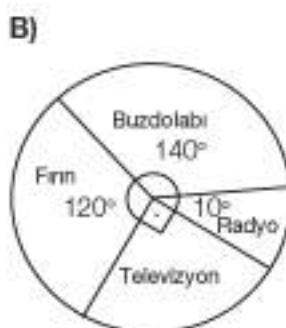
Yandaki daire grafiği bir ailenin 1 yılda tükettiği baklagıl ve tahıl dağılımını göstermektedir. Bu ailede bir yılda tüketilen kuru fasulye miktarı toplam baklagıl ve tahıl miktarının yüzde kaçıdır?

9) Aşağıdaki tabloda bir mağazadaki ürünlerin aylık satış sayıları verilmiştir.

Grafik: Ürünlerin Satış Sayıları



Bu sütun grafiğindeki verilere ait daire grafiği aşağıdakilerden hangisidir?

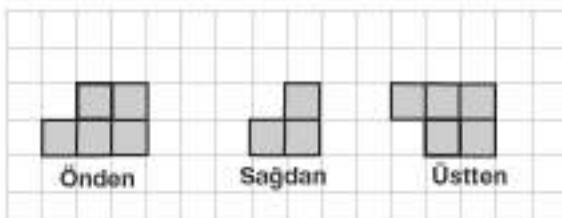


10) Aşağıdaki harflerle verilen ifadeleri sağda verilen uygun grafik türüyle eşleştiriniz.

- a) Son 5 yıl içerisinde ithal edilen buğday miktarının değişimi
- b) Sınıf başkanlığı seçiminde finale kalan 2 adayın aldığı oyalar
- c) 3 farklı fabrikada üretilen araç sayısı

- 1. Sütun grafiği
- 2. Çizgi grafiği
- 3. Daire grafiği

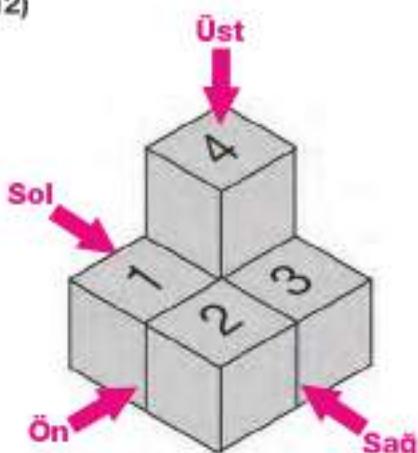
11)



Yukanda farklı yönlerden görünümüleri verilen yapıda kaç eş küp kullanılmış olabilir?

- A) 5 B) 6 C) 7 D) 8

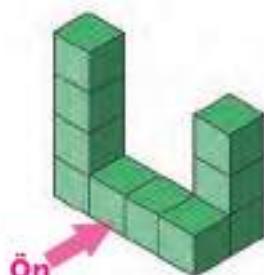
12)



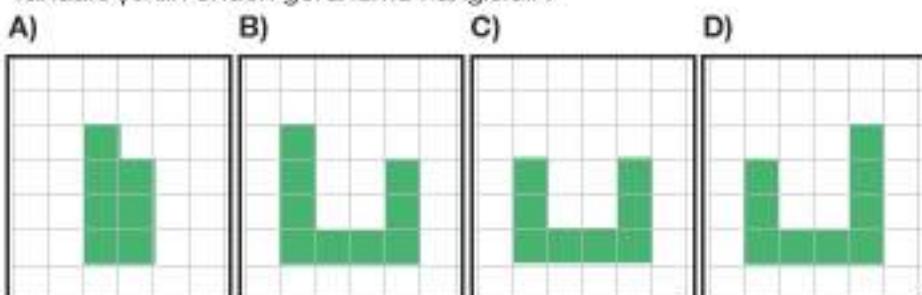
Beş eş küple oluşturulmuş yandaki yapıdan 3 numaralı küp çıkarıldığında yapının hangi yönden görünümü değişir?

- A) Önden B) Üstten C) Sağdan D) Soldan

13)



Yandaki şekläin önden görünümü hangisidir?



KENDİMİ DEĞERLENDİRİYORUM

Aşağıdaki formda 6. ünitede işlenen konulara ilişkin sizden beklenen beceri ifadeleri bulunmaktadır. Tablonun her bir satırındaki derecelendirme durumunu kendinizi değerlendirerek işaretleyiniz. Bu değerlendirme formunu öğretmeninizle paylaşıp öğretmeninizin görüş ve önerilerini de alarak yapmanız gerekenleri planlayınız.

VERİ ANALİZİ CİSİMLERİN FARKLI YÖNLERİDEN GÖRÜNÜMLERİ	ORTA	İYİ	COK İYİ
Verilere ilişkin çizgi grafiği oluşturup bu grafiği yorumlayabilirim.			
Bir veri grubuna alt ortalama, ortanca ve tepe değeri bulabilirim.			
Bir veri grubuna ilişkin daire grafiğini oluşturup bu grafiği yorumlayabiliyorum.			
Sütun, daire ve çizgi grafiklerini birbirine dönüştürebiliyorum.			
Üç boyutlu cisimlerin farklı yönlerden iki boyutlu görünümelerini çizebilirim.			
Farklı yönlerden görünümlerine ilişkin çizimleri verilen yapılanları oluşturabilirim.			

Tam olarak öğrendiğim konular:

Tekrar etmem gereken konular:

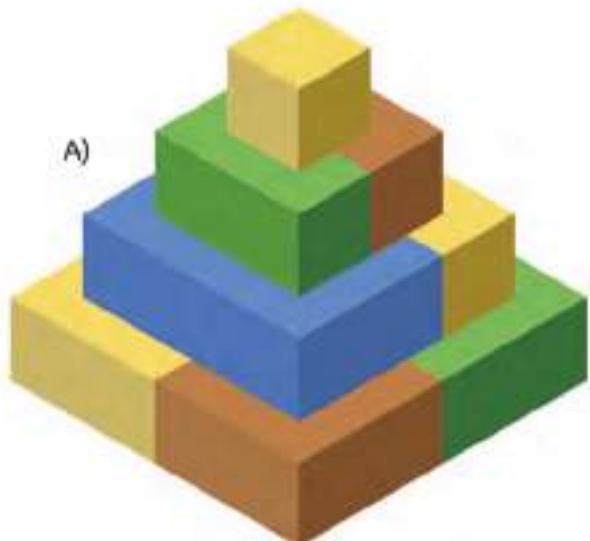
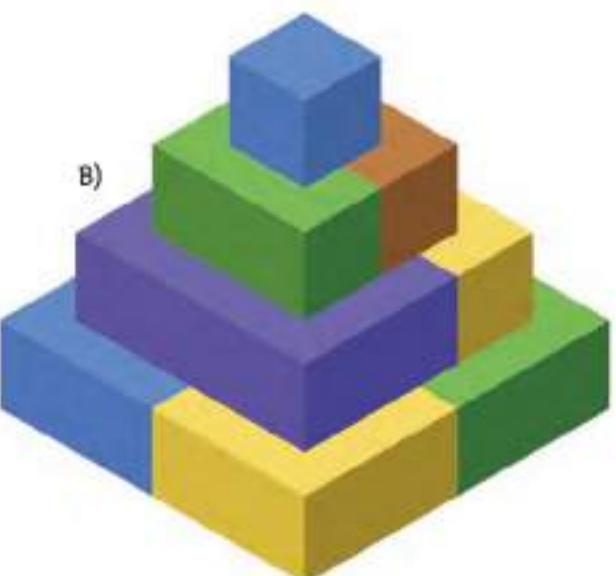
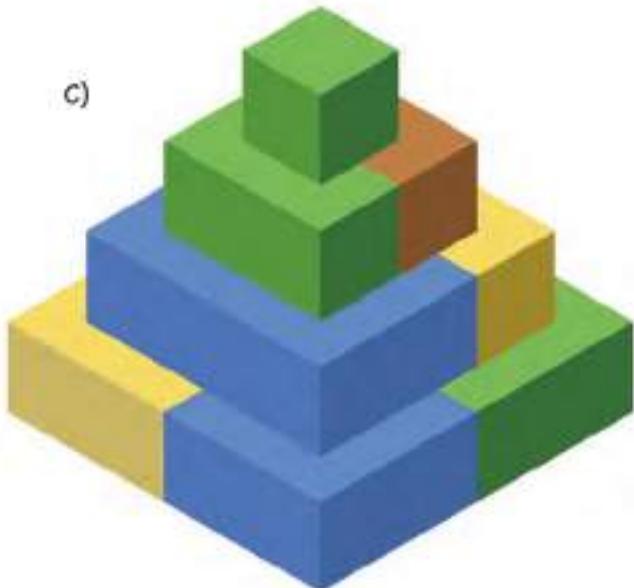
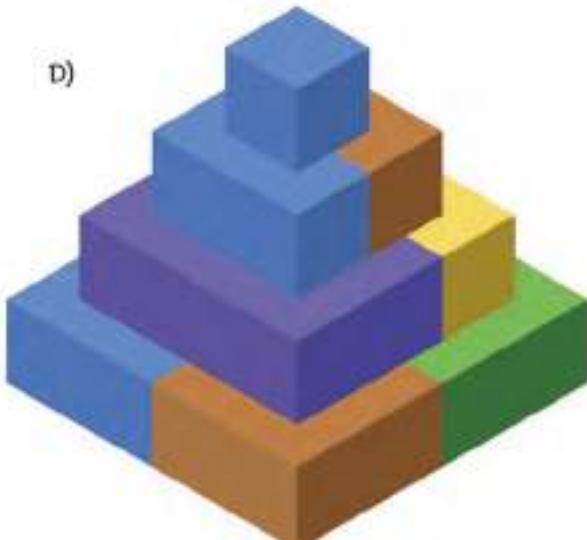
Öğretmenimden aldığım öneriler:



BİRAZ DA EğLENELİM

Üstten görünümü yandaki gibi olan şeklin üç boyutlu hâli aşağıdakilerden hangisidir?



- A)
- 
- B)
- 
- C)
- 
- D)
- 

1. ÜNİTE DEĞERLENDİRME YANIT ANAHTARI

- 1** a) 14 b) -50 c) -12 d) -25
d) 146 e) -17 f) -408 g) -81
- 2** a) 12 b) -12 c) 70 d) -80
d) -125 e) -8 f) 0 g) -20
- 3** a) 45 b) -28 c) 183 d) -12
d) 106 e) 25 f) 25 g) 48
- 4** 887
- 5** 99
- 6** 0
- 7** A
- 8** B
- 9** D
- 10** B
- 11** a) $\frac{41}{22}$ b) $-\frac{17}{3}$ c) $-\frac{86}{15}$ d) $-\frac{13}{6}$ e) $-\frac{1}{21}$
- 12** a) 125 b) -1 c) $\frac{112}{15}$ d) $\frac{2}{7}$ e) -4 f) $\frac{56}{15}$ g) $\frac{16}{5}$ h) $\frac{1}{20}$
- 13** a) Toplama - Değişme b) Çarpma - Yutan eleman
c) Toplama - Birleşme
- 14** 7821 ve 8686
- 15** a) 9 b) 64 c) 9 d) 25 e) -8
e) -49 f) -1 g) -16 h) 1
- 16** X < Y < Z
- 17** -7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, 0

2. ÜNİTE DEĞERLENDİRME YANIT ANAHTARI

- 1** $A = -\frac{5}{4}$ $B = \frac{3}{5}$
- 2** D
- 3** 6 tane
- 4** a) < b) > c) > d) > e) < f) = g) >
- 5** a) $\frac{2}{3} > \frac{-3}{8} > \frac{-1}{2} > \frac{-5}{6}$ b) $\frac{-1}{104} > \frac{-51}{103} > \frac{-101}{102} > \frac{-102}{101}$
- 6** C
- 7** a) 1,75 b) 0,4 c) $1, \bar{6}$ d) $-0, \bar{7}$ e) -2,0625
- 8** a) $\frac{8}{5}$ b) $\frac{-49}{200}$ c) $\frac{-101}{50}$
- 9** $0, \bar{4} > 0, \overline{404} > 0, \overline{04}$
- 10** a) $\frac{5}{9}$ b) $\frac{128}{99}$ c) $\frac{247}{9}$ d) $\frac{276}{90}$
- 11** a) $\frac{41}{22}$ b) $-\frac{17}{3}$ c) $-\frac{86}{15}$ d) $-\frac{13}{6}$ e) $-\frac{1}{21}$
- 12** a) 125 b) -1 c) $\frac{112}{15}$ d) $\frac{2}{7}$ e) -4 f) $\frac{56}{15}$ g) $\frac{16}{5}$ h) $\frac{1}{20}$
- 13** a) Toplama - Değişme b) Çarpma - Yutan eleman
c) Toplama - Birleşme
- 14** $\frac{9}{7}$
- 15** A
- 16** $\frac{15}{9}$
- 17** a) $\frac{1}{4}$ b) $\frac{-64}{125}$ c) $\frac{25}{4}$
- 18** B
- 19** 15
- 20** 63
- 21** 25
- 22** 70

3. ÜNİTE DEĞERLENDİRME YANIT ANAHTARI

- 1 $14x+1$
- 2 $24m+42$
- 3 8
- 4 $4x+8$
- 5 $18x+13$
- 6 10
- 7 a) 4n-3 b) 65
- 8 $7n+2$
- 9 5700
- 10 277
- 11 20
- 12 -5
- 13 $5x-4 = x+12$
- 14 C
- 15 5
- 16 18
- 17 168
- 18 8.
- 19 120

4. ÜNİTE DEĞERLENDİRME YANIT ANAHTARI

- 1 a) 48 b) 96 c) 30
- 2 51
- 3 a) 3 b) 4 c) $\frac{2}{3}$ d) $\frac{8}{3}$ e) 1 f) $\frac{1}{2}$ g) $\frac{3}{2}$ h) 8
- 4 24
- 5 B
- 6 C
- 7 16
- 8 B
- 9 I-II
- 10 275 mL
- 11 19
- 12 75
- 13 $x = 9 \quad y = 27 \quad z = 6$
- 14 a) 50 b) 90
- 15 12
- 16 9
- 17 5
- 18 a) 24 b) 0.8 c) 290 d) 140
- 19 %25
- 20 1620
- 21 2. Kampanya
- 22 a) %20 b) Bilgisayar > Cep Tel > TV c) %25
- 23 %44

5. ÜNİTE DEĞERLENDİRME YANIT ANAHTARI

- 1 60°
 2 65°
 3 a) Yöndeş b) Ters c) İç ters d) Dış ters e) Eş
 4 C
 5 135°
 6 1080°
 7 9
 8 $\frac{25}{12}$
 9 30°
 10 25°
 11 35°
 12 C
 13 $60\pi r^2$
 14 20 cm
 15 28 br^2
 16 9 cm
 17 412 cm^2
 18 3 tane
 19 96 br
 20 64 br^2
 21 D
 22 A
 23 260°
 24 $22,5^\circ$
 25 198,12 cm
 26 B
 27 a) D-E arası b) H noktası
 28 40 cm
 29 6 tur
 30 243 cm^2
 31 B
 32 36 m^2

6. ÜNİTE DEĞERLENDİRME YANIT ANAHTARI

- 1 B
 2 160
 3 3, 12, 12
 4 a) mod=8 medyan=7
 b) mod=yok medyan=77
 5 30
 6 30
 7 D
 8 %20
 9 C
 10 a-2
 b-3
 c-1
 11 A
 12 B
 13 B

SÖZLÜK

A

algoritma: Orta Çağda ondalık sayı sistemine göre son zamanlarda ise lyl tanımlanmış kuralların ve işlemlerin adım adım uygulanmasıyla bir sorunun giderilmesi veya bir sonuca en hızlı biçimde ulaşılması işlemi, Harezmi yolu.

alternatif: Seçenek.

astronom: Gök bilimci.

B

bakteri: Toprakta, suda, canlılarda bulunan, çürüme, mayalanma veya hastalıklara yol açan, Küresel, silindirimsi, kırıkkılıcımsı olan, bölünerek çoğalan, klorofisiz, tek hücreli canlı.

birim: Bir niceliği ölçmek için kendi cinsinden ömek seçilen değişmez parça, vahit.

birimkare: Alanının hesaplanmasında kullanılan uzunlukların birimi cm, m vb. birimlerle ifade edilmemiş bölgelerin alan ölçüsü.

D

değişken: Cebirsel ifadelerde, bilinmeyeni temsil eden harfler.

E

element: Kimyasal yöntemlerde ayırtlanmayan veya bileşim yoluyla elde edilemeyen madde.

eş: Birbirinin aynı olan veya birbirine çok benzeyen iki şeyden her biri, benzeri.

F

fatura: Satılan bir malın cinsini, miktarını ve fiyatını bildirmek için satıcının alıcıya verdiği hesap pusulası.

floresan: Uyarılmış bir sistemden, temel hâldeki bir sisteme geçiş sırasında yayılan ışık.

G

grafik: Değişkenler arasındaki ilişkili göstermeye yarayan çizgisel anlatım şekli.

güzergâh: Yolüstü uğranılacak, geçilecek yer.

I

ihale: İş, mal vb. ni birçok istekli arasından en uygun şartlarla kabul edene verme, eksiltme veya artırma.

İkamet: Bir yerde oturma, egleşme.

iskonto: İndirim.

istikrar: Aynı kararda, biçimde sürme, kararlık, stabilizasyon.

J

jant: Taşıtlarda, lastiklerin takıldığı tekerlein çember biçimindeki bölüm, ispit.

K

kartela: Boya, kumaş, halı vb. ürünlerin çeşitlerini küçük parçalar hâlinde gösteren liste.

komisyon: 1. Alt kurul.

2. Bir işe aracılık yapan kimseye bırakılan yüzde, simsaçye.

kroki: Bir konu veya nesnenin başlıca özelliklerini yansıtacak biçimde hazırlanmış taslağı.

L

logo: Bir kurum veya kuruluşun kendine seçtiği, bazı ticaret eşyalarına konulan, o eşyayı üreten veya satanın tanıtan resim, harf vb. özel işaret.

M

maliyet: Üretimde bir mal elde edilinceye deðin harcanan değerlerin toplamı.

menenjit: Ateş, şiddetli baş ağrısı, kusma, sayıklama vb. belirtilerle ortaya çıkan, beyin zarlarının itihaplanmasıyla oluşan bir hastalık.

mevkî: Yer, mahal.

mezura: Terzilikte ölçü almak için kullanılan, genellikle 1,5 m uzunluðunda şerit metre, mezür.

modüler: Parçalı.

N

nicelik: Bir şeyin sayılabilen veya azalıp çoğalabilen durumu, miktar.

O

ordinaryüs: Türk Üniversitelerinde 1960 öncesiinde, en az beþ yıl profesörlük yapmış, bilimsel çalışmalıyla kendini tanıtmış öğretim üyesi arasından seçilerek bir Kürsünün yönetimi ile görevlendirilen kimselere verilen unvan.

Ö

ölçek: Harita ve planda belirlmiş olan herhangi iki nokta arasındaki uzunluğun, bu noktalar arasındaki gerçek uzunluða oranı.

P

papirus: Eski Misirliann bu bitkinin saplarından yaptıkları kağıt.

S

slogan: Bir düşüncenin kolay hatırlanıp tekrarlanabilir biçimde ifade eden kısa, çarpıcı söz, motto.

sondaj: Sondalama.

V

varil: Çoğunlukla sıvı maddeleri koymak için kullanılan, metalden yapılmış, silindir biçiminde, üstü kapalı kap.

vert: Bir araştırma sonucu elde edilen bilgiler.

Z

zarar: Bir şeyin, bir olayın yol açtığı çıkar kaybı veya olumsuz, kötü sonuç, ziyan.

zatürre: Ateş, öksürük ve balgamla beliren, tehlikeli bir akciger hastalığı, batar.

zipkin: Büyük balıkın vurup çekmeye yarayan ucu çengelli mızrak.

SEMBOL VE KISALTMALAR

$^{\circ}\text{C}$	Derece Celcius (Derece selsiyus)
<	Küçüktür
\leq	Küçük veya eşittir
>	Büyüktür
\geq	Büyük veya eşittir
=	Eşittir
\neq	Eşit değildir
₺	Türk lirası
TL	Türk lirası
L	Litre
kg	Kilogram
g	Gram
cm	Santimetre
mm	Milimetre
mL	Millilitre
br	Birim
cm^2	Santimetrekare
mm^2	Milimetrekare
br^2	Birimkare
sa.	Saat
[AB]	AB işni
[AB]	AB doğru parçası
AB	AB doğrusu
AB	AB doğru parçasının uzunluğu
\widehat{ABC}	ABC açısı
$m(\widehat{ABC})$	ABC açısının ölçüsü
\widehat{AB}	AB yayı
$m(\widehat{AB})$	AB yayının ölçüsü
AB	AB yayının uzunluğu
$A(\widehat{ABC})$	ABC Üçgeninin alanı
Çevre(\widehat{ABC})	ABC Üçgeninin çevresi
R	Çap
r	Yançap
π	Pi sayısı
%	Yüzde sembolü
\perp	Diktir
//	Paraleldir

KAYNAKÇA

- Altun, M. (2015). *Ortaokullarda (5, 6, 7, ve 8. Sınıflarda) Matematik Öğretimi*. Bursa: Aktüel Yayınevi.
- Baykul, Y. (2014). *Ortaokulda Matematik Öğretimi*. Ankara: Pegem Akademi.
- Çeçen Eroğlu, A. R., Yurtal, F. (2014). *Eğitim Psikolojisi El Kitabı*. Ankara: Mentis Yayıncılık.
- Çelik, E. (2014). *Dünyayı Değiştiren Müslüman ve Türk Bülbüm Adamları*. Ankara: Tutku Yayınevi.
- Çepni, S. (ed.) (2016). *PISA ve TIMSS Mantiğının ve Sorularının Anlaması*. Ankara: Vadi Grup Çiteli A.Ş.
- Dönmez, A. (2002). *Matematığın Öyküsü ve Serüveni*. İstanbul: Toplumsal Dönüşüm Yayınları.
- James, I. (2013). *Büyük Matematikçiler Euler'den Von Neumann'a*. İstanbul: Türkiye İş Bankası Kültür Yayınları.
- Molix-Bailey, R. J., Day, R., Frey, P., Howard, A. C., Huchthens, D. A., Luchin, B., ..., McClain, K. (2008). *California Mathematics Concepts, Skills, and Problem Solving 7*. Columbus, United States of America: McGraw-Hill Companies.
- Santrock, J. W. (2014). *Ergenlik*. Ankara: Nobel Akademi Yayıncılık.
- Slavin, R. E. (2013). *Eğitim Psikolojisi Kuram ve Uygulama*. Ankara: Nobel Akademik Yayıncılık.
- Souviner, R. J. (1994). *Learning to teach mathematics*. New York, NY: Memill.
- T.C. Millî Eğitim Bakanlığı. (2018). *Matematik Dersi Öğretim Programı (İlkokul ve Ortaokul 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 ve 8. Sınıflar)*. Ankara: MEB.
- TÜBİTAK. (2007). *Sekilli Matematik Sözlüğü*. Ankara: TÜBİTAK.
- Türk Dil Kurumu. (2012). *Türkçe Sözlük*. Ankara: TDK Yayınları.
- Türk Dil Kurumu. (2012). *Yazım Kılavuzu*. Ankara: TDK Yayınları.
- Van de Walle, J. A., Karp, K. S., Bay-Williams, J. M. (2013). *İlkokul ve Ortaokul Matematiği*. Ankara: Nobel Akademik Yayıncılık.

INTERNET KAYNAKÇASI

- <https://www.mgm.gov.tr/genel/ss.aspx?s=sicaklikleri2> - Erişim Tarihi:28.04.2019
- <http://www.marmaray.gov.tr/icerik/marmaray/Marmaray-Teknik-%C3%96zellikler/56> - Erişim Tarihi:18.01.2018
- <https://www.ntv.com.tr/galeri/ekonomi/avrasya-tuneli-acildi-gecis-ucreti-ne-kadar,WyJnXUkVskyw0f1nr-moRSQ/mkrqDe06skStNjwpSFgZjg> - Erişim Tarihi:18.01.2018
- <http://mam.tubitak.gov.tr/tr/content/cahit-art-hakkında> - Erişim Tarihi:18.01.2018
- http://kandirasmli.meb.k12.tr/meb_iys_dosyalar/41/04/963198/dosyalar/2015_09/16012444_ders.pdf - Erişim Tarihi:18.01.2018
- <http://www.bilimgenc.tubitak.gov.tr/sites/default/files/SU/index.html> - Erişim Tarihi:18.01.2018
- <http://odsgm.meb.gov.tr/www/parasiz-yatili-ve-bursluluk-sihavli-soru-kitapciklar/icerik/149> - Erişim Tarihi:18.01.2018
- <http://www.adalet.gov.tr/> - Erişim Tarihi:28.04.2019
- http://www.anayasa.gov.tr/files/pdf/anayasa_yargisi/anyarg20/mlturhan.pdf - Erişim Tarihi:18.01.2018
- <http://www.tcmb.gov.tr/wps/wcm/connect/tcmb+tr/tcmb+tr/bottom+menu/banka-hakkında/TL+simgesi> - Erişim Tarihi:18.01.2018
- <http://img.eba.gov.tr/03d/8d1/b6d/71c/7f1/3a4/f77/921/ec7/611/6a9/3f5/4bb/1be/025/03d8d1b6d71c-7f13a4f77921ec76116a93f54bb1be025.pdf> - Erişim Tarihi:18.01.2018
- <https://www.isu.gov.tr/icerik/detay.aspx?id=335> - Erişim Tarihi:18.01.2018
- <http://www.istanbulkulturturizm.gov.tr/TR-166658/miniatukturk.html> - Erişim Tarihi:18.01.2018
- <http://www.tulk.gov.tr/PreHaberBultenleri.do?id=24573> - Erişim Tarihi:18.01.2018
- http://megep.meb.gov.tr/mte_program_modul/moduller_pdf/Vergi.pdf - Erişim Tarihi:18.01.2018
- <https://www.cnnturk.com/haber/yasam/elazigin-egri-minareli-camii-pisa-kulesinden-daha-egri> - Erişim Tarihi:18.01.2018
- <http://www.akmb.gov.tr/userfiles/files/ILLER%20ME%20ULU%20CAMILERİ/ELAZIĞ/HARPUT%20ULU%20CAMIİ/HARPUT%20ULU%20CAMIİ.pdf> - Erişim Tarihi:18.01.2018
- http://sorgunram.meb.k12.tr/meb_iys_dosyalar/66/07/963633/dosyalar/2016_12/29045532_teogsre-cideerdilemanketi.pdf - Erişim Tarihi:18.01.2018
- <https://www.tbmm.gov.tr/kanunlar/k4721.html> - Erişim Tarihi:18.01.2018
- <http://www.tcmb.gov.tr/wps/wcm/connect/TR/TCMB+TR/Main+Menu/Banka+Hakkında/TL+Simgesi>
- <https://www.tccb.gov.tr/cumhurbaskanligi/resmi-simgeler/bayrak/> - Erişim Tarihi:18.01.2018
- <https://blog.metu.edu.tr/e166558/2012/06/02/cok-kareller-takimi/> - Erişim Tarihi:18.01.2018
- http://www.tulk.gov.tr/PreTablo.do?alt_id=1046 - Erişim Tarihi:18.01.2018
- <http://www.tulk.gov.tr/jsp/duyuru/adnks/adnksindex.html> - Erişim Tarihi:18.01.2018
- <http://www.tdk.gov.tr> - Erişim Tarihi:18.01.2018
- <https://www.tzv.org.tr> - Erişim Tarihi:18.01.2018

GÖRSEL KAYNAKÇA

https://www.tubitak.gov.tr/tubitak_content_file/ozgecmis/CahitArt.pdf Cahit Art Görseli (sayfa, 98)	Erişim Tarihi: 10 Mayıs 2019
http://www.adalet.gov.tr/iletisim/BaskanlikLogoları/ Adalet Bakanlığı Logosu Görseli (sayfa, 126)	Erişim Tarihi: 10 Mayıs 2019
http://www.eba.gov.tr/gorsel?icerik_id=5143f1ecb0a816bd144b18b565c6bdf1789525164c004Harezmİ.pdf Harezm Görseli (sayfa, 115)	Erişim Tarihi: 10 Mayıs 2019
https://media.nationalgeographic.org/ooew/thumbnail_cache/41/01/4101b-605250933e6289c33746d500616.jpg Ömer Hayyam Görseli (sayfa, 131)	Erişim Tarihi: 10 Mayıs 2019
https://i.miniaturk.com.tr/storage/files/Images/2018/11/09/miniaturk2-1600x1067-XGtp.jpg Miniatürk Görseli (sayfa, 147)	Erişim Tarihi: 10 Mayıs 2019
http://www.denkbilgi.com/wp-content/uploads/olokleme.jpg Çöldeki Görseli (sayfa, 147)	Erişim Tarihi: 10 Mayıs 2019
http://elazigkulturturizm.gov.tr/TR-187349/harput.html Harput Ulu Camii Görseli (sayfa, 191)	Erişim Tarihi: 10 Mayıs 2019
Görsel konisyon tarafından fotoğraf çekimiştir. Atatürkün Geometri Kitabı Görseli (sayfa, 194)	Erişim Tarihi: 10 Mayıs 2019
http://catab.kulturturizm.gov.tr/Resim/15059,bayragımızjpg.png?0 Türk Bayrağı Görseli (sayfa, 209)	Erişim Tarihi: 10 Mayıs 2019
http://img.eba.gov.tr/315/6c0/17b/cc6/d4e/044/097/b89/071/6b0/183/a4b/628/09a/002/3156c017bcc6d4e04097b890716b0183a4b62809a002.pdf Mona Lisa Görseli (sayfa, 143)	Erişim Tarihi: 10 Mayıs 2019

Shutterstock Referans numaraları aşağıda verilen görseller, 15.05.2017 tarihinde telifi ödenerek sahutterstock.com sitesinden alınmıştır.

Stok no	Sayfa no	Stok no	Sayfa no	Stok no	Sayfa no
569811448.jpg	72	248741038.jpg	191	312105431.jpg	13
114129862.jpg	61	654842536.eps	189	603333428.jpg	104
420093313.jpg	52	451915345.ai	160	660784684.ai	100
395967616.jpg	242	121240327.ai	157	750553606.jpg	47
418999987.pdf	239	388227859.eps	153	305580290.jpg	46
489873613.jpg	235	387403744.eps	153	285227669.ai	49
539678842.pdf	234	16811413.jpg	149	49190329.ai	98
294519062.pdf	234	64029253.jpg	143	183051467.jpg	95
114129862.jpg	233	427162858.jpg	143	90894947.jpg	95
158598184.pdf	229	424599277.eps	143	543823799.pdf	16
596615769.jpg	229	370957406.eps	138	583423672.pdf	13
132152333.ai	203	124693735.jpg	138	111677186.ai	14
185405648.jpg	193	455486719.eps	136		
572297776.jpg	193	276043097.jpg	129		
545559949.jpg	193	88554883.jpg	36		